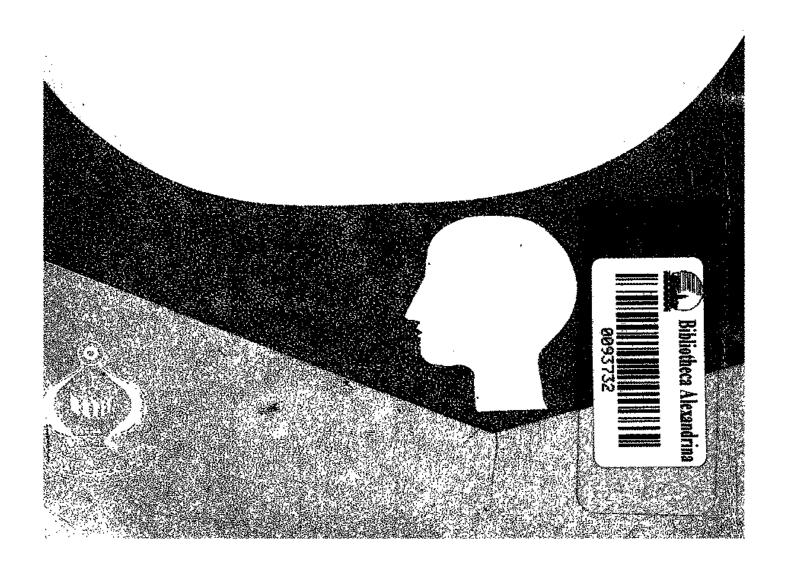
# الإحصاء النفسى

### الدكتور السيد محمد خيرى



## الإحصاء النفسى

تأليم

#### الدكتور السيد محمد خيرى

أستاذ ورئيس قسم علم النفس كلية التربية ـ جامعة الرياض

144V/--111V

الهيئة العامة لكتمة الأسكندرية طعراب لي المراكب طعراب كي كاري المراكب

الإدارة .. ٩٤ شارع عباس العقاد ـ. مدينة نصر ت . ٢٧٥٢٧٩٤ ـ. ٢٧٥٢٩٨٤

۱۵۰٬۱۸۲ السيد محمد خيري.

سى اح الإحصاء النفسى / تأليف السيد محمد خيرى . \_ القاهرة :

👔 دار الفكر العربي، ١٩٩٧.

٣١٢ ص: إيض ؛ ٢٤٤ سم.

يشتمل على إرجاعات ببليوجرافية وحواشي.

تنمك ٧٧٧/١٠/٠٩/٧/٩

١ ـ علم النعس ـ الطرق الإحصائية. أـ العنوان.

### بننز ليشا لالرعين الرحيم

قَالَتَمَالُ وَقُلُرَبِ زِذِينِ عِلْمَا "

صدق للدالعظيم

#### بسم الله الرحمن الرحيم

#### مقدمسة :

القياس هو الأسلوب العلمي الذي يحول الأوصاف اللفظية الى ابعاد محددة وهو الأسلوب الذي يطور العلوم ويدفع بها نحو الموضوعية .

والعلوم الانسانية لا زالت علوما متطورة ، فقد كانت فرعا من الفلسفة وكسان الفيلسوف يعتمد على الجدل المنطقي ، وعندما تدخلت الأساليب العلمية في بحوث هذه العلوم اعتمدت بادىء ذي بدء على الحالات الفردية والخبرات الحاصة ، ولكن هذه العلوم ما لبثت ان اتحذت دراسة الانسان بوجه عام وعلاقاته بغيره وتأثره بما حوله وتأثيره فيه أساسا للدراسة ، واقتضى ذلك منه أساليب يضبط بها جمع الحقائق التي يتوصل بها . وأساليب أخرى يعالج بها ما يجمعه من حقائق بغية التوصل الى ما يستطيع أن يستخلصه من نتائج .

ولهذا كان الباحث الانساني محتاجا دائمًا الى الأساليب الاحصائية يضبط بها يحوثه ويستنتج عن طريقها نتائجه .

وان كنا نقدم اليوم كتابا للاحصاء لطالب كلية التربية فما ذلك الا لأتنا نؤمن أن خريج هذه الكلية لا بد وأن يكون باحثا علميا قبل كل شيء ، مادته الانسان وسلوكه وأدواته الضبط وتحويل الملاحظات الى كميات تقاس وتقارن عن طريق فنسسون الاحصاء.

وقد حاولنا في هذا الكتاب تبسيط المادة للطالب حتى تكون مستساغة لديه يتقبلها بتفهم وميل ويستخدمها باستساغة واتقان وقد اقتصرنا في هذا الكتاب على الموضوعات الأساسية التي لا يستغني عنها طالب علم النفس أو التربية أو الباحث فيهما .

ولعلنا نكون بذلك قد أسهمنا في تطوير هذه العلوم وتقدمها وفي تطوير البحوث الانسانية بعامة في وطننا العربي .

والله ولي التوفيق ، ، ،

## الله القلل

#### تصنيف البيانسات وتمثيلها بالرسم

- « القياس في علوم الانسان .
  - ه التوزيع التكراري .
  - تمثيل التوزيع بالرسم .

المضلع التكراري

المدرج التكراري

المنحنى التكراري

المنحنى التكراري التجمعي

خاتمة في التمثيل بالرسم

a job

٧

#### القياس في علوم الانسان :

يقصد بالقياس تحديد درجة امتلاك شيء أو شخص لصفة من الصفات وتبعا لهذا المعنى فان الفرد يحتاج الى القياس في جميع تصرفاته اليومية ، ويستعمل القياس في كل حالة يتسني فيها الوصف بالأرقام ، ويدخل ضمن القياس العد والترتيب ترتيبا تصاعديا أو تنازليا بالنسبة لخاصية معينة أو صفة خاصة ، فتستطيع أن ترتب عددا من الأشخاص من حيث الطول أو الوزن أو المستوى الاقتصادي أو الذَّكرة .. الخ طالما أن هذه الصفات الجسمية أو الاجتماعية أو النفسية يمكن أن تختلف من فرد لآخر من الناحية الكمية . وترتيب الأشخاص أو - الأشياء يفيد كثيرا في مقارنتها بعضها بعض ، بل ويفيد أيضا في بيان مركز الفرد بالنسبة لمجموعته ، فاذا كان ترتيب (أ) الثاني في مجموعته البالغ عددها عشرة أشخاص ، أمكن أن نقول أن هناك فردا واحدا يفضله في الناحية التي اتخذت أساسا للترتيب ، بينما هناك ثمانية غيره متأخرون عنه فيها . ولكن طريقة ترتيب الأفراد لا تفيد أكثر من ذلك ، فهي لا تدل على مقدار امتلاك الشخص للصفة المطلوبة الا بدرجة نسبية ، أي أنها لا تدلنا مثلا على مدى تفوق الأول على الثاني ، كما لا يمكن أن نستنتج من النّرتيب أن الفرق بين الثاني والأول يعادل الفرق بين السادس والخامس ، بالرغم من أن الفرق في الرتب متساو في الحالتين . فالرتب لا تخضع للعمليات الحسابية المعتادة كما تخضع الدرجات أو القيم كالدقائق والأرطال والدرجات ، بينما لو أمكن تحديد قيم للأفراد أتاحت هذه القيم فمرصا كثيرة لاستنتاجات تتعلق بهذه القيم كما يمكن استخدام هذه القيم في عمليات أخرى يستفيد بها الباحث الأغراض شي .

والطريقة الشائعة الاستنخدام في القياس تكون باعطاء الفرد أو الشيء قيمة خاصة .

فالباحث في علوم التربية والنفس والاجتماع يطبق اختبارا تحصيليا أو نفسيا على عدد من الأشخاص ويعطي كلا منهم درجة تدل على مدى تحصيله أو مدى اتصافه يصفة نفسية خاصة ، أو درجة اعتناقه لرأي اجتماعي معين أو درجة تعصبه بلحهة من الجهات وتحديد قيمة الشيء عدديا فيه فرض ضمني بأن الصفة التي نقبسها لها وحدات يمكن اتخاذها أساسا للتقيم . كما أن فيه افتراض ضمني آخر وهو أن الوحدات تسير بتسلسل منتظم وبفترات متساوية ، هذا والتقدير في كثير من اختبارات التحصيل أز القدرات أو السمات النفسية قد يتخذ صورا أخرى غير الدرجة ، ففي بعض الاختبارات يتخذ مستوى للصعوبة التي يقف عندها الفرد مقياسا للتحصيل أو التفوق كما يتخذ في بعضها الآخر سرعة أداء الشخص لعمل معين ، بأن يحسب الزمن الذي يستغرقه في أداء هذا العمل ، أو كمية العمل التي تتم في زمن معين ، وفي أغلب الاستبيانات الاجتماعية يتخذ عدد الاجابات بنعم أو لا مقياسا للاتجاه العقلي أو شدة أو مدى اعتناق الشخص لفكرة خاصة .

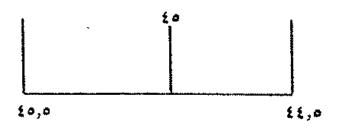
وبالرغم من أن درجات الاختبار التحصيلي أو النفسي أو الاستبيان لا تختلف عن القيم المادية التي تصف الأشياء الطبيعية الأخرى كالحجم والمساحة .. النخ . في أنها تخضع للعمليات الحسابية المختلفة كالجمع والطرح والضرب .. المنح الا أن هناك فرقا أن مناه أن المان المان المان المان تعادل ضعف المان المان المان المان وحدة بينما ترتفع الثانية المن المان وحدة بينما ترتفع الثانية لبق هذا في الدرجات القياسية في الاختبارات عكن أن تعادل ثلث درجة ٣٠ في نفس د صفر لهذا التقدير فهذا م-ناه في مثل هذه

رة على وجه الاطلاق .

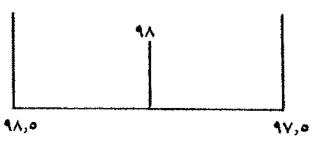
"ية الى قسمين مختلفين ، هما القيم المستمرة Continuous والقيم الأول يمكن تمثيله بنقط متتابعة لا حصر لها على مستقيم واحد ، اعدد لا حصر له من القيم المتلاصقة بحيث لا ينقطع تتابعها أن نحصل ضمن هذه السلسلة المتتابعة على أية قيمة مهما كان نميم أطوال الآشياء ، فالطول صفة لا تنقطع وحداته . فبين ه عدمثلا ١,٥ سم ، ٢,٥ سم . الخ . كما نستطيع أن نجد ١,١٥ ، مسم . الخ .. مما نستطيع أن نجد ١,١٥ ، نما سم .. الخ .. الخ .. ما نستطيع أن نجد المناه لأن سم .. الخ .. المناه أي عجموعات مختلفة مقياس متقطع القيم ، ذلك لأن توبعضها ، أي أنه بين الرقم ٣ (٣ أشخاص ) وبين الرقم ٤ لا تملؤه قيم متدرجة . فلا يمكننا أن نجد مجموعة بها ٣,٧ شخصا

أو ٣,٩٢ شخصا وهكذا .

وعلى هذا نستطيع أن نفهم للقيم في المقياس المتصل معنى يختلف قليلا عن الذي نفهمه عادة . فأبة درجة في اختبار أو أي مقياس للطول ، ما دام التقويم في كليهما متصلا يمكن أن بنظر اليه على أنه مسافة بين نقطتين ، فدرجة ١٤ في اختبار ما يمكن اعتبارها لا على أنها نقطة منفصلة محددة على المقياس ، بل على أنها مسافة حدها الأدنى ١٤٥٥ مع اعتبار أن النقطة الوسطى في هذه المسافة هي التي تعادل الدرجة ١٤ .



ويكون معنى الدرجة ٩٨ على نفس هذا الأساس المسافة المحددة بالدرجتين ٩٧،٥ و ٩٨،٥ .



وهكذا بينما يختلف الحال في القيم المتقطعة ، ذلك لأن كلا منها قيمة تمثلها نقطة على المستقيم الذي يبدأ بالقيمة الصغرى وينتهي بالقيمة الكبرى .

### التـــوزيع التـــكراري :

التوزيع التكراري وسيلة لتصنيف البيانات التي سبق جمعها ، فالباحث في هذه العملية يقوم بعمل فراز البريد الذي يقوم بفرز الخطابات حسب الجهة المرسلة ، الا أن الباحث في تصنيف بياناته هو الذي يختار الفئات التي يحددها لنفسه . فهدف التوزيع التكراري اذن ترتيب البيانات وتقسيمها تقسيما يسهل ادراك ما بينها من علاقات ، ويوضح صفاتها ودلالتها . فاذا احتاج بحث الى جمع حالات من أفراد ذوي دخول يومية مختلفة وعددهم ٦٠ فردا وكانت دخولهم اليومية بالريال كالآتي :

ŧ٤	44	٤٣	۳۸	۲۵	71	٤٦	٥٣	۱۸	77	77	40
۳۷	٤Y	٥٥	19	**	44	۲۸	٦٢	74	٤٤	۳۸	44
۱٥	۲a	٥١	٧	14	40	14	42	٣٢	ν̈́	٤٥	7.8
70	07	٦٧	٤٨	4	۱۸	**	40	77	10	۱۷	٨
۸۵	٥٨	٦,	٦٢	٣٧	Υŧ	٠,	٥٩	٣٦	77	**	10

جدر له (١) الدخول اليومية لستين فرداً بالريال

فان هذه القيم في وضعها هذا لا يمكن أن تفيد الباحث في اعطائه فكرة واضحة عن هذه المجموعة . ولذلك فانه من الطبيعي عادة أن يفرغ هذه البيانات في جدول يضم القيم المتجاورة في فئة واحدة تنفصل عن غيرها من الفئات . أي أنه يصنف هذه القيم الستين في مجموعات .

#### اختيسار مسدى الفئسة :

ومن الطبيعي أنه لا توجد طريقة واحدة لتقسيم مثل هذه البيانات الى مجموعات متدرجة وتصنيفها تبعا لذلك ، ذلك لأن مدى الفئة أي الفرق بين حدها الأدنى والأقصى يختاره الباحث بنفسه . وعلى هذا فهي تتوقف على الهدف الذي يضعه الباحث من هسذا التصنيف . الا أنه ينبغي أن يكون عدد أقسام التصنيف مناسبا ، فاذا كان عدد الأقسام صغيرا كأن نقسم هذه الدرجات مثلا الى قسمين أو ثلاثة ضاع على الباحث أغلب الفوائد التي يمكنه أن يجنيها من هذا التصنيف ، كما أن مثل هذا الحال يحدث اذا كان عدد الأقسام كبيرا . ومن المستحسن أن يكون عدد الأقسام محصورا بين عشرة وعشرين اذا أمكن ، ولكن ليست هذه قاعدة عامة ينبغي أن نتبعها دائما ، فقد يحدث أن تتجمع القيم المراد تصنيفها في مدى ضيق بحبث بتعذر ابجاد عدد مناسب من الأقسام

ولتحديد الفئات ينبغي ان تحدد أولا الحدي الأدنى والأقصى للقيم المعطاة ففي المثال السابق نلاحظ أن أقل قيمة هي ٧ وأكبر قيمة هي ٦٧ . أي أن الفئة الأولى في هذه الحالة أو أقل الفئات قيمة ينبغي أن تكون مشتملة على القيمة ٧ . كما يبغي أن تكون أكبر الفئات قيمة مشتملة على القيمة ٧ . كما يبغي أن تكون أكبر الفئات قيمة مشتملة على القيمة ٣٧ . ونظرا لأن مدى توزيع القيم هو ٣٧ ـ ٧ = ٢٠ ، فيمكننا ان نقسم هذه القيم الى فئات مدى كل فئة ٤ أو ٥ ، أو ٣ ريالات ، أو تكون

حدود الفئات مكررات ٤ ، أي نبدأ مثلا بالقيمة ٤ في الفئة الأولى و ٨ في الفئة الثانية و ١٧ في الفئة الثالثة وهكذا .

#### تسلسل الفئسات:

اذا اعتبرنا الفئة الأولى محددة بين £ ، ٨ فأمامنا في هذا الحل أربع طرق للتجمع ، فاما أن نجعل الفئة تبدأ بعد £ وتنتهي قبل ٨ ، أي تشتمل على القيم التي تزيد عن ٤ وتقل عن ٨ وتشمل التي بعدها على القيم التي تزيد عن ٨ وتقل عن ١٢ وهكذا ، وهنا نجد صعوبة في وضع القيمة ٨ في هذه الطريقة حيث لا يمكن وضعها في الفئة الأولى أو الفئة الثانية .

و الطريقة الثانية تكون بأن ندخل كلا من ٤ ، ٨ ضمن الفئة ، أي أن نجعل الفئة من ٤ ـــ ٨ بما فيها القيمتين ٤ ، ٨ .

وتسير الفئات بالتسلسل الآتي : \_

٤ فما فوق -- ٨

4 فما فوق -- ١٣

14 فما فوق -- ١٨

. . . . و هكذا .

و في هذه الحالة نجد أن مدى كل فئة خمس وحدات وليست أربع ، كما أننا نرى أن هذه الطريقة لا تصلح الا في القيم المتقطعة التي لا يوجد فيها اتصال بين الوحسدات الصحيحة . فاذا فرضنا أن هذه القيم متصلة ، فاننا نصادف صعوبة في تحديد فئة القيم التي بين ٨ ، ٩ أو التي بين ١٣ ، ١٤ أي ما بين الحد الأقصى للفئة والأدنى للفئة التي تليها .

والطريقة الثالثة هي أن تبدأ الفئة بما يزيد عن قيمة خاصة وتنتهي بقيمة محددة ، ففي هذا المثال نستطيع أن فقول :

ما فوق ٤ ــــ ٨

ما فوق ۸ --- ۱۲

ما فوق ۱۲ ـــ ۱۳

. . . . وهكسذا

وبذلك نضمن مكانا لجميع القيم سواء كانت البيانات مستمرة أو متقطعة كما هو الحال في الجدول الآتي ، وهو يبين حالة الملكية العقارية سنة ١٩٥٧ في احدى البلاد .

جملة المساحة	عدد الملاك	فثات المساحة
1454 444	774 757	أكثر من فدان الى خمسة
3 . P a Ya	V4 Y04	أكثر من خمسة الى عشرين
740 001	87 AYW	أكثر من عشرة الى عشرين
4.4 8.4	۱۳۰۸۸	أكثر من عشرين الى ثلاثين
T11 10A	9 4.5	أكثر من ثلاثين الى خمسين
279 242	7 474	أكثر من خمسين الى مائة
277 770	۳ ۱۸٤	أكثر من مائة الى مائتين
114 5411	Y 177	أكر من مائي فــدان

جنو ل (٢) الملكية المقارية في اسدى البلاد

والطريقة الرابعة وهي عكس السابقة أي تبدأ بقيمة محددة وتنتهي بأقل من قيمة محددة فنقول مثلا :

> من ٤ الى اقل من ٨ من ٨ الى اقل من ١٢ من ١٢ الى اقل من ١٦ ...وهكسذا

وفي أية طريقة من هذه نجعل التصنيف يتجه اتجاها تصاعديا أي بادثا بأصغر القيم ثم يُصعد بالتدريج حتى يصل الى أكبر قيمة أو العكس ، فنقول مثلا :

> £ ـــ أقل من ۸ ۸ ـــ أقل من ۱۲ ۱۲ ـــ أقل من ۱٦ وهكـــ نــا . . . . . .

من ٦٤ -- أقل من ٦٨ من ٦٠ -- أقل من ٦٤

 والطريقة التي سنتمها في هذا الكتاب هي طريقة التدرج التصاعدي أي الذي يبدأ بالقيم الصغيرة وينتهي بالكبيرة ، كما أننا سنتخذ الوضع الذي يبدأ بقيمة محدودة وينتهي بأقل من قيمة محدودة ، وبتطبيق هذا الوضع على المثال السابق ( جدول ١ ) نصل الى التصنيف الآتي .

```
٤ ـــ أقل من ٨
٨ ـــ أقل من ١٢
١٦ -- أقل من ١٦
١٦ ــ أقل من ٢٠
٧٤ ــ أقل من ٧٤
٢٤ ــ أقل من ٢٨
۲۸ ـ أقل من ۳۲
٣٢ - أقل من ٣٦
٣٦ _ أقل من ٤٠
٤٤ ـــ أقل من ٤٤
٤٤ -- أقل من ٤٤
٤٨ ــ أقل من ٥٧
۲ه ــ أقل من ۵۹
۲۰ سـ أقل من ۲۰
٦٤ ــ أقل من ٦٤
٦٤ ... أقل من ٦٨
```

ولاختصار الوضع يكفي أن نوضح التتابع كما يأتي :

--- £

- ^

۱۳ ــ وهكذا

فهذا الوضع يدل على أن الفئة الأولى تبدأ بالقيمة ٤ وتنتهي قبل القيمة ٨ والثافية تبدأ بالقيمة ٨ وتنتهي قبل القيمة ١٢ و هكذا .

بقي أن نحدد عدد الأفراد التي تقع في كل فئة حسب البيانات المعطاة . والطريقة

المتبعة لذلك هي وضع خطوط (علامات) يدل كل خط منها على أن هناك قيمة تتبع الفئة الموضوع بها . فالقيمة الأولى وهي ٣٥ نعبر عنها بخط أمام الفئة ( ٣٧ - \_ ) ، والثانية وهي ٢٧ نعبر عنها بخط أمام الفئة ( ٢٠ \_ \_ ) . الا أنه نما يسهل عد هذه الحطوط أن تجمع في مجموعات من خمس . فاذا كانت أمام الفئة أربعة علامات هكذا / / / وأردنا أن نضع علامة خامسة ربطنا هذه العلامات الأربعة .

والجدول التكراري يحتوي على ثلاثة أعمدة : الأول يبين الفئات ، والثاني يبين العلامات ، والثاني يبين العلامات ، والثالث يبين عدد العلامات في كل فئة أو ما نعبر عنه بالتكرار فهو في المثال السابق كما يلى :

تکسرار	علامات	فاك
*	111	<b>\$</b>
Y	11	A
*	11	17
6		17
£	1111	Y•
٧	//	_ Y£
۳	111	<b> ∀</b> ∧
£	1111	<u> </u>
3	1	<b>- ٣٦</b>
<b>Y</b>	11	- £.
•		- <b>tt</b>
¥	11	- £A
*	11	•Y
•		
•		Y•
*	111	- 71
*		المجموع

جدول ٣ -- الحدول التكراري

ومن الواضح أن صحة مجموع التكرارات أي مطابقته لعدد القيم المعطاة لا يدل دلالة كافية على صحة العمل ، فهو بدل فقط على أن جميع القيم قد دونت في الجدول التكراري وأن كلا منها قد دون مرة واحدة ، ولكن لا زال هناك مجال للخطأ في وضع احدى العلامات في الفئة الخاطئة . وليس أمامنا اتلافي هذا الحطأ الا أن نلزم الدقة والحرص في وضع العلامات ولا بأس من تكرار العملية للتأكد من صحتها .

ويلاحظ في مثل هذا الجدول ملاحظتان :

١ \_ أن أقل قيمة للتصنيف وأعلى قيمة محددتان في الجدول .

٢ ــ أن الفثات تسير بتتابع منتظم أي أن مدى الفثات متساو .

ولكن يحدث في كثير من الأحيان أن يفضل الباحث تصنيف بياناته في جداول ليس فيها هاتان المميزتان ، كأن يجعل مبدأ التوزيع مفتوحا أي ليس له حد أدنى محدد فتبدأ الفئات مثلا بالفئة أقل من ١٥ ثم تتابع بعد ذلك بانتظام ١٥ - ٢٠ ، ٢٥ ... الغ اذا كان عدد القيم التي تقل عن ١٥ قليلة لا تستحق وضعها في عدد من الفئات أو أن يكون الجدول مفتوحا من طرفه العلوي لنفس السبب ، فقد تكون الفئة الأخيرة مثلا ٧٥ فأكثر ، واليك مثال واقعيا على ذلك .

فالجدول الآتي مفتوح من طرفيه، وهويبين تعداد التلاميذ في سنوات متعاقبة موضحاباالألف.

1949	1984	1950	١٩٤٨	1901	فثاتالمن
198.	1984	1487	1989	1907	
11	10	Y£	74	44	أقل من هسنوات
٤٨٨	257	171	171	717	من ه أقل من
۲۷۵	۵۰۹	101	£££	117	۸ سنوات من ۸ ــ أقل من ۱۰ سنوات
717	414	417	£ 1 7 1	113	من ١٠ ـــ أقل
٧٦.	٧٨	1.*	104	Y11	من ١٣ سنة من ١٣ ـــ أقسل من ١٦ سنة
٦٥	٦٧	٨٤	144	۱۷۸	١٦ سنة فأكثر
770/	184.	18.7	10.4	14-1	المجموع

جدو ل (٤) جملة التلاميذ في احد البلاد حسب فئات السن(جدو ل مفتوح الطرفين)

كما أنه يضطر الى توزيع بياناته على فئات غير متساوية المدى اذا وجد أن بعض الفئات قليلة التكرار مما يفضل معه ضم كل فئتين أو أكثر واعتبارهما فئة واحدة كما هو الحال في المثال الآتي الذي يبين توزيع مقدار السكان حسب فئات السن بـ ( بالأرقام بالألف ) .

1417	1444	1447	1984	فئات السن
۱۸۰	٤٩٣	٤٩٠	۸۰۰	أقل من سنة
1079	١٥٣٨	۱٦١٨	Y • VV	من ۱ ــ أقل من ٥ سنوات
14.4	1/09	14.4	45	من ۵ ــ أقل من ۱۰
<b>M</b> - 4 <b>1</b>	104.	14.4	4418	من ۱۰ ـــ أقل من ۱۵
4041	1790	ነዮደግ	14.1	من ١٥ ــأقل من ٢٠
1474	7447	1111	<b>7</b> 807	من ۲۰ ــأقل من ۳۰
۱۷۲۳	71	444.£	<b>የ ነ</b> ሞዮ	من ۳۰ ــأقل من ٤٠
1184	1810	17.0	1474	من ٤٠ ــأقل من ٥٠
VoY	۸۰۱	410	1718	من ٥٠ سأقل من ٦٠
173	٥١٩	۸۷۵	V1V	من ٦٠ ــأقل من ٧٠
٧٨٠	404	474	747	من ۷۰ ـــأقل من ۸۰
۱Y۷	111	118	4.4	من ۸۰ ـــأقل من ۹۰
٤٧	٤٠	٤٣	۴,	۹۰ سنة فأكثر
٤٠	44	٣٧	•۸	أعمار غير متباينة
۱۲۷۱۸	11174	10971	14477	للجموع

جلول (ه) يبين عدد السكان في أحد البلاد حسب فثات السن

ولا يشترط دائما أن يصنف الباحث بياناته تبعا لفئات عددية ، بل كثيرا ما بحتاج الى أساس نوعي في تصنيفه ، فيقسم المجموعة الكلية الى أنواع مختلفة كما هو الحال في الجدول التكراري الآتي :

141	v	11	44	111	"٧	11	ŧ٧	درجة التعليم
اناث	ذ کور	اناث	ذ کور	اناث	ذكور	اناث	ذكور	
		777	10.7	708	1711	978	**77	ملمون بالقراءة والكتابة
		į	۲۹	71	1+\$	۵۳	117	فقـــط حملة شهادات أقل من متوسطة
		١	۲١	٤	40	1٧	47	حملة شهادات متوسطة
		١,	11	١	40	٣	11	ه ه عالية
		_	_		٤		٥	ه و فنية عالية
			-	••••	Y	-	٣	۱ ۱ خصوصیـــــــــــــــــــــــــــــــــــ
		• 7	<b>.</b> Y•	,	•	•	*	<ul> <li>۱ عالية</li> <li>من الخارج</li> </ul>
118	٨٤٧	YA£	۱۳۸۷	1/1	1777	991	7071	

جنول (٢) تعداد المتعلمين في احد البلاد حسب التعليم مقدار بالألف

(\*) يشمل الحاصلين على شهادات أجنبية من مختلف الدرجات.

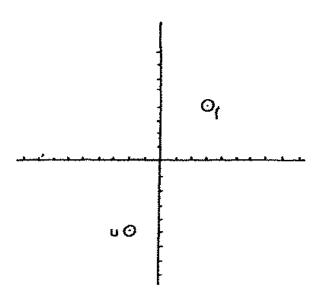
#### تمثيل التوزيسع بالسرسم:

يعطينا الجحدول التكراري صورة عامة عن توزيع القيم ، أي تكرارها النسبي . الا أنه يفضل دائمًا أن يمثل هذا التوزيع بالرسم فذلك يعين على زيادة الوضوح والمقارنة السريعة . ويستعمل في التمثيل بالرسم طرق عديدة أهمها :

- ١ المضلع التكراري .
- ٢ -- المدرج التكراري .
- ٣ -- المنحني التكراري .
- المنحى التجمعي .

#### الأساس الرياضي في التمثيل بالرسم :

يستعمل في الرسم التوضيحي أو البياني محواران متعامدان يطلق على المحور الأفقي المحور السيني والمحور الرأسي المحور الصادي ويطلق على نقطة تقابلهما نقطة الأصل وتكون قيم (س) على يمين نقطة الأصل دائما موجبة ، وتزيد قيمتها كلما بعدت عنها ، وسالبة على يسار نقطة الأصل ، وتزيد قيمتها السالبة كلما بعدت أيضا عنها ، أما في المحور الصادي فتكون القيم الموجبة هي التي فوق نقطة الأصل ، والقيم السالبة هي التي تحتها ، فالنقطة (أ) في الرسم هي المعبرة عن س = : ٣ و ص = ٤ والنقطة (ب) هي المعبرة عن س = - ٣ و ص = - ٢ و ص = - ٢ و ص = - ٥



شكل (١) الرسم البياني

يحتاج مثل هذا الرسم بطبيعة الحال الى ورق مربعات ، مقسم طولا وعرضا الى سنتيمثر ات ومليمثر ات أو غير ذلك من الوحدات.

ولا يشترط مطلقا أن نعبر في الرسم عن كل وحدة في القيم بمسافة طولها سنتيمتر واحد ، بل قد نضطر في كثير من الأحيان الى التعبير عن كل وحدة بجزء من السنتيمتر أو أكثر من سنتيمتر . فاختيار الوحدات يتوقف على الحيز الذي نرسم فيه والقيم التي نريد تمثيلها ، ولكن من المستحسن أن يكون عرض الرسم أكبر قليلا من ارتفاعه .

#### المضلم التكراري:

لتوضيح الجدول التكراري باستعمال المضلع ، نستعمل عادة المحور الأفقي لتمثيل الفثات والمحور الرأسي لتمثيل التكرار ، وتنحصر خطوات العمل فيما يأتي :

١ اختر المقياس المناسب لتمثيل الوحدات المعطاة في الجدول ، فمثلا في الجدول التكراري الآتي الذي يبين تكرار درجات مجموعة من الأشخاص في مقياس للاتجاهات المقلية :

التكرار	فئات الدرجات
ŧ	Y+
٧	Yo
۲	Y•
\0	Yo
۳۸	<b>ξ</b> •
77	<b>£0</b>
14	o·
٨	00
11	<b>7</b> •
•	— ነ
144	المجمسوع

جدول (٧) توزيع الدرجات في مقياس للاتجاهات المقلية

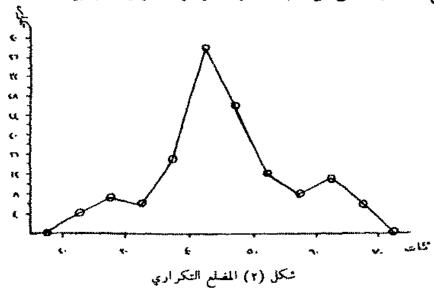
نجد عشر فئات ، فنستطيع اتخاذ كل (١) سم في المحور الأفقي لكل فئة ما دام عرض الورقة التي نستعملها أكثر من ١٠ سم ، وفي حالة التكرارات التي تمثل على المحور الرأسي نجد أن أكبر تكرار في الجدول هو ٣٨ ، فلو اتخذنا كل (١) سم ممثلا خمس تكرارات احتجنا في ذلك الى ٨ سم على الأقل ، وهو ارتفاع مناسب للشكل.

٢ -- ضع حدود الفئات في المحور الأفقي ودرج المحور الرأسي مبينا ما تمثله الارتفاعات المختلفة من التكرار .

عبر عن تكرار كل فئة بنقطة توضع في مركز العثة تماما وعلى ارتفاع معادل
 لتكرارها حسب المقياس الذي سبق اتخاذه .

٤ — صل بين النقط المتتالية بمستقيمات فيكون الشكل الناتج عن ذلك هو المضلع المطلوب .

ومن المتبع عادة أن يضاف الى التوزيع في الرسم فئتان احداهما أقمل من أصغر فئة في التوزيع والأخرى أعلى من أكبر فئة فيه . ويكون تكرارهما بطبيعة الحال صفرا .



#### المقارنة بين توزيعين مختلفين باستعمال المضلع التكراري :

ليس من السهل أن نحصل على مقارنة صحيحة بين مجموعتين بمجرد ملاحظة الجدول التكراري لكل من التوزيعين ، والتوضيح بالرسم يؤدي في ذلك خدمة للباحث ، ولكن احدى المشاكل التي نصادفها هي الحالات التي يختلف فيها مجموع التكرارات في التوزيعين ، وذلك لأن مقارنة ارتفاع المضلع في الفئات المختلفة لا تعطي صورة واضحة في هذه الحالة عن حقيقة اختلاف التوزيعين ، والحل الوحيد اذا ما حدث هذا الاختلاف في العدد الكلي للقيم أن نفجاً الى استخراج النسب المئوية للتكرار في كل فئة بالنسبة لمجموع في التكرار في كل منهما مائة .

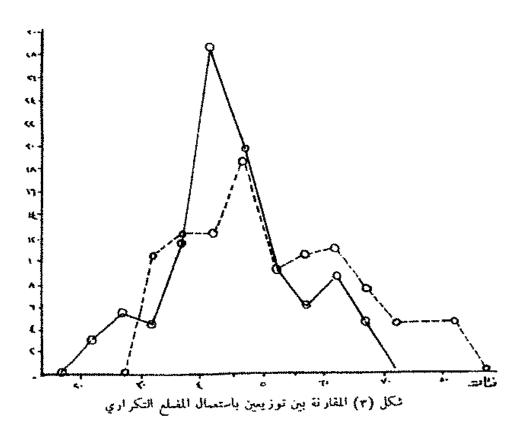
مثال : طبق نفس مقياس الاتجاهات السابقة جدول (٧) على مجموعة أخرى فكان توزيع الدرجات كما هو مبين في الحدول رقم (٨) .

التكسر ار	الفئسات
Yo	<b> *</b> •
44	<b>**</b> 0
٣٠	<b>£ •</b>
٤٦	_
44	o•
Yo	- 00
YV	'T•
١٨	<b>1</b> 0
١٠	V·
1.	Vo
Yto	المجموع

جدو ل (٨) توزيع درجات مجموعة أخرى في مقياس الاتجاهات العقلية

عة الثانية	المجموعة الثانبية		المجموعة الأولى	
النسبة المثوية	التكرار	النسبة المئوية	التكر ار	المثات
_	<del>-</del>	<b>Y</b>	£	_ Y.
<del></del>	-	0,4		70
1.,4	Yo	£.0	٦.	<b>*</b> *•
14	44	11,8	10	40
14,4	٧٠.	<b>F.</b> A <b>Y</b>	44	- £ ·
۸٫۸۱	٤٦	14,0	4.4	_ £0
1	77	4	14	
1.,4	Ye	*	٨	co
11	77	۸,۳	11	- 4.
V,4	\ \	į,a	`	to
٤,١	1 1.		-	- v•
1,\	1			- Va
1	770	1	144	المحموع

چدور ( ۹ ) التوريع المتوى قدر حات في المحموعتير



#### ويتضح من الرسم عدة ملاحظات نذكر منها :

ا ح أن درجــات المجموعة الثانية أكبر بوجه عام من درحات المجموعة الأولى ،
 ذلك لأن المضلع الذي يمثلها ينتشر في القيم الكبيرة أكثر من مضلع المجموعة الأولى

٢ — قد يبدو من هيئة المضلعين أن انتشار توزيع الدرجات ( التشتت ) متعادل تقريبا في المجموعةين ولكن الواقع أن انتشار درجات المجموعة الأولى أقل من انتشار الثانية ، وذلك لأن درجات تجمع درجات المجموعة الأولى حول وسط المضلع أكثر منه في المجموعة الثانية ، بالرغم من أن الفرق بين اتساع المضلعين صغير كما يبدو في الرسم وسيأتي توضيح ذلك في الباب الثالث عند الكلام عن مقاييس التشتت .

#### تسوية المضلع التكسراري :

لا يستطيع الباحث أن يجري بحثه على جميع الأفراد الذين بجب أن يشملهم البحث ، فهو مضطر لأن يجري بحثه عادة على عينة محدودة . ولا ينتظر مطلقا أن بكون توريع

العينة مطابقا للتوزيع الأصلي للمجموعة كلها . وكلما كانت العينة صغيرة العدد كلما كان متوقعا أن يشتمل التوزيع على أجزاء غير منتظمة تفسد الشكل العام للتوزيع ، ولذلك فانه من المفيد في كثير من الأحيان أن يعمل تعديل للتوزيع حتى يتخلص الباحث من مظاهر عدم الانتظام التي تنتج عن عامل الصدفة واختيار العينة .

واحدى طرق تعديل التكرار أن يعطى لكل فئة تكرار يعادل متوسظ تكرارها مع تكرار الفئة التي قبلها والتي بعدها ، فاذا طبقنا ذلك على الجدول التكراري رقم (٧) نجد أن الفئة الأولى (  $^{7}$  ) يصبح تكرارها  $\frac{0 + 2 + 2}{9} = ^{7}$  الا أنه توجد فئة قبلها (  $^{1}$  ) كان أصل تكرارها صفر ا فيصبح تكرارها  $\frac{0 + 2 + 2}{9} = ^{7}$  الا أنه توجد فئة الثانية (  $^{1}$  ) كان أصل تكرارها  $\frac{1 + 4 + 2}{9} = ^{7}$  و والفئة الثانية (  $^{1}$  ) كان أصل تكرارها أنه توجد فئة بعد الأخيرة (  $^{1}$  ) كان أصل تكرارها صفر  $\frac{1 + 4 + 2}{9} = ^{7}$  وهكذا ، ويطلق على هذه تكرارها صفر فيصبح تكرارها  $\frac{1 + 4 + 2}{9} = ^{7}$  وهكذا ، ويطلق على هذه الطريقة طريقة المتوسطات المتحركة .

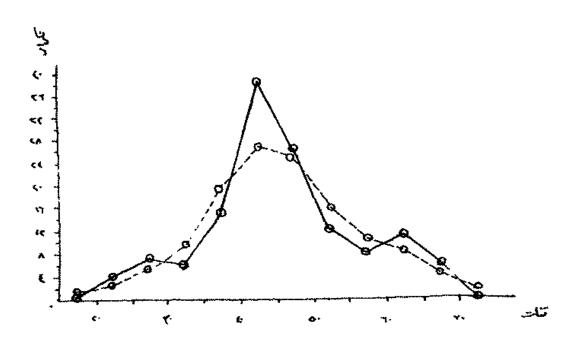
فيصبح الجدول التكراري المعدل كالآتي ·

النكر ار	الخشات
١.٣	- 10
٣٧	~- Y ·
ø.V	Ya
4.5	. ٣٠
14.4	40
¥ <b>ግ,</b> ተ	t-
<b>70,</b> 7	to
14,5	٠٠ ١٠
۱۰٫۳	•••
۸,۳	**
<b>∮,</b> V	- Te
4,•	¥·
144.4	الحيسوع

جنون (۱۰) المتوسطات فلتسركة

ويلاحظ أن مجموع التكرارات لا يتغير تبعا لهذه التسوبة

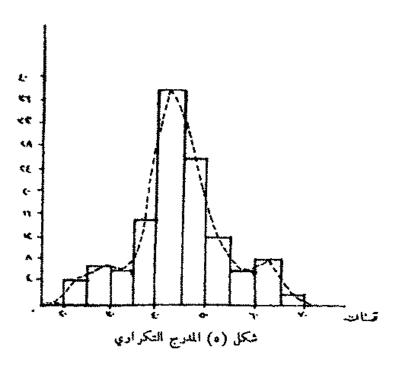
والشكل الآتي يوضح مدى التعديل الذي يحدث في المضلع التكراري نتيجة للتسوية باستعمال المتوسطات المتحركة .



شكل (؛) تسوية المضلع التكراري

#### المدرج التكراري:

لا تختلف الوسيلة الثانية كثيرًا عن الوسيلة الأولى ، الا أنه في المدرج التكراري يمثل



التكرار بمستطيل بدلا من نقطة ، ويرسم المستطيل على الفئة كلها ويكون ارتفاعه (۱) (طوله) معبرا عن تكرار الفئة . ومعنى هذا أن الطريقتين تختلفان في الفرض ، ففي المدرج التكراري نفترض أن التكرار موزع بانتظام على جميع قيم الفئة ، أما في المضلع نحن نفتر ض أن جميع قيم الفئة ، مما لمن المتكراري الحدول نفتر ض أن جميع قيم الفئة تمثلهم قيمة واحدة هي مركز الفئة ، فالمدرج التكراري الحدول (۷) يكون كالشكل رقم (۵) .

وتكون خطوات العمل في الرسم كالآتي:

١ حدد الفتات على المحور الأفقي ووحدات التكرار على المحور الرأسي (كما هو الحال في المضلع).

٧ ــــ ارسم فوق كل فئة مستطيلا ارتفاعه يمثل تكرار الفئة .

فيكون الشكل الناتج هو المدرج التكراري .

ويلاحظ أن الفرق بين رسم المضلع والمدرج التكراريين أن تكرار الفثة في المضلع

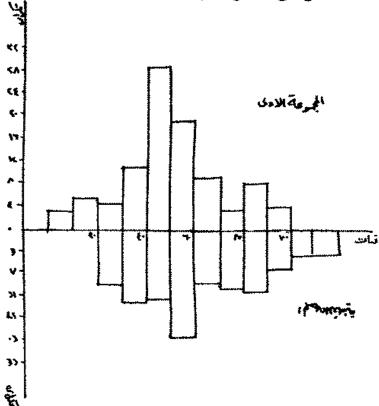
 <sup>(</sup>١) الواقع أن الذي يمثل التكر أر هو مساحة المستطيل و لكن المفروض أن عرض المسطيل يمثل وحدة وأحدة و لدلك قان مساحة المستطيل تعادل أر تفاعه ( طو له ) .

التكراري بمثل بنقطة عند مركز الفئة . وأما في المدرج التكراري فيمثل بمستطيل فوق الفئة كلهــــا .

هذا ويمكن أن يرسم كل من المضلع والمدرج التكراريين في رسم واحد كما هو الحال في شكل (٥) .

#### مقارنة توزيعين باستعمال المدرج التكواري :

لعله من الواضح أنه ليس من السهل استعمال المدرج التكراري للمقارنة بين توزيعين نظرا لتعقد الشكل الناتج وصعوبة المقارنة نتيجة لللك ، اللهم الا اذا استعملت لونين مختلفين في رسم المدرجين ، ولكن قد يتيسر لنا ذلك اذا استعملنا جهني المحور الأفقي ، بحيث يرسم أحد المدرجين فوقه والآخر تحته ، وهذا يكون في حالة تساوي العدد الكلي في المجموعتين ، أما في حالة اختلاف هذا العدد فنستعين بالنسب المثوية للتكرار ، كما اتبعنا في رسم شكل (٣) فباستعمال المدرج التكراري لكل من التوزيعين مع استعمال النسب المثوية للتكرارات نحصل على الشكل الآتي :



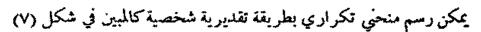
شكل (٦) مقارنة توزيمين باستممال المدرج التكراري

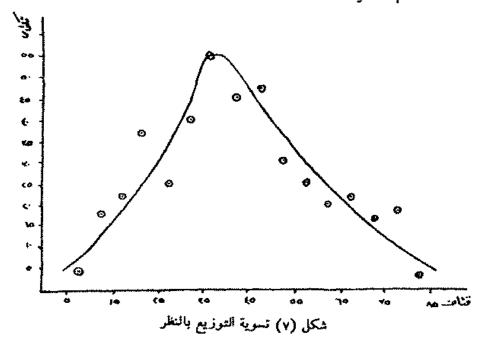
#### المنحسى التسكراري:

لا تختلف طريقة رسم المنحنى التكراري عن طريقة رسم المضلع التكراري الا في استعمال الحطوط المنحنية بدلا من الحطوط المستقيمة المنكسرة ، الا أن المنحنى التكراري يستعمل عادة لاعطاء شكل الترزيع بوجه عام ، مع تجاهل بمض مظاهر عدم الانتظام الذي قد يوجد في التوزيع نتيجة للصدف أو لاختيار العينة . ويمكن اعطاء الشكل العسام للتوزيع بوسيلة اجتهادية محضة ، وتكون برسم منحنى عام يمر بأكبر عدد من النقط المعبرة عن التكرار الحقيقي للفتات ، ويشرط أن يقترب المنحنى بقدر الامكان من النقط التي لا يمر بها . وهذه الوسيلة بطبيعة الحال تتوقف على التقدير الشخصي . ونستطيع أن نتخلص من العامل الشخصي باستعمال المتوسط المتحرك الذي سبق استخدامه في تسوية المضلع التكراري ، ففي حالة الجدول التكراري الآتي الذي يبين توزيع أعمار مجموعة من الأفراد :

التكوار	النفات
	0
1/4	1•
44	1e
177	Y•
Y0	Yo
٤٠ -	<b>*</b> *
••	Yo
to.	£ ·
ŧ٧	<b>ξ</b> ο
۴۰	#1
Y#	00
٧٠	T'
77	T#
17	V·
14	Yo
ŧ	<b> ∧∙</b>
£71	المجدوع

جدول (١١) جلول تكراري لأهار مجموعة من الأفراد

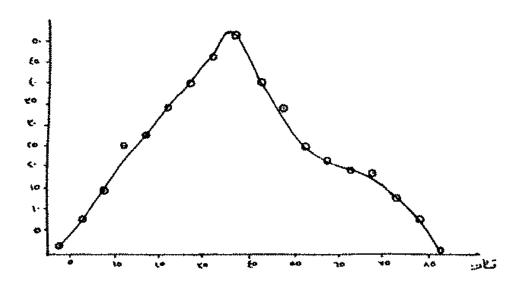




وبحساب المتوسطات المتحركة لتكرارات الفئات يصبح الجدول التكراري كالآتي :

الاسكرار	المنات
٧,٧	مسفر
<b>Y,Y</b>	, <b>•</b>
1*	- 11
¥, <b>4</b> ¥	\#
¥A.	Y+
TE.	Y#
4.	T*
£7,V	Y#
£ <b>1</b>	1.
£+,V	- i e
71	#+
Y#	<b>**</b>
77,77	<b>٦</b> •
14,4	\#
14,17	V•
۱۳٫۲	Y#
٧,٧	- A•
1,4	A•
171,1	الجبسوع

جدوله (١٦) المتوسطات التسركة لهوزيع أعمار مجموعة من الإنراد



شكل (٨) رسم المنحي باستممال المتوسطات المتحركة

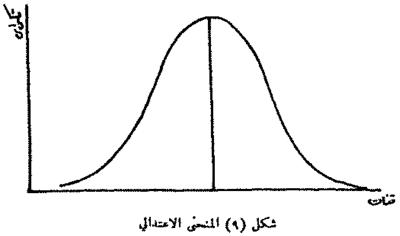
وبهذه الوسيلة نستطيع أن نرسم منحنيا معدلا بمر بجميع نقط التكرار تقريبا .

#### أنواع المنحنيات التوزيعية الشائعة :

في البحوث العلمية سواء كانت نفسية أو اجتماعية لا تحصل مطلقا على منحنيات خالية خلوا تاما من مواضع عدم الانتظام ، ولكننا مع هذا بمكن أن نعدل مثل هــــذه التوزيعات كما سبق توضيحه . وبذلك تحصل على أشكال معينة للتوزيعات التي تشملها البحوث . وأهم الأشكال الشائعة لمنحنيات التوزيع ما يأتي :

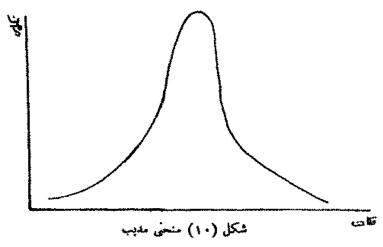
#### ١ \_ المنحني الاعتدالي :

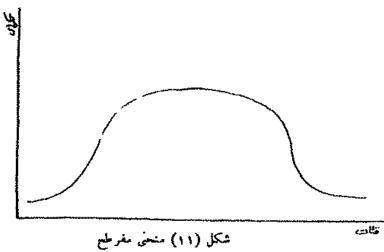
اذا طبق البحث على عدد كبير جدا من الأفراد وأمكن التوصل الى طرق قياس موضوعية خالية خلوا تاما من العوامل الشخصية فان توزيع أغلب القدرات العقلية أو أكثر السمات الانفعالية أو الجسمية تكون موزعة بشكل معين يمثلها منحنى يطلق عليه المنحنى الاعتدالي ، والمنحنى الآتي يمثل توزيع نسبة الذكاء في مجموعة كبيرة جدا من الأفسراد.



ونلاحظ في هذا التوزيع أن عددا قليلا من الأشخاص نسبة ذكائهم ٧٠ بينما يزيد هذا العدد تدريجيا حتى يبلغ أقصاه عند نسبة ذكاء قدرها ١٠٠ ، ثم يتناقص هذا العدد تدريجيا بنفس النظام الذي زاد به قبل ذلك حتى يقل عند نسبة ذكاء ١٣٠ ، وهذا يدل على أن العدد الأكبر من المجتمع متوسط الذكاء أو عادي ، بينما أقلهم عددا هم ضعاف العقول والعباقرة . ومن أهم ما نلاحظه في مثل هذا التوزيع أنه متماثل . أي مكون من نصفين منطبقين تقريبا على هيئة الجرس ، ولذا يسمى في كثير من الأحيان بالمنحنى الجرسي وسيأتي الكلام عنه مفصلا فيما بعد .

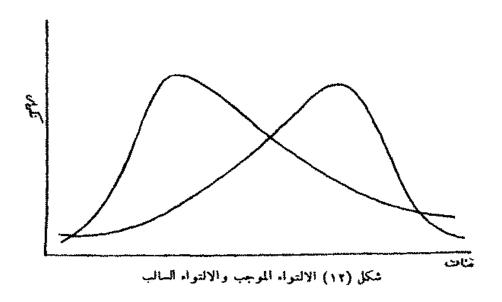
هذا وقد يختلف اتساع منحنى التوزيع عن المنحنى الاعتدالي فيصبح ضيقا مدببا أو واسعا مفرطحا ، وهذا يتوقف على تشتت القيم التي يشملها التوزيع كما في المنحنيين :





#### Y \_ المنحني الملتوي Skewed Curve :

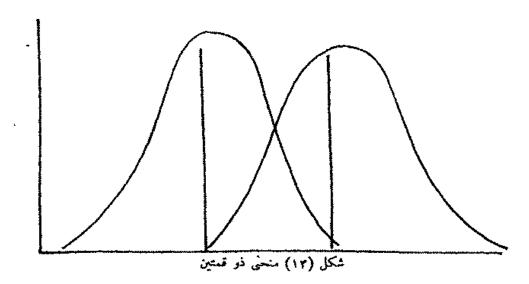
يحدث في كثير من البحوث أن نجد أن التكرارات تتجمع في احدى جهتي المنحنى الأكثر مما تتجمع في الجهة الأخرى على عكس المنحنى الاعتدالي الذي يتساوى فيه توزيع التكرارات على جانبي المنحنى . فاذا رسمنا منحنى توريع الايراد الشهري لمجموعة كبيرة من الأفراد محدودي الدخل مثلا كانت التكرارات متجمعة عند القيم الصغيرة . ويوصف هذا المنحى بأنه موجب الالتواء Positively skewed أي ملتوي نحو القيم الصغيرة ، وعلى العكس من ذلك اذا انجه التواء المنحى بحو القيم الكبيرة وصف بأنه سالب الالتواء Megatively skewed والالتواء قسد يكون ناتجا عن صعة حقيقية في المجتمع الذي يجرى عليه البحث كما في حالة النتائج الدراسية للفصول الضعيفة أو الفصول



القوية ، حيث يكون الالتواء موجبا في الحالة الأولى سالبا في الثانية ، أو راجعا الى سوء اختيار العينة بحيث لو أحسن الباحث اختيار العينة التي يجري عليها البحث لزال الالتواء أو خفت حدته ، أوسوء الطريقة المستحدمة في القباس ، كما في حالة تطبيق اختبار أعلى أو أقل في مستواه عن مستوى العينة المختبرة ، فالاختبار الصعب يعطي توريعا موجب الالتواء بينما يعطى الاختبار السهل توزيعا سالب الالتواء .

#### " - المنحى المتعدد القمم Multimodal curve - ٣

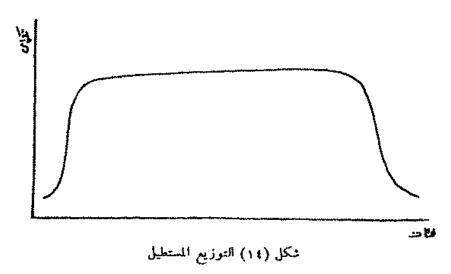
ينتج المنحى المتعدد القمم من عدم اتساق وتناسب العينة التي يشملها البحث ، فيتضع من التوزيع أن هناك انفصالا في المجموعة الكلية الى مجموعتين أو أكثر فاذا استطلعنا رأي مجموعة من الأفراد عن مدى أحقية المرأة في مساواتها بالرجل باستبيان مكون من عدد من الأسئلة وكانت المجموعة تشمل الجنسين : الرجال والساء ، فمس المحتمل أن نحصل من نتيجة هذا الاستبيان على منحى ذي قمتين حيث بحتلف توريع درجات هذا الاستبيان اختلافا يجعل المنحى العام أميل الى الانفصال الى محيير كما هو الشكل الآتى :



وهناك أشكال أخرى للتوزيعات عدا هذه الأنواع الثلاث الا أنها أندر من سابقتها ظهورا في البحوث التفسية والاجتماعية نذكر منها هنا على سبيل المثال :

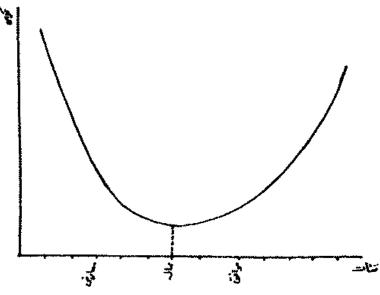
### 2. Rectangular Distribution ي. التوزيع المستطيل

وهو الذي تتساوى فيه تكرار الفشسات :



## ٥ ــ التوزيع الذي على هيئة حرف ن

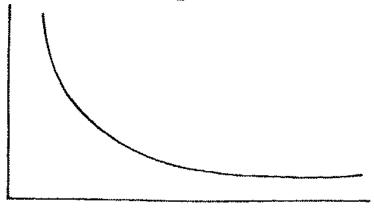
ومن المحتمل أن يظهر مثل هذا التوزيع في الاتجاهات العتملية الواضحة حيث يكثر الأفراد الذين بميلون الى جهة دون أخرى ، ويقل عدد الأفراد المحايدين بين الاتجاهين .



شكل (١٥) توزيع على هيئة حرف ال

## ٦ الترزيع الذي على هيئة حرف ١ أو عكسها :

ومن أمثلته توزيع قابلية الأشخاص للاصابة بعدد من الحوادث في فترة زمنية معينة ، فاذا حسبنا عدد الأشهر التي حدثت فيها اصابة واحدة في مصنع معين ، وعدد الأشهر التي حدثت فيها اصابتان وهكذا في فترة عشر سنوات مثلا ، فاننا نحصل على منحى كالمبين في شكل (١٦) . ذلك لأن عدد الحوادث في أغلب الشهور يكون صغيرا بينما بقل عدد الشهور التي يحدث فيها عدد كبير من الحوادث ( بفرض أن ظروف العمل في المصنع طبيعية ) كما أن منحى النسيان يتبع عادة هذا الشكل ومنحى الحفظ يتبع عكسه .



شكل (١٦) توريع عدد الاصابات في الشهر لمدة معينة

## أسئلة على البـــاب الأول

١ – فيما يأتي درجات خمسين طالبا في اختبار للقدرة اللغوية :

٠	YA	71	77	10
**	۲V	Yo	11	۳۷
٨	Yo	£7.	٣٨	۲۸
11	٤o	44	٤٥	Yo
**	٤٩	٨¥	٤Y	۱۸
40	**	19	4.1	٠
٣-	40	٣٢	<b>"</b> ለ	**
77	YV	71	Y4	YV
۴۸	44	40	**	44
17	17	YV	10	1 £

والمطلوب تصنيف هذه الدرجات في جدول تكراري مدى كل فئة فيه ثلاث درجـــات .

- ٢ مثل الجدول التكراري السابق بالرسم مستخدما في ذلك :
  - (أ ) مضلعا تكراريسا .
    - (ب) مدرجا تكراريا .
- ٣ ـ أعد تصنيف الدرجات السابقة في جدول تكراري مدى كل فئة فيه خمس درجــات .
- ارسم منحنيا تكراريا للجدول في المسألة السابقة محاولا تسويته بالنظر ثم
   باستعمال المتوسطات المتحركة .

٦ - قارن بين توزيعي قيم مجموعتي (أ) ، (ب) مستخدما أبة طريقة من طرق التوضيح بالرسم :

تكرار مجموعة ب	ثكرار مجموعة أ	القسيم
١٣	77	o
١٧	40	
70	٤٧	\0
**	٥٢	Y.
۲٠	44	_ 70
44	10	<b>*</b> '
40	٧٠	Yo
**	10	- £·
YA	44	£0
44	١.	<b>6</b> 1
۳۷	14	_ 00
۳۰	11	_ T•
۲۰	٧	70

جدول (١٣) جدول تكراري لمجموعتين

# (4)

## المتوسطات أو القسيم المركزية

- المتوسط الحسابي وطرق ايجاده Arithmetic Mean
   المتوسط الحسابي القيم المتجمعة
   المتوسط الحسابي بالطريقة المختصرة
  - الوسيط أو الأوسط Median
     الوسيط للقيم المتجمعة
     الوسيط بالرسم
    - المنوال أو الشائع Mode
       المنوال بالطريقة الحسابية
       المنوال بالرسم
  - مقارنة بين المتوسطات الثلاث .
  - = العلاقة بين المتوسطات الثلاث.

## المتوسطات أو القيم المركزية

يهتم الباحث دائما أن يعبر عن قيم المجموعة التي يشملها البحث بقيمة واحدة تمثلها ، وتؤدي المتوسطات هذا الغرض في البحث ، فأية قيمة مركزية يمكن أن تستعمل لأي غرض من أغراض التوضيح أو المقارنة . وأهم هذه المتوسطات وأكثرها شيوعا في البحوث ما يأتي :

- ۱ ــ المتوسط الحسابي Arithmetic Mean
  - Y \_\_ الوسيـط Median \_\_\_ ۲
  - ٣ ــ المنوال أو الشائع Mode

## ١ ) المتوسط الحساني :

يستعمل المتوسط الحسابي كثيرا في حياتنا اليومية ، فهو الطريقة المباشرة التي نلجأ البها عند مقارنة مجموعتين ، فاذا طبقنا اختبارا في مادة من المواد العلمية على فصلين أو مجموعتين وأردنا بعد ذلك أن نقرر أيهما أقوى ، تبادر الى الذهن لأول وهلة أن نستخرج متوسط درجات كل مجموعة ثم نقارن بين هذين المتوسطين .

ومتوسط عدد من القيم هو خارج قسمة مجموع هذه القيم على عددها . فاذا كانت أعمار ثلاثة أشخاص هي على الترتيب ٢٥ ، ٣٠ ، ٤١ كان متوسط أعمارهم  $\frac{1}{2}$  المنتقل المتعال الم

مثال أعمار الأشخاص الثلاث يكون مجموع الانحرافات عن المتوسط الحسابي معادلا - ٧ - ٧ + ٩ = صفرا وتنطبق هذه الصفات كلها على المتوسط الحسابي لأي عدد من القيم مهما كان هذا العدد كبيرا.

## المتوسط الحسابي للقيم المتجمعة في جدول تكراري :

الصعوبة التي تصادفنا في القيم المتجمعة على هيئة فئات هي أن قيم الأفراد جميعها لا تكون معروفة لدينا . فاذا كان لدينا مثلا عدد من المبالغ المقسمة على فئتين الأولى فيها من ١٠ الى أقل من عشرين ريالا وعددها ٤ مبالغ ، والثانية من ٢٠ ريالا الى أقل من ٣٠ ريالا وعددها ٢ مبالغ ، وأردنا أن نستخرج المتوسط الحسابي لهذه المبالغ فان الصعوبة التي تواجهنا هي جهلنا لقيم أفراد كل فئة . اذ أن كل ما نعرفه عن كل فرد منها أنه محصور بين قيمتين معينتين .

ويمكن الحصول على مركز الفئة باحدى الطريقتين الآتيتين : \_

اما بجمع الحد الأدنى للفئة على الحد الأدنى للفئة التي بعــدها وقسمة حاصل الجمع على ٢ ، أو باضافة نصف مدي الفئة الى حدها الأدنى ، واليك تطبيق على ذلك في الجدول التكراري الآتي وهو يبين توزيع الأجر اليومي بالريال لخمسمائة عامل في مصنع :

	مر اكز الفئات	التكرار	فئات الأجر
(س×ك)	س	1	اليومي
1877	1.4	AY	17
4.4.	**	10	Y•
1.44	77	٤٢	Y£
111.	۳٠	٣٧	YA
١٠٨٨	71	۳۲	44
۱۳۳۰	44	40	<b>۲</b> ۳
ነዮለግ	£ Y	۳۳	£•
1147	٤٦	77	££
12	٥٠	۲۸	<b>٤</b> ٨
1747	٥٤	Y £	oY
1744	۰۸	۳۱	ro
٩٣٠	77	10	<b>٦</b> ٠
144.	77	٧,	- 78
17017		0.,	المجموع

جدرل (١٤) المتوسط الحسابي لأجور خمسمائة عامل

ونلاحظ أن هذا الجدول التكراري يعبر عن ٥٠٠ حالة مختلفة مجمعة على هيشسة مجموعات ، ولا ننتظر أن المتوسط الحسابي الذي نحسبه لهذا الجدول المتجمع في فثات ينطبق دائما انطباقا ناما على المتوسط الحسابي الذي نستخرجه من قيم الحالات الحمسمائة كل على حدة . ولكن الفرق بين المتوسطين لن يكون كبيرا اذا قيس بالاختصار الكبير في كمية الجعهد والوقت .

ونستطيع أن نلخص طريقة حساب المتوسط الحسابي لكل من البيانات المتفرقة والبيانات المتجمعة في جدول تكراري كالآئي :

على اعتبار أن (م) هو المتوسط الحسابي ، ( مح س ) معناه مجموع القيم . حيث (س) أية قيمة في هذه البيانات و (ن) عدد القيم .

وفي حالة البيانات المتجمعة في جدول تكراري \_

حيث (س) في هذه الحالة تعبر عن مركز الفئة و (ك) تكرار الفئة .

## المتوسط الحسابي بالطريقة المختصرة :

اذا أردنا حساب المتوسط الحسابي لأطوال ٢٠ شخصا فالطريقة الطبيعية هي قياس هذه الأطوال وجمعها ثم قسمة حاصل الجمع على ٢٠. ويمكن أن نختصر العمل قليلا اذا كانتأطوالهم محصورة بين ١٤٥ سم، ١٨٥ سم مثلافيمكننا أن نضع مستوى خاصا وليكن ١٦٠ سم نقيس بالنسبة له ونعطي لكل شخص قيمة سالبة أو موجبة حسب نقص طوله أو زيادته عن هذا المستوى الحاص ، وبذلك نستعمل في حسابنا أعدادا صغيرة ، وبحساب المجموع الجبري لهذه الفروق وقسمتها بعد ذلك على ٢٠ نحصل على فرق المتوسط الحسابي عن ارتفاع ١٦٠ سم ، واليك مثالا على ذلك :

ألمنسروق	الأطوال مرتبة	الضروق	الأطوال
\$ <b></b>	\**		1**
۱۳	117	iø	140
۱۲	184	٧٠	14.
11	144	Y#	1/4
1	1#+		170
11 -	101	11-	1#*
۸	107	<b>* * *</b>	1/14
<b>+</b>	100	17	171
• _	300	\*	110
·	12.	١٠ –	141
=	1,,	14	1EA
٧	177	•	100
	170	-	14.
1.	14.	3.	17+
1.0	17#	1.6	174
30	\Y#	۸	107
17	171	14	۱ŧ۷
٧٠	14.	11	189
<b>Y</b> £	141	-	13.
Y•	1/4	٧	144
177	<u> </u>		TYEF
184	]		l
£47			

جدول (١٥) المتوسط الحسابي لقيم متفرقة بالطريقة المختصرة

فيكون المتوسط الحسابي بالطريقة المباشرة العادية 
$$=\frac{777}{7}$$
 = 177,10 سم

. و بالطريقة المختصرة 
$$= 170 + \frac{87}{70} = 177,10$$
 سم

ويلاحظ أن ترتيب القيم يساعد كثيرا في حساب الفروق كما هو موضح في جدول (١٧) ، فاذا أردنا تطبيق هذه الطريقة لحساب المتوسط الحسابي لقيم مصنفة في جدول تكراوي كان علينا أن نختار قيمة نبدأ منها حساب القيم نعتبرها نقطة الصفر في الجدول ، ثم نحسب انحراف مراكز الفئات المختلفة عن هذه القيمة الاعتبارية التي نختارها ، وبللك نتخلص من الأعداد الكبيرة التي يشملها حساب المتوسط الحسابي ــ ونظرا لأن الفئات تتابع في الجداول التكرارية بانتظام فيمكن اعطاء درجات منتظمة مثل ١ ، ٢ ، ٣ ....،

٧ ، ٣ . لتعبر عن مدى انحراف مركز الفئة عن الأساس الفرضي الذي سبق اختياره ، ثم نبي كل حسابنا للمتوسط على هذه الدرجات المنتظمة ، ثم نضرب المجموع الجبري لهذه الانحرافات الفرضية في مدى كل فئة لينتج الانحراف الحقيقي للمتوسط الحسابي عن القيمة الاعتبارية (التي يمكن أن نعبر عنها بمركز الفئة الصفرية) التي حسب الانحراف عنها .

وخطوات الطريقة موضحة في المثال الآتي وهو يبين توزيع درجات ٢٠٠ شخص في اختبار الشطب :

ك ح _		التكـــرار	الفئسات
	ح –	التكـــرار (ك)	(ف)
17	£	ŧ	Y•£
10	٣	o	1·A
۳۲	۲	17	117
77	١	44	117
	صفر	۲۵	14.
19	١	٤٩	- 178
ot	۲	YV	\YA
10	٣	10	144
YA	ŧ	٧	147
١٠	٥	4	18.
7.4.1		Y	المجموع
۸٦			_
١٠٠			

جدول (١٦) المتوسط الحسابي بالطريقة المختصرة

( العمود ح - يمثل الانحراف الفرضي للفثات عن الفئة الصفرية )

مركز الفئة الصفرية  $=\frac{172+17}{7}$  = 177 وهي القيمة التي حسب منها انحراف الفئسات .

ويستطيع أن يضع هذه النتيجة في صورة رمزية كالآتي :

$$a = a \operatorname{ord}_{1} \cdot \frac{\operatorname{ord}_{1}(2 - \overline{2})}{2} \times \dot{\mathbf{v}}$$

أي أن المتوسط الحسابي = مركز الفئة الصغرية لِ

و لسهولة العمل بحس أن تختار الفئة الصفرية في وسط الحدول وتكون كبيرة التكرار حبى تتفادى استعمال الأعداد الكبيرة نقدر الامكان

و يجب أن تؤدي هذه الطريقة الى نفس الحواب الذي تؤدي اليه الطريقة العادية ، كما يجب أن تؤدي الى نفس الجواب مهما تغير اختيار موضع الفئة الصفرية ، فاذا طبقناها مثلا على الحدول ١٤ كانت كالآتي :

<u>E</u> 21	٥	7)	<b>مثات الأح</b> ر
<b>44</b> V	<b>t</b>	۸۲	. 17
YA#	۳-	40	. ٧-
A£ .	*	£Y	71
+4	١	77	7.4
	حينفو	47	44
70	<b>N</b>	70	**
17	*	\$14°	٤٠
VA	Ť	47	~ £\$
117	£	YA.	٤٨
17.	٠	YŁ	94
147	٦.	41	০১
1	٧	10	٩.
17.	٨	*•	71
7/1		[, <del>,,,</del> ,_,	- pa
V*1 -		<b>a</b>	
ATI		•	عبوع
<u> </u>	i		

سدرال (١٠٠) تندير الطريقة الهدم على حدوات (١٩٤)

المتوسط الحسابي = 
$$a + \frac{2(\sqrt{5})}{2U} \times \dot{v}$$
  
 $= 37 + \frac{144}{200} \times 3 = 7.07$ 

## المتوسط الحسابي في حالة القيم المتقطعة :

لا تختلف طريقة المتوسط الحسابي في هذه الحالة عنها في حالة القيم المتصلة الا في عدم وجود الفئات: وعلى ذلك نتخذ القيمة المعطاة بدلا من مركز الفئة كما نعتبر مدى الفئة هنا(١) ولتوضيح ذلك نستخدم الجدول الآتي الذي يبين توزيع عدد الأبناء في العائلات :

ك. ح	- <b>c</b>	عدد العائلات ك	عدد الأبناء في العائلة
. 14	٤	٣	صفر
Y1 —	٣	٧	١
YY	۲	11	۲
۱٤ –	١ –	12	۲
<del></del>	صفر	۲.	٤
١٦	١	17	a
Y <b>£</b>	۲	١٢	*
۲۱	٣	٧	٧
۲٠	٤	٥	٨
\0	٥	٣	4
1 7	٦	۲	1.
)·A 11 —		1 * *	المجمرع

جدرل (١٨) المتوسط الحسابي للقيم المتقطعة

فيكون المتوسط الحسابي = ٤ + ٣٩ = ٤,٣٩ فقد اتخذنا القيمة المقابلة للصفر بدلا من مركز الفئة في الجداول التكرارية للقيم المتصلة.

## ٢ ) الوسيسط أو الأوسط :

وترتيب الوسيط في الحالة الأولى يمكن معرفته مباشرة بقسمة عدد الأفراد زائدا واحد على  $\Upsilon$  ، أي اذا كان (ن) فرديا كان ترتيب الوسيط  $\frac{1+i}{\gamma}$  أما اذا كان عدد الأفراد زوجيا كما في حالة القيم المرتبة الآتية  $\Upsilon$  ،  $\Upsilon$  ،

## الوسيط للقيم المتجمعة في جدول تكراري :

الجدول الآتي يبين توزيع درجات اختبار ذكاء لخمسين طفلا :

	التكسرار	فئسات الدرجات
	۴	- Y£
	{ ^	<u> </u>
٧٠	1	YA
	١.	Y*
	7	<b>Y</b> Y
	<b>.</b> .	<b>*</b> *
		Y"T
۲.		<b>*</b> *
	_	- <b>t</b> ·
	\ \ Y	- £Y
		<u> </u>

جدول (١٩) الوسيط في الجدول التكراري

فاذا أردنا معرفة الوسيط لهذه الدرجات كان علينا أولا أن نحدد رتبته ، وهي في حالة الجداول التكرارية للقيم المتصلة  $\frac{0}{7}$  أي  $\frac{0}{7}=0$  في هذه الجداول، ويلاحظ أنه يقع في الفئة (70-) لأن عدد القيم التي قبلها 70 وتكرار هذه الفئة 10 ، أي أنسا للحصول على ترتيب الوسيط لا يمكننا أن نتخطى هذه الفئة ، كما أننا نلاحظ أن القيم التي يجميع الفئات التي تزيد على هذه الفئة عددها 10 أيضا مما يدلنا على أن الوسيط يقع في منتصف هذه الفئة تماما أي أنه يعادل 10 .

من هذا المثال يتضح لنا أننا محتاجون لمعرفة التكرار المتجمع لتحديد الفئة التي يقع فيها الوسيط ، ونستطيع حسابه بعد ذلك سواء لجأنا الى التكرار المتجمع الصاعد أو النازل كما في المثال الآتي :

التكرار المتجمع	التكرار	الحدود العليا للفئات
الصاعد (5)	(ب)	
		أقل من ١٥
١٨	14	أقل من ٢٥
٥٠	44	أقل من ٣٥
4.	٤٠	أقل من ٥٤
18.	٥٠	أقل من ٥٥
۱۷۰	۲۰	أقل من ٦٥
140	70	أقل من ٥٧
٧١٠	10	أقل من ه∧
44.	٧.	أقل من ه
74.	١.	أقل من ١٠٥
Ya.	1.	أقل من ١١٥
	Yo.	المجموع

جدول (۲۰) الوسيط باستخدام التكرار المتجمع الصاعد

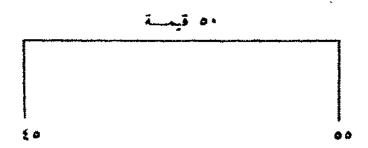
في هذا المثال نجد أن :

رتبة الوسيط = 
$$\frac{Y0.}{Y}$$
 = ۱۲٥

أي أن الفئة الوسيطية هي الفئة ( ٤٥ ـــ أقل من ٥٥ ) ويكون ترتيب الوسيط في هذه الفئة ١٢٥ ــ ٩٠ = ٣٥ ومن الواضح أن قيمته تزيد عن ٤٥ ، الا أنها لا تصل الى ٥٥ ولكنها تقبّر ب من القيمة ٥٥ كلما زاد ترتيب الوسيط في فئته .

واذا نظرنا الى الفئة الوسيطية وجدنا تكرارها ٥٠ أي أن بها ٥٠ قيمة موزعة بين القيمتين ٤٥ ، ٥٥ أي في مدى ١٠ ويكون موضع قيمة الوسيط من هذا المدى ٣٥ أي

أن قيمته تزيد على الحد الأدنى للفئة وهو ٤٥ بقيمة تساوي ١٠  $\times \frac{٣٥}{0}$  أي أن قيمته = 10



ومن هذا نستنتج أن :

قيمة الوسيط = الحد الأدنى للفئة الوسيطية +

رتبة الوسيط - التكرار المتجمع الصاعد للفئة قبل الوسيطية X مدى الفئة الوسيطية

$$e = e_{1} + \frac{e_{0} - e_{0}^{2} - 1}{e_{0}^{2}} \times \dot{v}$$

حيث ثو = الحد الأدنى للفئة الوسيطية .

ر = رتبة الوسيط

، كاتعبر عن التكرار المتجمع ، و \_ ١ = التكرار المتجمع للفئة قبل الوسيطية

، لئم = تكرار الغثة الوسيطية .

، ف = مدى الفئة.

واذا انبعنا التكرار المتجمع النازل لا بد أن نحصل على نفس النتيجة كما يلى :

التكرار المتجمع النازل	التكــرار	الحدود السفلى للفئات
Ye·	۱۸	10
744	۳۲	Yo
Y	٤٠	٣٠
17.	<b>0</b> +	ξο
Y1.	۲.	٥٥
۸۰	Ya	7.0
00	\0	Vo
٤٠	٧.	٨٥٠٠
٧.	١.	40
١٠	١.	1.0
<del></del>	Фильм	110
	70.	المجموع

( جدول ۲۱ ) الوسيط باستخدام التكرار المتجمع النازل

مما سبق اتضح أن مرتبة الوسيط في هذا المثال ١٢٥ ، أي أنه لو رتبنا الفئة الوسيطية تنازليا كان ترتيب الوسيط في فئته ١٢٥ - ١١٠ = ١٥ وتكون قيمته أقل من ٥٥ بطبيعة الحال . ونلاخظ أن تكر ار هذه الفئة وهو ٥٠ موزع في مدى الفئة كلها أي على ما يعادل قيمته ١٠ ، أي أن الوسيط تقل قيمته عن ٥٥ بمقدار  $\frac{10}{2} \times 10 = 20$  .

فاذا استخدمنا التكرار المتجمع النازل كان القانون الذي نستخدمه في الحل كمايأتي :

$$e^{-3}$$
,  $e^{-\frac{y}{2}}$  ×  $e^{-3}$ 

، ع في هذه الحالة تعبر عن الحد الأعلى للفئة الوسيطية :

و يمكن ايجاد الوسيط بردم المتحنى المتجمع الصاعد أو النازل للتكرارات كما هي أو للنسب المئوية لتكرار الفئات بالنسبة للتكرار الكلي .

الا أن هذه الطريقة قلما تؤدي الى النتيجة الدقيقة للوسيط ، نظرا لصعوبة رسم المنحى المتجمع بالطريقة العادية ، وطريقة ايجاده بهذه الطريقة تنحصر في استخدام المنحى لتحديد القيمة المقابلة لرتبته فنرسم خطا أفقيا عند هذا الترتيب أو عند ٥٠ في حالة رسم المنحى المتوي وننزل عمودا عند تقابل هذا الحط مع المنحى فيكون موقع العمود مع المحور الأفقي المعبر عن الغنات ممثلا لقيمة الوسيط . هذا ولزيادة الدقة يحسن رسم المنحنيين معا الصاعد والنازل فتكون نقطة تقابلهما ( اذا كان الرسم دقيقا دقسة كافية ) مقابلة لرتبة الوسيط على المحور الرأسي ولقيمته على المحور الأفقي .

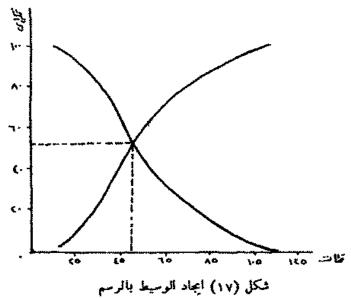
والجدول الآتي يبين التكرارات المتجمعة المثوية :

التكرار المئوي المتجمع النازل	الحدود السفلي الفئات	التكرار المثوي المتجمع الصاعد	الحدود العليا للفئات
144,	10	صفر	أقل من ١٥
٩٢,٨	Yo	٧,٢	أقل من ٢٥
۸۰,	٣٠ .	Y.,	أقل من ٢٥
٦٤,	to.	۳٦,	أقل من ٤٥
££,	••	۰٦,	أقل من ٥٥
۳۲,	70	<b>ጚ</b> ለ, →	آقل من ٦٥
YY,	٧٥	٧٨, –	أقل من ٧٥
۱٦,	٨٠	۸٤, -	أقل من ٨٥
۸,	10	Y4,	أقل من ٩٥
ŧ,	1.0	47,	أقل من ١٠٥
مفـر	110	144,	أقل من ١١٥

جدول (۲۲) جدول مثوي متجمع نازل

جدول (۲۲) جدول مثوي متجمع صاعد

## ومن هذين الحدولين يمكن رسم المنحنيين المتجمعين وتعيين قيمة الوسيط كما يأتي :



الوسيط للقيم المتقطعة :

لايجاد الوسيط للقيم المبينة في جلول (٢٤) تتبع الخطوات العادية كما يلي :

التكرار المتجمع الصاعد	عدد العائلات(التكرار)	عدد الأبناء في العائلة
۲	*	صفر
١٠	v	١
*1	11	Y
٣٥	۱٤	٣
00	٧٠	<b>\$</b>
	١٦	٠
	14	٦
	· •	٧
	- •	٨
	٣	4
	Y	3 *
	<b>\••</b>	المجمسوع

جدول (٢٤) الوسيط النيم المنقطعة

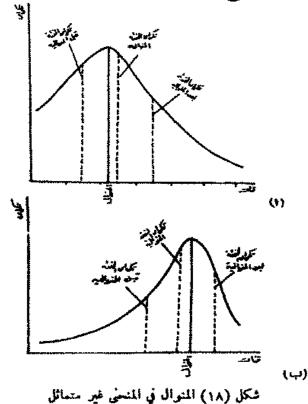
فلاحظ أن الوسيط الذي رتبته في هذا الجدول  $\frac{1 \cdot \cdot}{\gamma} = \cdot \circ$  يكون عند القيمة (٤) فيكون الوسيط هو (٤) مباشرة دون الحاجة الى عمليات حسابية كما هو الحال في القيم المتصلة .

### ٣ ــ المتوال الشائع :

المنوال في أية مجموعة هو القيمة التي تعتبر أكثر القيم شيوعا : وعلى ذلك فتحديده يتوقف على تكرار القيم في المجموعة .

ويمكن ايجاده باحدى الطرق الآتية ، ثلاث منها حسابية وطريقتان بالرسم .

السط طريقة تقريبية تكون باعتبار المنوال في الجلول التكراري مركز الفئة ذات أكبر تكرار ، فاذا طبقنا ذلك على جلول (٢٥) كان المنوال لهذا التوزيع وهو مركز الفئة (٤٥ —) ، ذلك لأن تكرارها ٥٠ وهو أكبر من أي تكرار آخر لأية فئة ، أي أنه يساوي ٥٠ . وواضح أن هذه الطريقة تقريبية ، فهي تفترض تماثل التوزيع على جانبي مركز الفئة المنوالية بينما نرى في الحقيقة أن موضع المنوال في الفئة المنوالية يتوقف على شكل المنحى أو التوائه كما يتضح من الشكل الآتي :



#### ٢ ــ طريقة حسابية ثانية :

بعد تحديد فئة المنوال تنحصر الصعوبة في تحديد قيمته في مدى هذه الفئة ، ففي المنوال السابق كما ذكرنا سابقا ، يقع المنوال في الفئة ( 20 س ) أي أن قيمته تزيد على 20 مقدار نسبة خاصة في مدى الفئة وهو ١٠ هذه النسبة تتوقف على تكرار الفئتين المحيطتين بالفئة المنوالية ، فاذا كان تكرار الفئة بعد المنوال أكبر من تكرار الفئة التي قبلها انحرف المنوال نحو القيم الكبيرة في هذا الجدول والعكس بالمعكس ، أما اذا كان التكراران متساويين وقع المنوال في منتصف الفئة تماما .أي أن مدى الفئة وهو ١٠ سيقسم تقسيما تناسبيا بنسبة حدها تكرار الفئتين المحيطتين للفئة المنوالية أي ٣٠ : ٤٠ في المثال .

$$\xi, 79 + \xi = \frac{v}{v} \times 10 + \xi = 0$$
 وعلى ذلك تكون قيمته = 10 + 10 وعلى ذلك

£9,49 ==

$$\int_{0}^{1} \frac{dt}{dt} = \frac{1+\frac{1}{2}}{1+\frac{1}{2}} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \times 0$$

= الحد الأدنى للفئة المنوالية +

على اعتبار أن:

أو الحد الأدنى الفئة المنوالية

ك + ١ = تكرار الفئة بعد المنوالية

ائم ، ن - 1 = تكرار الفئة قبل المنوالية ، ف = مدى الفئة

٣ -- طريقة الفسروق :

واضع هذه الطريقة هو كارل بيرسون ، وهي لا تختلف كثيرا عن سابقتها فهي

تهم بالفروق بين التكرارات أكثر مما تهم بالتكرارات نفسها ، ذلك لأن الحطوة الأولى في هذه الطريقة تنحصر في ايجاد الفرق بين تكرار الفئة المنوالية والفئتين اللتين حولها كما يساتى :

فروق	تكرار	نثات	
١٠ {	٤٠	- Yo	
٧٠ {	۰.	£0 00	

جنول (٣٥) ايجاد المنوال بطريقة الفروق

ووضع المنوال يتحدد في هذه الطريقة بالفرق بين تكرار الفئتين حول الفئة المنوالية و تكرار الفئة المنوالية .

فهو يساوي ۴۵ + ۲۰ اي تقسيم مدی الفئة و هو ۱۰ بنسبة ۲۰ : ۲۰ .

فهر = 20 + ۲۲,۳۳ = ۲۲,۸۶ .

$$\frac{4-2}{1-3}$$
 ای آن المنوال حسب هذه الطریقة =  $\frac{6}{1-3}$  +  $\frac{6}{1-3}$ 

المنوال في الجدول التكراري لقيم متقطعة .

لو رجعنا الى جدول (٢٤) لوجدنا أن أكبر تكرار في الجدول هو عند القيمة (٤) أي أن أكبر عدد من العائلات بها (٤) أبناء وعلى ذلك يكون المنوال هو ٤ مباشرة دون الحاجة الى عمليات حسابية كما هو الحال في القيم المتصلة .

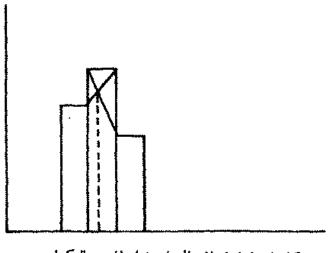
#### غ - طريقة المنحى التكراري :

لايجاد المنوال يمكن أن نستخدم الرسم بأن نرسم منحنيا ، فتكون قمة هذا المنحى مقابلة للقيمة التي تعبر عن منوال المجموعة .

الا أن هذه الطريقة تقريبية جدا ، لأن المنحى التكراري عادة يرسم نتيجة لمحاولة شخصية ، حيث يعمل الباحث على أن يمر المنحنى بأكبر عدد ممكن من النقطة وأن يقترب ما أمكن من باقي النقط الأخرى .

## ه ـ طريقة المدرج التكراري:

يستخدم المدرج التكراري كذلك لايجاد منوال التوزيع كما في الرسم الآتي ، وفي هذه الحالة لا تكون هناك ضرورة لرسم المدرج التكراري كله ، بل يكتفي برسم الفثة المتوالية والفئتين المحيطتين بها .



شكل (١٩) امجاد المنوال باستخدام المدرج التكراري

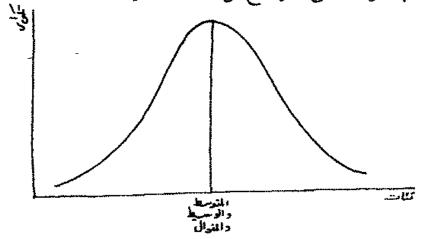
فالطريقة تكون بتوصيل أطراف المستقيم العلوي لمستطيل الفئة المنوالية بأطراف مستقيمي الفئتين التي قبلها والتي بعدها ، فتكون نقطة التقابل هي المقابلة للمنوال ، فاذا أسقطنا عمودا من نقطة التقابل على المحور الأفقي كان موقعه قيمة المنوال .

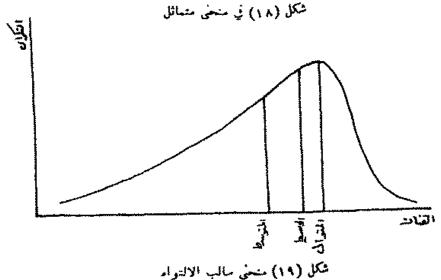
## مقارنة بين المتوسطات الثلاثة :

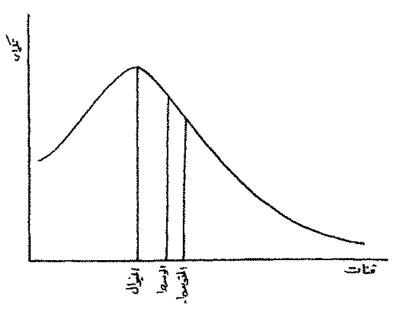
يلاحظ أن المتوسط الحسابي يستغل في حسابه جميع القيم ، ولذا فهو أدق المتوسطات الثلاثة التي ذكرت ، كما أنه أكثر ثباتا أي أنه لا يختلف اختلافا كبيرا باختلاف العبنات المختارة ، الا أنه كثيرا ما يحدث أن تشتمل المجموعة على قيم متطرفة لا تمثل المجموعة ، كأن يكون في أحد الفصول مثلا عدد قليل من التلاميذ الضعاف عن المستوى العام للفصل . فالمتوسط الحسابي في هذه الحالة لا بد وأن تتأثر قيمته بهذه الحالات المتطرفة ، كما أنه في حالات الجداول التكرارية المفتوحة يتعذر حساب المتوسط الحسابي ، حيث لا يكون من الممكن معرفة مركز الفئة المفتوحة التي يتطلبها الحساب ، في مثل هذه الحالات

نضطر الى الاستعانة اما بالوسيط أو المنوال فكلاهما لا يتأثران بالقيم المتطرفة ، ذلك لأن حسابهما ينحصر في القيم والتكرارات المتوسطة . كما أنه يمكن ايجادهما اذا ما كان الجدول مفتوحا من أحد طرفيه أو كليهما .

وفي حالة التوزيع المتماثل نجد أن قيم هذه المتوسطات الثلاثة واحدة أي أنهاا تكون متطابقة ، ولكنها تختلف قيما عدا ذلك ، فالمتوسط الحساني في التوزيعات الملتوية يتجه عادة ناحية الطرف الملتوي (المدبب) ، فهو يمثل مركز الثقل بالنسبة للمجموعة ، ذلك لأن مجموع القيم يكون متعادلا على جانبيه أما الوسيط فانه يقع عند منتصف المساحة التي يمثلها التوزيع ، أي أن مجموع عدد القيم (التكرارات) يكون متساويا على جانبيه ، وأما المنوال فهو يحدد أعلى نقطة في منحنى التوزيع ولذلك فان موضع هذه المتوسطات الثلاثسة يختلف حسب التراء المنحني كما يتضح من الأشكال الآتية :







منحنى موجب الالتواء شكل (٢٠) المواضع النسهية للمتوسط الحسابي والوصيط والمنوال

ويمكن تلخيص الحالات التي يفضل فيها كل من هذه المتوسطات الثلاث فيمسأ يسأتي : --

## يفضل المتوسط الحساني في الحالات الآتية :

١ ــ اذا أريد الحصول على معامل على أكبر قدر من الثبات.

اذا أريد الحصول على معامل يمكن استخدامه في معاملات أخرى ، كمقاييس التشتت أو مقاييس الدلالة ، وهذه سيأتي توضيحها في الأبواب القادمة .

٣ ـــ اذا كان توزيع المجموعة التي نبحثها متماثلا حول المراكز أو قريبا مسن
 الاعتدالي .

## ويفضل الوسيط في الحالات الآتية :

١ - اذا أريد الحصول على معامل في وقت قصير.

۲ اذا كان التوزيع ملتويا التواء واضحا ، وخاصة اذا كان بالتوزيع قسيم متطرفة جداً .

٣ ــ اذا كان البحث يهتم بمعرفة ما اذا كانت قيمة معينة تقع في النصف العلوي أو
 السفلى من التوزيع .

اذا كان جدول التوزيع مفتوحا .

## يفضل المنوال في الحالات الآثية :

١ - اذا أربد الحصول على معامل مركزي في أقصر وقت ممكن دون الاهتمام
 كثيرا بالدقة في حسابه .

٢ - اذا كان هدف الباحث معرفة القيمة التي يتفق فيها أغلب أفراد المجموعة .

### العلاقة بين المتوسطات الثلاثة :

تمكن الاحصائيون من ايجاد علاقة تقريبية بين المتوسطات الثلاثة : المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال . وتستخدم هذه العلاقة عند ما يتعذر استخراج احدها . كما يحدث عند ما يراد ايجاد المتوسط الحسابي مثلا في جدول تكراري مفتوح .

ويمكن وضع هذه العلاقة على الصورة الآثية :

المتوسط الحساني – المنوال = ٣ ( المتوسط الحسابي – الوسيط ) أي أن الفرق بين المتوسط الحساني والمنوال بعادل ثلاثة أمثال الفرق بين المتوسط الحساني والوسيط .

ويمكن من هذه العلاقة الحصول على قيمة أي من هذه المتوسطات اذا عرف الاثنان الآخران .

والمنسوال = ٣× الوسيط – ٢× المتوسط الحسابي .

أسئلة على الباب الشائي الشكال : منها يأتي در حات ٦٠ شخصا في اختبار لذاكرة الأشكال :

. • •	/	- ,	*	• • -	-
44	٧٠	YŁ	٣٨	 £٦	۷٥
14	۸۵	۱۷	Y4	71	44
00	Yo	۲A	3.7	۹۷	Υo
٤٦	٣٣	40	70	AY	٥٤
٧٢	4.	• 3"	41	٨ŧ	۸Y
٨ŧ	٤٥	ρY	٤٤	٧٣	10
٥.	٥Y	45	10	40	77
7.5	*1	٥٧	41	77	44
٧٢	٤A	**	۲Y	٤٤	٤٧
۸۳	٧٠	٦.	٨٩	77	۸۲

احسب المتوسط الحسابي لهذه الدرجات ، ثم فرغها في جدول تكراري ، واحسب المتوسط الحسابي من هذا الجدول ، ( ابدأ الجدول بالدرجة ١٥ متخذا مدى كل فئة خمس درجات ) وقارن بين الناتجين .

٢ – احسب الوسيط في الجدول التكراري الذي حصلت عليه في المسألة السابقة
 بالطريقة الحسابية ، ثم عن طريق المنحى المتجمع وقارن بين الناتجين .

٣ - استخرج المنوال في الجدول التكراري السابق بمساعدة القانون الذي يبين العلاقة بين المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال. ثم قارن بين القيمة التي تحصل عليها وبين قيمته بأية طريقة أخرى.

عجموعتان من الأشخاص أعمار أفرادهما موزعة حسب الجدول الآتي :

تكرار المجموعة ب	تكرار المجموعة أ	أعمسار
٧	1	<b>- Y</b> £
٨	٧	Y1
4	٨	YE
171	١٠	<b>- 44</b>
٧٠	14	- <b>11</b>
۱۸	10	£4
14	۲۳	o t
11	17	04
۱۳	1.	37 -
V	17	PF
٣	٣	_ Y\$
<b>Y</b>	٣	V1
171	١٧٨	الحجموع

جلول (٢٦) جدول تكراري لأعمار مجموعتين من الأشخاص

ما النسبة المتوية لعدد الأشخاص في مجموعة (أ) الذين تزيد أعمار هم عن وسيط أعمار المجموعة (ب) ؟

- قارن بين منوالي أعمار المجموعتين مستعملا طريقة رسم المدرج التكراري في ايجاد المنوال .
- ٦ احسب النسبة المتويةلعدد أفراد المجموعتين الذين تبلغ أعمارهم ٤٠ سنة فأكثر.
- ٧ احسب النسبة المتوية لعدد الأفرادفي المجموعة ين الذبن تقل أعمار هم عن ٢٠سنة.
- ٨ احسب المتوسط الحسابي في الجدول التكراري الآتي بأية طريقة تجدُّها مناسبة :

لتكـــرار	الفئـــات ا
17	أقل من ۲۰
1	
}	Yo
¥0	
T-0	<b>To</b>
£Y	£•
٣٠	···· to
77	o ·
٧٠	00
<b>Y</b> £	<b>1</b> •
٧٠	· 10
١٥	V+
۲۰۲	المجموع

جدر ل (۲۷)

# ولابات ولالات

## مقاييس التشنت

- = تشتت القسيم .
- = مقاييس التشتت .

المسدى المطلسق

نصف الملى الربيعي

الاتحسراف المتوسط

الانحسراف المعياري

- = مقارنة بين مقاييس النشت.
  - = معامــل الاختلاف .
  - = السدرجة المعيسارية.
    - = الرئبة المنينية:

## تشتت القسيم:

ذكرنا أن فائدة المتوسطات وصف المجموعة بقيمة واحدة يستعاض بها عن عدد كبير من القيم هي التي تكون المجموعة ، ولذلك فمعرفتها ضرورية في حالات المقارنة بين قيم مجموعات مختلفة . ولكن هل يكفي أحد هذه المتوسطات كالمتوسط الحسابي مثلا لوصف قيم المجموعة وصفا كاملا وللمقارنة بين قيم مجموعة وأخرى ؟ ولنقرب السؤال الما الأذهان نضرب المثال الآتي :

مجموعتان من الأفراد اختبروا في اختبار قدرة خاصة .

فكانت در جات أفراد المجموعة الأولى هي صفر - ٢٥ - ٥٠

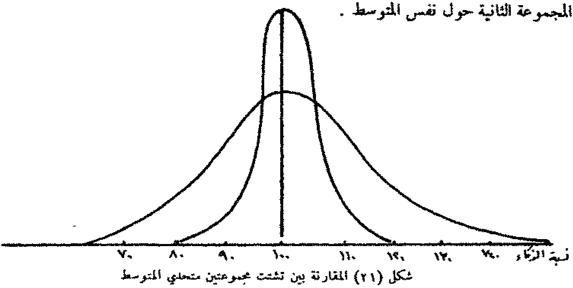
وكانت درجات أفراد المجموعة الثانية هي ٢٤,٥ - ٢٥ - ٢٥،٥

واضح أن المتوسط الحسابي لكل منهما واحد وهو ٢٥ ، فهل نستطيع القول بأن المجموعتين متعادلتان في هذه القدرة ٢ . من النظرة السطحية لهذه القيم ندرك لأول وهلة أن قيم المجموعة الأولى مبعثرة غير متقاربة ، بينما قيم المجموعة الثانية متقاربة جدا .

ومن هنا كان الباحث محتاجا دائما لأن يقرن ذكر قيمة متوسط القيم بقيمة أخرى توضح مدى تباعدها أو تقاربها بعصها عن بعض ، حتى يعطي صورة واضحة عن كل من النزعة المركزية لمختلف القيم في المجموعة ومدى اختلافها وتوزيعها ، والوصف الأخير هو ما يعبر عنه بالتشتت dispersion و Scattered-spread فني المثال السابق نقول ان قيم المجموعة الأولى أكثر انسجاما more homogeneous من المجموعة الأولى وأن المجموعة الأولى أكثر تباينا more heterogeneous ومعرفة التشتت تفيد كثيرا في الأغراض العلمية . فاذا عرف المدرس مدى تباين ذكاء تلاميذ فصله أمكنه أن يراعي ذلك في طرق تدريسه ، بحيث يجد أضعف تلميذ وأقوى تلميذ فيه مادة تناسبهما.

والرسم الآتي يوضح فكرة تشتت مجموعتين متساويتين من حيث متوسط القسيم

وفيه مقارنة بين مجموعتين من التلاميذ . المجموعة الأولى تنحصر نسبة ذكاء أفرادهــــا بين ٢٠ ، ١٥٠ والمجموعة الثانية تنحصر نسبة ذكاء أفرادها بين ١٠ ، ١٢٠ ومن الرسم يتضح كيف تتشتت القيم حول المتوسط في المجموعة الأولى بينما تتجمع وتتقارب قيم



#### مقاييس التشنت:

يحتاج الباحث عادة الى استخدام قيمة تعبر عن مدى تباعد القيم أو تقاربها في المجموعات التي يشملها البحث تماثل معاملات النزعة المركزية أو المتوسطات التي سبق الحديث عنها في الباب الثاني ، وأهم هذه المقابيس أو المعاملات ما يأتي :

- ۱ المدى المطلق Range
- ۲ ـ نصف المدى الربعي Semi-interquartile Range
  - ۳ الانحراف المتوسط Mean Deviation
  - \$ الانحراف الماري Standard Deviation

#### المسدى المطلسق:

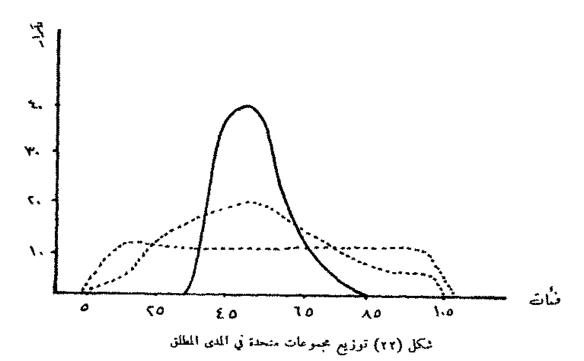
الوسيلة المباشرة لممرفة مدى تقارب القيم أو تباعدها هي حساب الفرق بين أصغر قيم المجموعة وأكبرها ، وهي وسيلة سهلة الا أنها أقل الوسائل دقة وذلك لأن حساب هذا المعامل يتوقف على قيمتين فقط من قيم المجموعة ولا يهتم مطلقا بما بينهما من قيم أخرى .

وهاتان القيمتان تكونان عادة متطرفتين لا تمثلان المجموعة التي ينتميان اليها . فاذا حسبنا المدى المطلق لأعمار تلاميذ فصل . وكان بين تلاميذ الفصل تلميذ صغير وآخر كبير لدرجة تجعلهما شاذين بالنسبة لأفراد المجموعة ، كان المدى المطلق مقياسا خاطئا لدرجة كبيرة لتشتت هذه الأعمار . وفيما يلي ثلاث مجموعات ، القيمة السفلي في كل منها ه والقيمة العليسا ١٠٠٠ .

تكرار	نٹات	تكرار	نٹات	تكرار	فئات
١.	0	٣	_ 0	١	0
١.	10	١.	\0		- 10
1.	_ Yo	10	_ Yo		Yo
۸.	40	۱۸	Yo	70	- 40
	- 10	٧.	to	٤٠	- £0
1.	_ 00	٥	00	10	_ 00
1.	_ 70	1.	70	۸	10
١.	Yo	٨	Vo	-	Vo
1.	Ao	٥	Ao		Ao
١.	- 40	٦	90	١	_ 90
1	المجموع	1	المجموع	١	المجموع
	X 1 .		. ( .	/ \	

جدول (۲۸) جدول (۲۸) میدول (۲۸)

أي أن المدى المطلق لكل منها = ١٠٠ – ٥ = ٩٥ . ولكن الفرق واضح بين مدى تباعد أو تقارب القيم فيها ، فقيم المجموعة الأولى أقلها انتشارا ذلك لأن تجمع القيم حول المتوسط أكثر في المجموعة الأولى منها في الثانية وفي الثانية أكثر منها في الثالثة ، فكأن المدى المطلق لا يعطي دلالة واضحة لمدى انتشار وتوزيع القيم كما يتضح ذلك من الشكل الآتي :



فالمدى المطلق لا يصلح الا اذا أراد الباحث أن يأخذ فكرة سربعة عن التشتت . الا أن استخدامه والاعتماد عليه قد يؤديان الى أخطاء ، وخاصة اذا كان هناك انفصال بين الفئات المتطرفة وباتي الفئات كما هو الحال في المجموعة الأولى .

# نصف المدى الربيعي :

كان أهم عيب في المدى المطلق أنه يهتم بالقيمة بن المتطرفة بن ، مهملا ما عداهما من القيم ، وأن هاتين القيمتين قد تكونان منفصلتين عن باقي أفراد المجموعة ، ولذلك فان الاجراء الطبيعي لتلافي ذلك أن تحذف الجزء بن المتجلر فين من المجموعة و نقصر حسابنا على الجزء المتوسط من القيم ، وفي هذه الطريقة التي نحن بصددها الآن نكتفي بالاهتمام بالنصف المتوسط لقيم المجموعات مهملين الربع الأول والربع الأخير . فالقيمتان اللتان تهتم بهما هذه الطريقة هما القيمة التي يقل عنها ربع عدد أفراد المجموعة فقط والقيمة التي يزيد عنها ربع أفراد المجموعة فقط ، فاذا عددنا أفراد المجموعة مبتدئين بأقلها قيمة حتى نصل الى ربع أفراد المجموعة كانت النقطة التي نصل اليها بهذه الطريقة هي الربيع الأدنى عيرواذا عددنا أفراد المجموعة مبتدئين بأكبرها قيمة حتى فصل الى ربع أفراد المجموعة اللها بهذه الطريقة هي الربيع الثالث . المجموعة أرباع ولكن لها ثلاثة وتبعا لهذا يكون الوسيط هو الربيع الثاني . فلكل مجموعة أربعة أرباع ولكن لها ثلاثة ربيعات . والفرق بين الربع والربيع أن الربع جزء من المجموعة ، أما الربيع فهو نقطة ربيعات . والفرق بين الربع والربيع أن الربع جزء من المجموعة ، أما الربيع فهو نقطة عدد نهاية الربع ، فنستطيع أن نقول ان احدى القيم تقع في الربع الأول ولكننا لا نستطيع تحدد نهاية الربع ، فنستطيع أن نقول ان احدى القيم تقع في الربع الأول ولكننا لا نستطيع

أن نقول انها تقع في الربيع الأول ولكن بمكن أن نصفها بأنها تقع عند الربيع الأول. ويرمز للربيع الأدنى عادة بالرمز (Qt) والربيع الثالث دم (Qs). واذا قصرنا حسابنا على المدى بين الربيعين الأول والثالث ضمنا بقدر الامكان استبعاد القيم المتطرفة التي قد تكون بعيدة عما يمثل قيم المجموعة.

ولحسابُ نصف المدى الربيعي ينبغي علينا أولًا أن تحسب كل من الربيعين الأول والثالث فيكون الفرق بينهما هو المدى الربيعي .

أي أن الملنى الربيعي = رم - رم

ويكون نصف المدى الربيعي الذي يرمز له عادة بالرموز س=  $\frac{1}{1}$ 

وطريقة ايجاد الربيعين لا تختلف عن طريقة ايجاد الوسيط بعد معرفة رتبة كل منهما واليك توضيح الطريقة عمليا في الجدول التكراري الآتي وهو يمثل درجات مجموعة من الطلبة في مادة الاحصاء :

	التكرار المتجمع	الحدود العليا	التكــرار	الفئسات
	الصاعد	للفشات		
	-	Yo		- Y•
	ź	۳۰	į į	Yo
	17	40	۱۲	Y•
	<b>Y4</b>	٤٠	۱۳	_ To
فئة الربيع الأول	<b>t</b> t	٤٥	10	<u> </u>
	٦٧	٥٠	74"	<u>t</u> o
	41	00	YV	o·
	118	٦.	٧٠	00
فئة الربيع الأعلى	174	70	10	<u> </u>
	141	٧٠	۱۲	\o
	101	Y <b>a</b>	١.	_ v·
	701	۸۰	ه	- Yo
	171	٨٥	٥	A•
	171	4.	٣	Ao
			178	المجموع

جدول (٣١) نصف المدى الربيمي

رتبة الربيع الأول = 
$$171 \div 3 = 13$$
رتبة الربيع الثالث =  $171 - 17 = 11$  (۱)
الربيع الأول =  $17 \times 0 + 10$ 
الربيع الثالث =  $17 \times 0 + 10$ 
الربيع الثالث =  $17 \times 0 + 10$ 
نصف المدى الربيعي =  $17 \times 0 + 10$ 

ونحطوات العمل في هذه الطريقة كما يأتي :

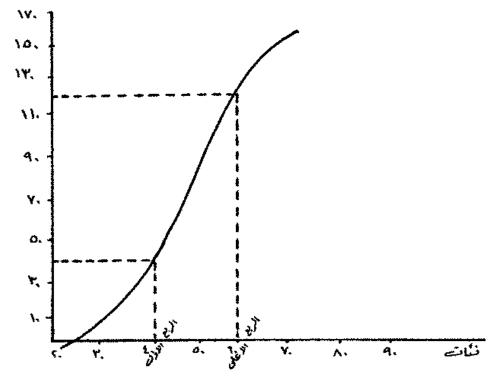
(١) أوجد رتبة الربيعين فرتبة الربيع الأول هي ن على اعتبار أن ، ن ، هي عدد قيم المجموعة أو مجموع التكرارات .

ورتبة الربيع الثالث هي كن×٣ أو يمكن حسابها بطرح رتبة الربيع الأول من عدد قيم المجموعة .

- (٢) أوجد قيمتي الربيعين بنفس الطريقة التي سبق استخدامها في الوسيط .
  - (٣) أوجد نصف المدى الربيعي بالطريقة الآتية :

وكما أمكننا معرفة الوسيط عن طريق رسم المنحنى التجمعي نستطيع هنا أيضا اتباع نفس الطريقة لمعرفة قيمني الربيعين كما في الشكل الآتي :

 <sup>(1)</sup> ويمكن الحصول على الربيع الثالث على اعتبار أنه أول رابيع فيالتكر أري المتجمع الناول أي يمكن استحدام التكر أرين المتجمعين مجمئة يعجب في كل منهما أثر بيم الأول.



شكل (٢٣) تصف المدى الرديعي بالرسم

### الانحسراف المعيساري Standard Deviation :

يعتبر الانحراف المعياري أهم معاملات التشتت جميعا وأكثرها استعمالا ، وهو قريب في خطوات الجاده من الانحراف المتوسط . فهو يختلف عنه في طريقة التخلص من اشارات الفروق بين القيم والمتوسط الحساني ، فبينما تتخلص من هذه الاشارات في طريقة الانحراف طريقة الانحراف المتوسط باهمال الاشارات كلية نحتال على ذلك في طريقة الانحراف المعياري بتربيع هذه الفروق أي بضربها في نفسها . فتصبح جميع الاشارات موجبة .

فلانِجاد الانحراف المعياري للقبيم السبعة الآتية :

W1 . W4 . E+ . EE . YY . WV . WO

770 ستخرج أولا متوسطها الحساني وهو 770

ثم نسير بعد ذلك في الخطوات الموضحة في الحدول الآتي :

مربع الانحراف عن المتوسط	انحرافهــــا عن المتوسط	القيمسة
1	١	40
4	٣	**
111	۱۲	**
١	١.	11
13	٤	۴.
Y0	٥	<b>**</b>
4	٣	۳۱
	11	
٣٠٤	11	777

جدول (٢٢) طريقة ايجاد الاعراف المديري لقبم . نمر دة

$$4\pi, 4\pi = \frac{\pi \cdot 4}{V} = \pi \cdot 4$$
متوسط مربعات الانحراف

الجذر التربيعي لمتوسط مربعات الانحراف = ٢٠٥٩

ويطلق على متوسط مربعات الانحرافات اسم التباين variance ويطلق على الجذر التربيعي للتباين اسم الانحراف المعياري ، فالانحراف المعياري هو الجذر التربيعي لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن متوسطها الحسابي .

واذا جمعت القيم على هيئة فئات في جدول تكراري نضطر لايجاد مركز كل فئة واتخاذه كمثل لقيم الفئة جميعها ،

والمثال الآتي يوضح طريقة ايجاد الانحراف المعياري.

د ح ۲	كع	ح	لئح	حَ	التكرار	مر اكز الفئات س	فثات ن
1.0	<b>₹0</b>	۹	٧٠	ŧ	٥	4	- ^
۸۸۵	At	٧	٣٦	٣	۱۲	11	_ \·
770	V0	•	۳٠	Y	10	۱۳	۱۲
177	01-	٣	١٨	١	۱۸	۱٥	£
\0	۱۰	١			١٥	۱۷	17
۱۷	۱۷	1	12	١	۱۷	14	— <b>1</b> A
171	•٧	٣	٣٨	Y	11	۲١	Y •
YV•	00	•	44	٣	11	٣٣	YY
££1	74	γ	47	٤	4	Yo	Y£
744	۸١	4	٤٥	٥	٩	YV	Y7
4174	*V* *V*		179		۱۳۰		المجموع

جدول (٣٣) الابحراف المعياري للحدول التكراري

المتوسط الحسابي = ۱۷ ا مروسط الحسابي = ۱۷ ا مروسط الحسابي = ۱۷ ا مروسط المعاري = 
$$\sqrt{\frac{m_1}{m_2}}$$

وتكون خطوات العمل اذن كما يلي :

١ ـــ احسب المتوسط الحسابي وقد حسب في هذا المثال بالطريقة المختصرة .

٢ أوجد أنحراف مركز كل فئة عن هذا المتوسط (ح) (العامود السادس في الحدول).

ربعد هاتين الخطوتين أمامك طريقتان تؤديان لنفس النثيجة : اما أن نتبع ما يأتي ٠

- ٣ ــ ربع كل انحراف (ح٢).
- إ ــ أوجد حاصل ضرب كل مربع في تكرار الفئة ( لاح¹)
  - أو كما اتبع في الجدول الموضح عليه ( جدول ٣٣)
- ٣ ــ أوجد حاصل الضرب لكل انحراف في تكرار الفئة ( ك ح )

( العامود السابع )

= 1 - 10 اضرب حاصل الضرب السابق مرة ثانية في الانحراف ( = 1 - 10 ) العامود الثامن )

و في كلتا الحالتين تكون الخطوة التالية هي :

م ــ أوجد مجموع حواصل الضرب الناتجة في الخطوة الرابعة (أي المجموع في العامود الثامن).

٦ ــ اقسم المجموع الذي حصلت عليه في الخطوة الخامسة على مجموع التكرارات
 (ن) .

الوجد الجذر التربيعي لخارج القسمة الأخير فيكون هذا الجذر هو قيمسة الانحراف المعياري (ع)

ن ع = على اعتبار أن ع ترمز الى الانحراف المعياري .

### ايجاد الانحراف المعياري بالطريقة المختصرة :

بمكن اختصار الخطوات الكثيرة في الطريقة السابقة باستعمال معادلة رياضية تساعد على تقليل العمليات الحسابية اللازمة . ففي المثال السابق كان المتوسط الحسابي - لحسن الحظ - عددا صحيحا وهذا نادر الحدوث في البحوث العلمية الواقعية . فاذا كان المتوسط الحسابي عددا كسريا كانت الانحرافات كلها كذلك أعدادا كسرية فتزداد العملية استنفادا للجهود والوقت نظرا لما تحتاجه الى عمليات ضرب وتربيع لأعداد كسرية . والطريقة المختصرة لا تزيد في خطواتها عن خطوات ايجاد المتوسط الحسابي للجدول التكراري الا خطوة واحدة يمكن استخراج الانحراف المعياري بعدها بقانون رياضي . واليك طبيق هذه الطريقة في نفس الجدول السابق على سبيل المقارنة .

753	ك	=	التكـــر ار ك	الغئـــات ف
\ <del>\\\</del>	۲۰	<b>£</b>	0	<b>-</b> A
١٠٨	۳٦	۳	۱۲	1 •
٦.	۳۰	۲	10	-17
1.4	۱۸	١	١٨	11
		صفر	10	17
۱۷	17	١	17	۱۸
V٦	44	۲	11	Y•
44	**	٣	11	Y Y
188	۳٦	£	4	-Y£
440	io	5	4	٢٦
	174			
۸۲۷	1.1-		14.	المجموع
<u> </u>	, -			

حدول (٣١) الابحراف الممياري بالطريقة المختصرة

فالخطوة الأخيرة كما يظهر من الجدول تنحصر في استعمال الانحراف الفرضي ( ح ) والجاد ( ك ح ) بدلا من الجاد الانحرافات الحقيقية عن طريسة استعمال المتوسط الحسابي الحقيقي للمجموعة . ومدى اختصار هذه الطريقة يتضع اذا عرفنا أن أغلب الحالات التي يطلب فيها الجاد الانحراف المعياري تستلزم أيضا الجاد المتوسط الحسابي وبذلك يكون كل ما يتطلبه الجاد الانحراف المعياري بعد ذلك هو خطوة واحدة جديدة .

و خطوات العمل تبعا لما سبق تزيد خطوة واحدة على خطوات العمل في ايجاد المتوسط الحسابي بالطريقة المختصرة وهي ايجاد مح لئا ح - ٢ و ذلك بضرب أعداد العمودين الآخرين (ح - ، ك ح - ) .

وقانون ايجاد الانحراف المعياري كما يأتي :

والذي يزيد من سهولة هذه الطريقة أن مح ك ح يستخدم في ايجاد المتوسط ن

الحسابي فلا يحتاج الى عملية جديدة في الحالات التي يطلب فيها ايجاد المعاملين .

# : Discrete values الانحراف المعياري القيم المتقطعة

سبق أن أوضحنا طريقة ايجاد المتوسط الحسابي لمثل هذه القيم وبينا أنها لا تختلف عن الطريقة المتبعة في حالة الجداول المحتوية على فئات من القيم المتصلة الآفي اتخاذ القيمة المعطاة بدلا من مركز الفئة واعتبار مدى الفئة (١) وهذا هو نفس الفرق أيضا في ايجاد الانحراف المعياري كما يتضح ذلك من الجدول الآتي ، وهو نفس الذي حسب له المتوسط الحسابي في جدول (٢٤).

ع' <i>د</i> ُ	ع ت	3	التكـــر ار عدد العائلات ك	عدد الأبناء في العائلة
ŧ۸	17	٤	٣	صفر
75"	Y1	٣	٧	١ .
11	YY	Y	11	۲
\1	11	1 -	18	٣
		- ۱ صفر	۲٠	<b>£</b>
17	١٦	١	17	٥
٤٨	71	۲	۱۲	٦
٦٣	71	٣	<b>v</b>	٧
٨٠	۲٠	ŧ	٥	٨
٧٥	10	٥	٣	٩
٧٧	۱۲	٦	Y	١.
٥٢٣	1 · A 14 — 44		•	المجموع

جدول (٣٥) الانحراف المديري للقيم المتقطعة

۲.۲٥ = ۱.۱٥ - ۹,۲۳ × ۱ = ۲.۲٥ - ۱.۱٥ - ۲.۲٥

# مقارنة بين مقاييس التشتت:

ذكرنا أن المدى المطلق هو أقل مقاييس التشتت دقة وثباتا ، وخاصة في حالة وجود قيم متطرفة لا تمثل المجموعة التي ينتمي اليها . وأوضحا كذلك أن نصف المدى الربيعي يتلافى النقد الذي يوجه الى المدى المطلق باقتصاره على مدى النصف المتوسط من مجموعة القيم . الا أنه لا يتعرض الا لقيمتين هما الربيع الأدنى والربيع الأعلى فقط ، أسا الانحراف المعياري فطريقة حسابهما تتناول جميع قيم المجموعة ، ولكى الانحراف المعياري هو أكثر هذه المقاييس استعمالا نظرا لأنه يستخدم أيضا في كثير من الطرق الاحصائية الأخرى كما سيتضع ذلك فيما بعد

### متى نستخدم المدى المطلق ؟

- ١ -- عند ما يراد تحديد اتساع التوزيع أي المسافة بين أقل القيم وأكبر ها .
  - ٢ -- اذا ضمن الباحث عدم وجود قيم متطرفة غريبة عن المجموعة .

# متى نستخدم نصف المدى الربيعي ؟

- ١ --- عندما يراد الحصول على مقياس تقريبي للتشتت في وقت قصير .
  - ٢ عندما تكون في المجموعة قيم متطرفة تشذ عن القيم العادية .
    - ٣ عندما يراد معرفة درجة مركز القيم حول الوسيط .
- عندما براد الحصول على مقياس للتشتت في جدول تكراري مفتوح.

# متى تستخدم الانحراف المتوسط أو الانحراف المعياري ؟

- ١ حندها يقصد اعطاء أوزان لجميع الانحرافات تبعا لقربها أو بعدها عن المتوسط الحسساني .
- ٢ عندما يراد الحصول على معامل للتشتت على أكبر جانب من الدقة والثبات.
   ويفضل في هذه الحالة الانحراف المعياري.
- ٣ -- واذا ما كان الهدف استخدام هذا المعامل في نواحي احصائية أخرى فان المعامل الذي يستخدم هو الانحراف المعياري . كما في حالة معاملات الارتباط أو مقاييس الدلالة التي سيأتي بيانها فيما بعد .

مذا وبجب أن نلاحظ أن هذه الطرق المختلفة لا تؤدي الى نتيجة عددية واحدة . ولذا فيجب الاحتياط عند المقارنة بين مجموعات مختلفة باستخدام معامل واحد فيها جميعا ، والا كانت المقارنة على أسس مختلفة مما يؤدي الى استنتاجات خاطئة . والمثال الآتي يوضح مدى اختلاف هذه المعاملات بعضها عن بعض . فالجدول التكراري الآتي يوضح توزيع مدى اختلاف هذه المعاملات بعضها عن بعض . فالجدول التكراري الآتي يوضح توزيع مدى اختلاف هذه المعاملات بعضها عن بعض . فالجدول كل من نصف المدى الربيعي والانحراف المتوسط والانحراف المعياري وأما المدى المطلق فيمكن معرفته مباشرة وهو : ٩٠ ــ صفر = ٩٠ .

±×/こ/	/ <i>E</i> /	مراكز الفئات	د5′	لدة	ځ	التكرار المتجمع	التكر ار ك	الفئات
						الصاعد		
Y01;Y-	٤٧,٠٤	Ĺ	۱۸۰	۳٠	٩	٥	٥	صفر
£7A,£A	44 1	11	***	٦٠	o	17	۱۲	- ^
711,11	41,08	γ.	۱۷٦	11	£	۲A	11	17
<b>410,10</b>	YY,•\$	44	۱۳۰	<b>£</b> 7 -	*-	٤٣	\0	7 &
۳۰۰,۸۰	10,12	47	۸۰	٤٠-	۲	74"	٧,	47
۸۸٬۶۵۱	٧,٠٤	1 1 1	77	<b>77</b> —	١-	۸۰	77	
37,72	٠,٩٦	۲۵			صفر	114	72	<b>−£∧</b>
772,**	۸,۹٦	٦.	۲a	Yo	١	188	40	or
7.7,07	17,47	7.4	٤٨	71	Y	107	14	-78
114,44	72,47	٧٦	177	٥٤	٣	178	18	_VY
۵۳۷,۳٦	44,43	٨٤	707	78	٤	14.	17	<i></i> ۸۰
\$ . 4,7 .	11,79	44	70.	۵٠	٥	١٠٠	١٠	^^
			Y 1'	Υ				
<b>٣٦٩٢,</b> ٨٠		١ ١	77£ Y£	1-			7	المجموع
,			Υ	<b>t</b>				

جدر ل (٢٦) مقارنة بين معاملات التشتت

الربيع الأول = 
$$77 + 7 \times A = 74$$

الربيع الأول =  $77 + 77 \times A = 74$ 

الربع الأعلى =  $78 + 77 \times A = 74$ 

نصف المدى الربيعي =  $74 + 74 \times A = 74$ 

نصف المدى الربيعي =  $74 + 74 \times A = 74$ 

فتكون المقاييس المختلفة كما هي في الجدول الآتي :

المدى المطلق = ٩٠ الانحراف المتوسط = ١٨،٤٦ تصف المدى الربيعي = ١٦،٦ الانحراف المعياري = ٢٢،٨٥

واختلاف هذه المقاييس في القيم أمر طبيعي ، لأن كلا منها ينظر الى التشت من وجهة نظر خاصة . فكل من المدى المطلق و نصف المدى الربيعي ينظر الى اتساع التوزيع ، بينما الانحراف المعياري والانحراف المتوسط ينظر ان الى مدى التجمع أو تشتت القيم حول المتوسط . ولذا فاننا لو رجعنا الى شكل (٢١) لاحظنا أن التوزيعات متقاربة من حيث الاتساع بينما تختلف كثيرا من حيث تجمع القيم فيهما حول المتوسط .

ولذا كان من اللازم استخدام مقياس واحد من هذه لغرض المقارنة دائمًا .

### معامل الاختلاف :

قد يضطر الباحث الى المقارنة بين تشتى مجموعتين متماثلتين، وقد يبدو أن الوسيلة لللك هي حساب معامل من معاملات التشتت لكل من هاتين المجموعتين والمقارنة على هذا الأساس. ولبيان مدى خطأ هذه الطريقة نضرب المثال الآتي :

مجموعتان من الأشخاص احداهما من الأطفال والثانية من الكبار . أعمار كل منهما كما هو مبين في الجدولين التكراريين الآتيين . والمطلوب المقارنة بين تشتت أعمسار المجموعتين .

التكر ار •	نيات	التكر ار	نثاث
	العمر		العمر
•	- **	\	- Y
•	<b>**</b>	٣	£
٨	- <b>٣</b> ٦	٧	0
٥	_ 44	٧	<b>1</b>
۱۳	- <b>£</b> Y	١٦	V
٧٠	<b>£</b> 0	77	A
۱۳	£A	۱٤	4
١٠	o1	11	- \·
11	_ 01	١٠	- 11
ł Ł	ov	•	۱۲
7		ŧ	- 14
1	المجموع	١٠٠	المجمرع

جدول (۲۷) توزیع أعمار مائة طفل جدول (۳۸) توزیع أعمار مائة بالغ

ولنفرض أننا استخدمنا الانحراف المعياري لقياس التشتت في كل منهما كما يلي :

<b>45</b> 7	د ح	3	التكــرار	الفشات
			វា	1
40	ā	¢	١	Y
٤A	۱۲	£	٣	- ŧ
74"	۲۱	٣	٧	0
44	18-	Υ	v	~ 7
17	17	٠	17	' Y
		۱ صفر	**	A ·
11	12	١	1 18	<b>- 1</b>
11	77	۲	1	1•
٩.	۳٠	٣	١.	- 11
۸۰	۲٠	٤	٥	- 17
١	γ.	٥	٤	14
	1.7		١.,	المجموع
٥٠٨	٦٨			<del></del>
	۳۸			

جدول (٣٩) الانجراف المداري لاعدر محموعه للاطفال

المتوسط الحساني لأعمار مجموعة الأطفال ٨٠٥ : ٣٨ : ٥ مم.٨ والانحراف المعياري = ٨٠٨٨ - ١٠٢٢ - ٢٠٢٢ - ٢٠٢٢

هذا بالنسبة لمجموعة الأطفال . أما في محسوعة البالغين فيكون حساب المتوسط والانحراف المعياري كالآتي :

.YZ u	ك خ	٤	التكـــر ار (ك)	الفئات
170	Yo	<i>b</i>	٥	Y·
۸۰	Y •	٤ —	٥	_ 44
٧٧	Y £	٣	٨	<u>- ۳٦</u>
٧٠	١٠	Y	o	٣٩
14	۱۳	١	١٣	£Y
<u>-</u>	_	4/1,444	۲.	to
14	۱۳	١	١٣	£A
<b>{•</b>	٧.	۲	١.	- ø1
44	**	٣	11	01
75	17	ŧ	<b>£</b>	ev
10.	٣٠	٥	٦	<b>٦•</b>
171	117 		1	المجموع

جدول (٤٠) الانحراف المدياري لأعدار مجموعة البالنين

المتوسط الحسابي لأعمار مجموعة البالغين = 
$$1.70 \times 7.1 \times 7.1 \times 1.00$$
 $= \frac{1.01 \times 7.00}{1.00}$ 

والانحراف المعياري لأعمار المجموعة البالغين =  $1.00 \times 1.00$ 

وهذا يدل ظاهريا على أن تشتت أعمار مجموعة البالغين أكبر كثيرا من تشتت أعمار مجموعة البالغين أكبر كثيرا من تشتت أعمال مجموعة الأطفال فهو بعادل ثلاثة أمثاله تقريبا ولكن معامل الاختلاف لا ينظر لمعامل التشتت نظرة مطلقة بل يشتمل على ايجاد النسبة المثوبة بين معامل التشتت والمتوسط للقيم فهو يساوي .

فاذا حسبنا معامل الاختلاف لكل من المجموعتين كان لأعمار مجموعة الأطفال ٢٥ ولأعمار مجموعة البالغين ١٦.٥ ، أي أن معامل الاختلاف لأعمار الأطفال يزيد عن معامل الاختلاف لأعمار البالغين ، وسبب هذا أن القيم في المجموعة الأولى أصغر كثيرا على وجه العموم من قيم المجموعة الثانية .

ويفيد معامل الاختلاف في ناحية أخرى وهي حالات المقارنة بين تشتت مجموعات مختلفة الوحدات ، فاذا قارنا مثلا بين تشتت أعمار الأشخاص وايرادهم الشهري .، واستخدمنا للمقارنة الانحراف المعياري لكل ، فان تمييز الانحراف المعياري يكون من نوع الوحدات في كل من المجموعتين ، ومن الطبيعي أنه لا يمكن المقارنة بين قيمتين من وحدات مختلفة كالسنوات و الريالات مثلا ، ولكن معامل الاختلاف يعطينا دائما نسبة معامل الاختلاف يعطينا دائما وعلى ذلك فان معامل الاختلاف هو الوسيلة الطبيعية التي تستخدم عادة للمقارنة بين تشتت المجموعات المختلفة . وهناك وسائل أخرى أكثر دقة سيأتي ذكرها في الأبسواب المقادمة .

ومن الواضح أننا لا نستطيع استخدام النسبة السابقة في حالة الجداول التكراريسة المفتوحة ، حيث يتعذر استخراج كل من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري ولذا فان معامل الاختلاف في هذه الحالات يكون

الا أنه ينبغي أن نكون على حذر من عدم استعمال معامل الاختلاف على صورتيه في مقارنة واحدة ، فاذا أردنا مثلا أن نقارن بين تشتت مجموعة من القيم في جدول مفتوح وأخرى في جدول مغلق تعين علينا استخدام الصورة الثانية في كليهما ، ولا يصح مطلقا أن نستخدم احدى الطريقتين في احداهما والصورة الثانية في الأخرى ، وذلك لأن كلا من الصورتين تعطي معاملا مختلفا .

فمعامل الاختلاف على الصورة الثانية لجدول ٣٩ يمكن حسابه على الوجه الآتي : ــ

التكرار المتجمع	التكرار	الحدود العليا	
التكرار المتجمع الصاعد		للفئات	
	<u></u>	٣	
١	١ ١	ź	<b>- r</b>
٤	٣	٥	£
11	V	٦	<b>o</b>
1.4	٧	٧	٦
٣٤ فئة الربيع الأدنى	17	٨	- v
٥٦ فثة الوسيط	77	4	^
٧٠	11	١٠	4
٨١ فئة الربيع الأعلى	11	11	) •
11	١.	١٧	11
17	•	١٣	- 17
1	ŧ	١٤	17
	١٠٠		المجموع

جدول (٤١) معامل الاختلاف بالصورة الثانية

$$V,11 = 1 \times \frac{V}{11} + V = 0$$
قيمة الربيع الأدنى =  $V,11 = 1 \times \frac{V}{11} \times V = 0$ 
 $V,11 = 1 \times \frac{V}{11} + V = 0$ 
 $V,11 = 1 \times \frac{V}{11} \times V = 0$ 
 $V,11 = 1 \times \frac{V}{11} \times V = 0$ 
 $V,11 = 1 \times \frac{V}{11} \times V = 0$ 
 $V,11 = 1 \times \frac{V}{11} \times V = 0$ 
 $V,11 = 1 \times \frac{V}{11} \times V = 0$ 

$$1,01 = \frac{V,11}{Y} = \frac{V,22 - 1.20}{Y} = \frac{V,22 - 1.20}{Y}$$
 فيكون نصف المدى الربيعي  $= \frac{1,01}{V} \times 1.00 = 1.00$ 

بينما معامل الاختلاف بالصورة الآخرى = ٢٥.

# استخدام معامل الاختلاف في المقاييس النفسية والتربوية :

يعترض بعض النفسيين على استخدام معامل الاختلاف في المقارنة بين تشتت الدرجات في المقاييس النفسية والاختبارات التربوية على اعتبار أن هذه المقاييس لا يعرف لها صفر مطلق ويعطينا Garrett توضيحا على ذلك ما يأتي :

لنفرض أننا أجرينا اختبارا لغويا على مجموعة من الأفراد وكان متوسط الدرجات التي حصلوا عليها ٢٥ والانحراف المعياري لها ٥ ، فيكون معامل الاختلاف في هذه الحالة ٢٠ . ولنفرض أننا أضفنا الى هذا الاختبار ٣٠ سؤالا من السهولة لدرجة أن جميع أفراد المجموعة قد تمكن من حلها جميعا ، وبذلك نجد أن درجة كل فرد قد ارتفعت ٣٠ درجة ، وبالتالي يرفع متوسط الدرجات فيصبح ٥٥ ، ولكن الانحراف المعياري بطبيعة الحال لن يتأثر بتلك الزيادة بل سيظل كما هو ٥ ، وسيهبط معامل الاختلاف نتيجة لذلك في الحالة الثانية هبوطا كبيرا اذ سيصبح ٩ ، ومن الطبيعي أننا نستطيع أن نضيف أي عدد من هذا النوع السهل من الأسئلة . وهكذا تتحكم درجة سهولة الأسئلة المضافة في تغيير معامل الاختلاف ، ومرجع هذا أننا لا نستطيع أن نحدد صفرا مطلقا يحدد لنا مبسدا القياس ، وهذا ما يدعو كثيرا من النفسيين الى التقليل من أهمية معامل الاختلاف في المقايس النفسية والتربوية .

الا أن جاريت Garrett برى أن هذا الاعتراض بالرغم من صحته لا يهدم الانتفاع عمامل الاختلاف هدما كليا . وهو يرى أن عدم وجود صفر مطلق للمقاييس والاختبارات أخمية والتربوية هو العقبة في معاملات أخرى غير معامل الاختلاف ، ففي المثال السابق .ي ذكرنا فيه أنه اذا أضفنا ٣٠ سؤالا سهلا الى الاختبار فان معامل الاختلاف سيتغير نغيرا كبيرا فلاحظ كذلك أن المتوسط الحسابي سينتابه قدر كبير من التغير حيث تزيد قيمته بمقدار ٣٠ درجة (على اعتبار أن جميع الأفراد سيتمكنون من حل هذه الأسئلة)

ومع هذا فالمتوسط الحسابي يستخدم بدرجة كبيرة من الثقة في جميع البحوث . كما أن البحوث النفسية تشتمل في كثير من الأحيان على مقاييس عضوية موضوعية كالطول والعمر وزمن الرجع reaction time وسرعة التنفس والنبض ... الخ وهذه لا جدال في صحة استخدام معامل الاختلاف في المقارنة بين تشتتها .

وزيادة على ذلك فانه اذا استخدمنا مقياسا نفسيا واحدا للمقارنة بين تشتت مجموعتين في صفة نفسية خاصة فليس ما يمنع من استخدام معامل الاختلاف ما دام الصفر النسبي المتعلق بالاختبار واحدا في الحالتين . كما في حالة المقارنة بين تشتت ذكاء البنين وذكاء البنات باستخدام اختبار واحد للذكاء لكليهما . أو المقارنة بين تشتت الانجاه العقلي لكل من المتعلمين والأميين باستخدام مقياس واحد لحذا الانجاه ، ولكن الذي يعترض عليه هو المقارنة بين درجات اختبارين أو مقياسين مختلفين حتى ولو كانت المجموعة التي يطبق عليها كل من الاختبارين واحدة . كالمقارنة مثلا بين القدرة اللغوية والقدرة الحسابية لفصل من الفصول أو مجموعة من الأفراد .

### : Standard score الدرجية المعيارية

اذا عرفنا أن تلميذا في فصل قد أخذ به أله أله من المواد فهل نستطيع أن نفهم مسن ذلك مبلغ تقدمه أو تأخره بالنسبة لفصله ؟ الفكرة المباشرة التي قد تفهم عند سماع هذه الدرجة أن هذا التلميذ متفوق في هذه المادة . ولكن هذا الاستنتاج قد يكون بعيدا عن الصحية في بعض الأحيان . فقد يكسون الامتحان الذي وضع لهذه المادة من السهولة لدرجة أن به كانت أقل درجة من درجات تلاميذ الفصل . فيكون ترتيب التلميذ بالنسبة لفصله في هذه المادة الأخير ، وقد يكون الأمر عكس ذلك تماما أي قد يكون الامتحان على درجة من الصعوبة بحيث أن أكبر درجة من درجات الفصل في هذا الاختبار كانت به أي أن هذا التلميذ في الحالة الثانية يكون ترتيبه الأول في المسادة المختبرة ، وعلى ذلك فمجرد ذكر القيمة لا يكفي مطلقاً لمعرفة مركزها في المجموعة التي المختبرة ، وعلى ذلك فمجرد ذكر القيمة لا يكفي مطلقاً لمعرفة مركزها في المجموعة التي المختبرة ، وعلى ذلك فمجرد ذكر القيمة لا يكفي مطلقاً لمعرفة مركزها في المجموعة التي النصيا .

وقد يساعد على معرفة مركز القيمة بالنسبة للمجموعة ذكر المتوسط الحسابي للقيم

ومقارنتها به ، فاذا عرفنا أنه في الامتحان السابق كان متوسط الدرجات ٥٠ درجسة أدركنا على الفور أن هذا التلميذ يقع في النصف المتقدم في الفصل ، اذ أنه يعلو عن هذا المتوسط بمقدار ٢٠ درجة . ولكنا حتى بعد هذا لا نستطيع معرفة مركز هذا التلميذ في النصف العلوي من الفصل . أي مدى بعد القيمة ٧٠ عن المتوسط بالنسبة لقيم المجموعة ، ولذا يحتاج الباحث الى مقارنة مدى ارتفاع القيمة أو انخفاضها عن المتوسط أي الفرق بين القيمة والمتوسط بمقياس من مقاييس التشتت ، والطريقة المتبعة لذلك هي ايجاد النسبة بين هذا الفرق والانحراف المعياري ، ويطلق على النسبة الناتجة « الدرجة المعيارية » :

# فالدرجة المعيارية = القيمة ــ المتوسط الانحراف المعياري

ومن الواضع أن هذه الدرجة قد تكون سالبة أو موجبة الاشارة حسب نقصها أو زيادتها عن المتوسط الحسابي هي صفر. ويادتها عن المتوسط الحسابي ، وأن الدرجة المعيارية المقابلة للمتوسط الحسابي هي صفر. وبالرغم من أن وحدات المتوسط الحسابي والانحراف المعياري تكون من نوع وحدات القيم الأصلية ، فإن كانت القيم نقودا بالريالات مثلا كان المتوسط الحسابي والانحراف المعياري ريالات كذلك ، الا أن الدرجة المعيارية نسبة لا تمييز لها ، فهي تعبر عن عدد مرات احتواء انحراف القيمة عن المتوسط على الوحدات من الانحراف المعياري : وهذا يجعل للدرجات المعيارية فائدة المقارنة بين مراكز القيم في مجموعاتها .

# المتوسط الحسابي والانحراف المعياري للدرجات المعيارية :

اذا تأملنا ما تساويه الدرجة المعيارية جبريا أدركنا أن المتوسط الحسابي لهذه القيم صفر ، وذلك لأن حاصل جمعها كذلك صفر . لأن مجموع الدرجات المعيارية للقيم عموعها — المتوسط × عددها ومجموعها — المتوسط × عددها ومجموع القيم يساوي بطبيعة الحال (متوسطها × عددها) والزيادة الايضاح نسوق المثال العددي الآتي :

لايجاد الدرجات المعيارية للأعداد الحمسة الآثية : ٣٧ ، ٣٥ ، ١٩ ، ٣٧ ، ٣٧ نجد أن المتوسط الحساني لها =

مراه الله على المعياري = ٧,١٨ والانحراف المعياري = ٧,١٨ فتكون القيم المعيارية هي على الترتيب :

واذا حسبنا المتوسط الحسابي لهذه القيم المعيارية وجدنا أنه صفر كما أن الانحراف المعياري لها يكون واحدا صحيحا ( يمكن الوصول الى هذه النتيجة الأخبرة رياضيا ) ولبيان ذلك في هذا المثال نتبع الخطوات الآتية :

على اعتبار أن المتوسط الحسابي للقيم المعيارية صفر تكون مربعات انحرافها عسن المتوسط :

 $(\cdot, \forall) = {}^{\mathsf{Y}} (\cdot, \forall \lambda \in -) \cdot {}^{\mathsf{Y}}$ 

# تحويل الدرجات المعيارية للقيم الأصلية :

قد يحتاج الباحث النفسي أو الاجتماعي الى تحديد قيم معيارية خاصة ومعرفة القيم الأصلية المقابلة لها ، كأن يعتبر جميع من تزيد درجته المعيارية عن ٢ أقوياء في المسادة المختبرة مثلا فهو في هذه الحالة يحتاج لمعرفة الدرجة التي تقابل ٢ درجة معيارية .

ولمعرفة الدرجة المقابلة نلاحظ أن معنى ٢ درجة معيارية أن الدرجة المطلوبة تزيد عن المتوسط الحسابي بضعف الانحراف المعياري ، فكأن الدرجة المطلوبة = المتوسط الحسابي + ٢ × الانحراف المعياري ، ومعنى -- ٢ درجة معيارية أن الدرجة المعيارية أقل من المتوسط الحسابي بضعف الانحراف المعياري . وبوجه عام فان : الدرجة المعيارية = المتوسط الحسابي + القيمة المعيارية × الانحراف المعياري .

### : Percentile الرئيسة

ذكرنا عند الكلام على الربيع أن الربيع هو النقطة التي تحدد أرباع المجموعة ، ولذلك فان في المجموعة ثلاث ربيعات وأربعة أرباع ، فالربيع الأدنى هو النقطة التي ينتهي عندها الربع الأول للقيم ، والربيع الأعلى هو النقطة التي ينتهي عندها الربع الثالث للقسيم .

وكما قسمنا المجموعة الى أربعة أجزاء في حالة الرّبيع فاننا نقسمها الى مائة جزء في حالة الرّبة المثينية وتكون الرّبة المثينية هي النقطة التي تحدد هذه الأجزاء فاذاحددنا النقط التي تقل

عنها ١٠٪ من القيم مثلا كانت هذه النقطة هي المثين العاشر ويرمز له بالرمز ٩٥ عنها ١٠٪ من القيم مثلا كانت هذه النقطة هي المثين الخاف فان الربيع الأول ر مهو نفسه المثين الخامس والعشرين مهم والربيع الثالث رم هو نفسه مهم ، لأن كلا من الربيع الأول والمثين الخامس والعشرين تقع قبلها ربع القيم ، وأما الربيع الثالث أو المثين الخامس والعشرين تقع قبلها ربع القيم ، وأما الربيع الثالث أو المثين الخامس والسبعين يقع قبله ثلاثة أرباع القيم .

وللمئين فائدة كبيرة في المقاييس العقلية فكثير من هذه المقاييس تكون نتائجها على هيئة مئين ، فيلحق بالاختبار مثلا جدول ببين المئين المقابل للدرجات المختلفة ، بحيث اذا طبق المقياس على أحد الأفراد ثم صحح فبالرجوع الى مثل هذا الجدول يمكن معرفة مركز هذا الفرد بالنسبة لمن هم في سنه أو مستواه ، أو رتبته المثينية المؤينة واذا فهمنا المقصود من المئين أو الرتبة المئينية أدركنا أنه قد يكون لدينا نسبة مثوية خاصة ويكون المطلوب تحديدها بالنسبة للقيم في المجموعة أو قد يكون لدينا قيمة خاصة ويكون المطلوب تحديدها بالنسبة للقيم التي تقل عن هذه القيمة المعطاة .

# حساب المشمين في جدول تكراري :

لا تختلف طريقة حــاب المثين عن طريقة حــاب الوسيط أو الربيع فكل ما يستازمه الحساب هو تحويل التكرار الى تكرار تجمعي . والمثال الآتي يوضح طريقة العمل.

أجري اختبار ذكاء على مجموعة من الأفراد فكانت درجاتهم فيه موزعــــة كـــالآتى : ـــ

التكرار التجمعي الصاعد	التكسرار	الخدات
٨	٨	•
14	11	_ 1.
74	1.	10
144	\*	[ Y·
٧٦.	77	- Ye
17+	£1	_ *·
<b>\*</b> *	۳۰	· · · Te
114	1.4	t*
34.	17	_ 10
1/4	•	_ <b>.</b> .
14#	,	··· **
7	•	Y·
	۲۰,	المجسرخ

ا جدران (۱۶) مرجات ۲۰۰ شخص في اعتبار (۲۵

فاذا أردنا معرفة المثين العشرين عمى كانت رتبته =  $\frac{Y}{Y} \times Y = 1.5$  أي أنه سيكون في الفئة (Y - Y) .

وهكذا يمكن حساب القيم المقابلة لكل مثين للاسنفادة به بعد ذلك حسب الجدول الآتي :

القيمة المقابلة	طريقة حساب القيمة	عدد القيم التي	المئين
للمثين	المقابلة للمثين	تحت المثين	المطلوب
10,01	0 × 11 - Y.	٧٠	<b>\</b> •
Y <b>Y</b> ,7V	0 × 10 1 7.	٤٠	۲۰
YV,0 ·	• × ££ - 7.	**	۳۰
٣٠,٤٥	s × V7 - A. : Y.	۸۰	٤٠
44,74	* × \(\frac{\frac{1}{1}}{2} + \frac{1}{2}\)	١	٥٠
40,	۳۵ + صفر	14.	٦٠
۳۸,۳۳	0× 17 12. + 40	11.	٧٠
£Y,YA	0× 10· - 17· + 1·	١٦٠	۸۰
<b>å</b> 1,11	۵۰ ــ صفر	۱۸۰	٠,

جدول (٤٣) تحديد المثين في الجدول التكراري

ويلاحظ أن مُسمر يقع عند مبدأ التوزيع حيث لا توجد قيمة أقل منه . وأن م المجموعة أقل منه . وأن م المجموعة أقل منها .

# ايجاد الرتبة المتينية Percentile Rank لإحدى قيم المجموعة :

وكما يحتاج الباحث الى تحديد القيمة التي تقابل مثينا مجددا قد يحتاج الى عكس ذلك ، أي الى معرفة الرتبة المئينية لقيمة من القيم لتحديد مركزها وسط المجموعة . ولنفرض مثلا أننا نريد أن تحسب الرتبة المئينية لفرد حصل على درجة ٣٨ في اختبار الذكاء السابق (جدول ٤٢) ، فتكون طريقة الحساب كما يلي :

أولا ــ درجة ٣٨ تقع في الفئة ( ٣٥ ــ)

ثانيا ــ هناك ١٢٠ فردا درجاتهم أقل من الحد الأدني للفئة

ثالثا ــ نظرا لأن تكرار الفئة ( ٣٥ ــ ) هو ٣٠

 $10 = 70 \times \frac{70 - 70}{0}$  فان عدد أفراد الفئة ( $70 - 70 \times 70$ ) التي تقل درجائهم عن  $70 \times 70 \times 70$ 

رابعا ــ عدد جميع القيم التي تقل عن ٣٨ في المجموعة = ١٣٠ ـ - ١٣٨ = ١٣٨

خامسا ـــ و نظر الأن عدد أفر اد المجموعة كلها  $\sim 7.0$  لذلك فان المدين المقابل للدرجة  $\sim 100$  هو  $\sim 100$   $\times 100$   $\sim 100$ 

ويمكن أن نصف طريقة ابجاد الرتبة المثينية المقابلة لاحدى قيم المجموعـــة في الخطوات الآتية : ـــ

١ ـــ حدد الفئة الني يقع فيها والحد الأدنى لهذه الفئة .

٢ -- احسب التكرار المتجمع قبل هذه الفئة .

٣ ـــ احسب عدد أفراد الفئة التي تقل عن القيمة وهو يساوي

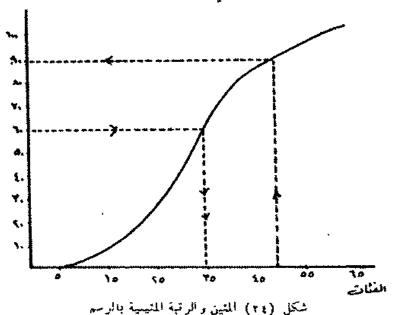
٤ - اجمع التكرار المتجمع قبل الفئة × عدد قيم الفئة التي تقل عن القيمة فينتج
 عدد جميع قيم المجموعة التي تقل عن القيمة المعطاة .

ه - احسب الرتبة المثينية المطلوبة على الوجه الآتي :

عدد القيم التي تقل عن القيمة المعطاة × ١٠٠

### ايجاد المثين والرتبة المئينية بالرسم :

الرتبة المئينية لقيمة ما هي عدد القيم التي نقل عنها في المقياس المثوي ، ولذلك فان الحطوة الأولى في أي جدول تكراري هي تحويل التكرارات في هذا الجدول الى تكرارات تجمعية مئوية (أي على اعتبار أن المجموع ١٠٠ ، ثم رسم المنحى التجمعي الناتج لهذا التوزيع ومن هذا المنحى بمكن بسهولة استنتاج أي مئين أو أي رتبة مئينية لأية قيمة . فاذا أجرينا هذه الخطوات على جدول (٤٢) الذي يبين توزيع درجات ٢٠٠ شخصا في اختبار للذكاء حصلنا على المنحى التجمعي المثوي الآتي :



ومن هذا الرسم يتضح أن المتين الستيني هو عند القيمة ٣٥ ، وأن الرتبة المثينية للقيمة ٥٠ هي ٩٠ ، وهكذا يتسنى للباحث معرفة أي مثين أو رتبة مثينية من الرسم مباشرة .

### العلاقة بين الدرجة المعيارية والرتبة المتينية :

ليست هناك علاقة مباشرة بين الدرجة المعيارية والرتبة المثينية ، ولذلك فلتحويل احداهما للأخرى نرجع الى القيمة الأصلية التي تقابلها . فاذا كان المطلوب مثلا معرفة الرتبة المثينية للدرجة المعيارية ١,٥ نضرب ١٠٥ × الانحراف المعياري للمجموعية ونضيف الى حاصل الضرب المتوسط الحسابي ، فتنتج القيمة الأصلية المقابلة للدرجة المعيارية المعطاة . وبمعرفة القيمة الأصلية يمكن استنتاج الرتبة المطلوبة كما سبق ايضاحه .

الا أنه في التوزيع الاعتدالي الذي سبق وصفه في الباب الأول يمكن بطريقة رياضية معرفة الرتبة المثينية المعادلة لأية درجة معيارية وبالعكس . وسيأتي تفصيل ذلك عند ذكر خواص المنحنى الاعتدالي في القادم .

### استخدام الرتبة المثينية في البحوث النفسية :

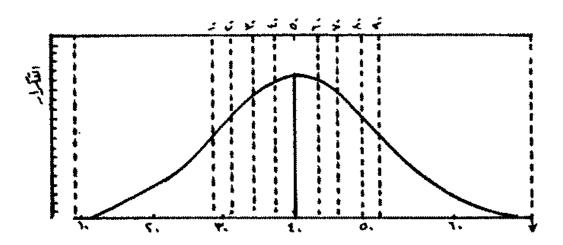
يستخدم المتين بكثرة في الاختبارات النفسية وخاصة الاختبارات الخاصة بالبالغين .

ففي اختبار ات الذكاء مثلا يمكن استخدام نسبة الذكاء وهي ( العمر العقلي × ١٠٠ )

في حالة الأطفال ، أما في حالة الكبار فالطريقة المستخدمة عادة هي الرتبة المئينية ، كما أن من المتبع عادة أن يستخدم في القياس أكثر من اختبار واحد أي ما يطلق عليه النفسيون و بطارية Battery ، سواء كانت هذه و بطارية Battery ، سواء كانت هذه السمة النفسية قدرة من القدرات أو صفة من الصفات الانفعالية كالانبساط submission والانطواء introversion أو السيطرة ascendance والحضوع introversion ونظرا لحاجة الباحث الى توحيد مستوى درجات كل هذه الاختبارات المتنوعة في البطارية الواحدة وسهولة مقارنتها بعضها ببعض فان طريقة الرتبة المئينية هي المستخدمة عادة في الواحدة وسهولة مقارنتها بعضها ببعض فان طريقة الرتبة المئينية هي المستخدمة عادة في الواحدة وسهولة ، ويعمل من النتائج المختلفة لهذه الاختبارات والمقاييس النفسية ما يسمى التخطيط النفسي Psychological Profile

وقبل أن نوضح طريقة رسم التخطيط النفسي ينبغي أن نذكر خاصية يجب مراعاتها عند استعمال الرتبة المثينية في القياس النفسي . ذلك أن وحدات المقياس المثيني ليست

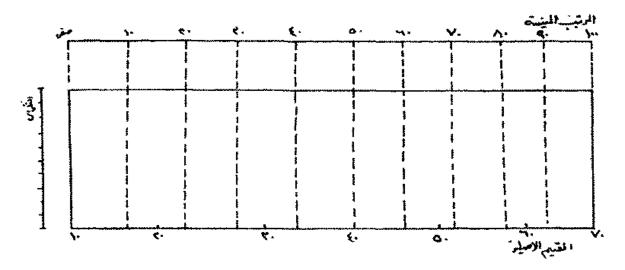
مساوية في أغلب الأحيان ، وخاصة عند طرفي التوزيع ، فاذا كان توزيع القيم الأصلية ينبع التوزيع الاعتدالي الجرسي – وهو ما يحدث في أغلب القياسات النفسية – فاننا فلاحظ أن أغلب القيم للتطرفة في التوزيع ، ربحا أن القياس المثيني مؤسس على عدد قيم المجموعة ينتج أن وحدات القيم المتساوية لا يقابلها وحدات متساوية في المقياس المثيني بل فلاحظ أن وحدات المقياس المثيني تضيق في المنطقة الوسطى بينما تتسع جدا في الطرفين كلما بعدت القيم عن المتوسط كما يتضح من شكل (٢٥). حيث يوضح المحور الأفقي الرسم مواضع هذه القيم بينما المواضع النسبية الرتب المثينية موضحة على الحط الأفقي العلوي ، وكما يتضح من هذا الرسم فلاحظ اتساع الوحدات في المقياس كلما بعدنا عن المتوسط على كل من الجانبين بينما تضيق الوحدات في المقياس المليني كلما قربنا من الوسط . فنجد مثلا أن ١٠٠/ الأولى من الحالات في الخط الأفقي العلوي موزعة على مسافة من القيم الأصلية تبلغ حوالي سبعة أمثال المسافة الموزعة عليها المعافي من المحالات القريبة من المتوسط ، أي أن المسافة عمفر و م. و ميه ، أو ميه و م



شكل (٢٥) اختلاف الوحدات في المقياس المثيني

ولكن هل يمكن أن تقابل وحدات القيم وحدات متساوية في المقياس المثيني في أي توزيع ؟ الواقع أن هذا يحدث في حالة التوزيع المستطيل الذي يتساوى فيه تكرار الفثات ، مهما قربت أو بعدت عن متوسط المجموعة .

كما يتضح من شكل (٢٦) ولكن هذا النوع من التوريع نادر الحدوث جدا في النتائج النفسية أو التربوية ، ولذا يجب مراعاة ذلك دائما عند ذكر النتائج أو توضيحها

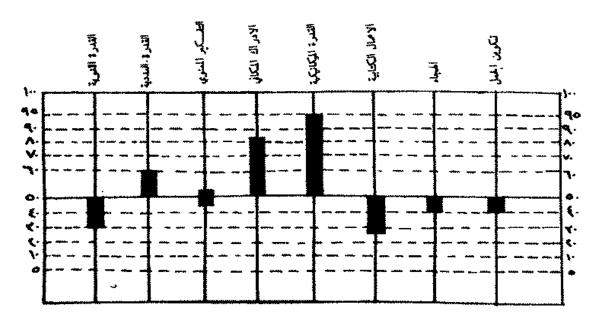


شكل (٢٦) تساري وحدات المقياس المينيني في التوزيع المستطيل

بالرسم أو التعليق عليها احصائيا ، فالرتبة المثينية تعطي صورة واضحة عن رتبة الفرد أو مركزه النسبي في المجموعة التي ينتمي اليها ، أو المجموعة الطبيعية التي تقنن المقياس على أساسها ولكنها لا توضح مطلقا الفرق بين الدرجة التي نالها الفرد والدرجة التي نالها فرد آخر . ولذا فان الرتبة المثينية لا تخضع للعمليات الحسابية ، كالدرجات أو القيم العادية ، الا أن سهولة حسابها وشدة وضوحها في المقارنة جعلها شائعة الاستخدام في البحوث النفسية والتربوية والاجتماعية .

فاذا استخدمنا الرتبة المثينية في رسم التخطيط النفسي كان علينا أن نراعي عدم تساوي وحدات المقياس المثيني في الرسم حتى نلتزم الدقة في التعبير والمقارنة . والمثال الآتي يوضح تخطيطا نفسيا لأحد الأفراد أجرى عليه الاختبارات الفارقة للقدرات القدرة Differential Aptitude tests ، ومنسه يتضح أن هسذا الفرد متميز في القدرة الميكانيكية وفي القدرة على الادراك المكاني بينما يظهر ضعفه بنوع خاص في القدرة على الأشغال الكتابية ، ولكنه عادي أو متوسط في القدرة على التفكير المعنوي .

ويستخدم المقياس المثيني كذلك بنوع خاص في مقاييس الميول interests



شكل (٢٧) تخطيط نفسي لقدرات أحد الأفراد

ذلك لأن هذه المقاييس تحتوي عادة على نواحي وميادين متنوعة من أوجه النشاط في الحياة. ولتوضيح طريقة استخدامه ننقل فيما يلي صورة تخطيط نفسي لنتيجة اجابات فرد على أسئلة مقياس كو در KUDER الذي يحتوي على نواحى الميول الآتية :

- ۱ ــ أوجه النشاط الخارجي Outdoor
- Mechanical الأعمال المكانيكية ... الأعمال
- ۳ ... اثنواحي المددية Computitional
  - \$ النواحي العلمية Scientific
  - ـ الدعاية والتأثير Persuasive
    - ۲ ـــ النواحي الفنية Artistic
    - V ــ النواحي الأدبية Literary
  - Musical النواحي الموسيقية
- Social service عيداعية الاجتماعية ٩
  - ١٠ ــ الأعمال الكتابية Clerical

و الأعداد العليا في الرسم توضح الدرجات التي نالها هذا الشخص في النواحي المختلفة، كما تدل الأعداد التي داخل المستطيلات على مقدار ما حصله من الدرجات في ناحية من هذه النواحي والدرجات الجانبية هي الرتب المثينية في المقياس . ومن هذا التخطيط يتضح شدة ميل هذا الشخص الى النواحي الأدبية ثم الحدمة الاجتماعية وضعف ميله في النواحي الميكانيكية والعددية .

ويلاحظ أن الحرف M في الشكل معناها مذكر Masuline ويلاحظ أن الحرف M في الشكل معناها مذكر فقد رسمت المستطيلات على اعتبار المعايير الخاصة بالذكور .

***	4	4	1	_	7 /		1 <i>3</i>	2	43	2	, 2	2	. 3	0	*	,	. 5	9	•4	0		- 1
440	-		1	1				,	i								_		_			E
<b>450</b>	-				1		,		Ş							.	1					1
un	-		1		TOTAL GRANDS		CHMBR				A 2570 PC		1				3		C. C. C. C.			- [
***		,	W.	•	*	<u></u>	A)	-	~	•	JA.		M	į.	M		<u>.</u>	} 	*	-		1
	ы	-		19		4.7	74	63	**	••	-	Ť	42	48		<u> </u>	*	74		7	10(	. 1
į į	7.9 7.6	4 6 4 7 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	Ϊ.,	**	333	4	47 46	41	1	44 57	w	**	41	41			47 66	1 a		**		1
	,,	. 71		133	::	44	<b>\$</b> 1	43	*	**	33	91	49	*	**		45	75	13	33 11		Į
[	14	12 11		Ä	#1	**	40	42	7	44 53	50 42	10	¥	,,		*	**	**	13	*	٠,	. 1
Brest City	75	1		**	::	4D	43	**	71	.,	44		1/2	S.	"		::	"	1	#1 24		
¥ ]	14	í a > i	.,	ä	::	74	4.4 5.3	14 14 14	i	**	.,	44	Z	Z		29	Ż	1	71.42.000.000	8.1		
1 _	;;	100	["	#7 #0	<b>1.</b>	3.0	42 E2	10	1	2.k 3.7	",	42	1	1	"		12	7		65 64 87	L	1
	76 ++	i	۱,,	33	<b> </b> ;;	3+	**	?"	************	12	#	39	1	1	27 28	<b>P</b> #	Ź	2	::	8.7		- [
		X	**	1	,,	"	**	17 64 70	H	35	₩	**	Z	12	m	١,,	W	نزا	I • •	*** *** ***	Ŀ.	. 1
, T	/	H	) 33 144	13	32 33	21	::	\$0 \$1 \$1	li.	\$2 \$1	3,	42 41	7	3	;;	,,	1	19	1::	32 75	Ė	Ī
	17		1,7	37	×	21	3	***	31	10	24 33	€₽ >>			<b>!</b> ::	Ϊ.,	7	12	**	1 24	Ē	-
a	1/	4 -	<b>!</b> "	20	1,5	24	1 52	::	#	4	12	‡2   17	12	1/2	10	[	/2		1 ::	1:	₽.	• [
3			54.	2+ 114	]	ľ.	41 10.	11 11 27	47	.].1		3.	Γ,	¥ν	<b>::</b> :	**	4	22	1"	ŀ	E	ı
با	//		13	17		##   };	13	35	1	1.	30 30	34	1	12	1,,	ļ.,	13		ŧ	ij	Ę,	•
}	X	ß	1::	1.4	1	71	#	33 37 31	1	1	·	23	γ,	13	<b>!</b> "	ļ'n	7			72 73 70 97 47 47 48 61 61	Ð.	. 1
	Ž	12	1:,	15	1	"	42 42	39	ļ"	1		3:0 1:1		1%	1 ''	30	K		1::	1	Ē-	`
<b>30</b> $\frac{1}{2}$	٧,	70	13	127	†20	77	1::	1		4-7	177	21	۲,	72	1:	١.,	ry	1	1	133	E,	• ]
<b>!</b>	ĸ		E	11	177	20		11	7,7			100	14		Į "	10	17	¥,	¶ **	1 5	<b>.</b>	
<b>{</b> - ‡	k	1	1::	١,,	125	1	37	24		1	"	1 72	V14	<b>Y</b> ,	۱، [		12	13	1:	H	F	.
) **·	17	17	] !!   }}		}"			*	1	7	L	Ľ	J)		1 '	1,		//		13		"
1 7	12	1	4 18	1	"	77	7	7	12	Z		1	1	7	<b>1</b> ~	Ti	7	$\mathcal{X}$	7	7	1	_
*	1	12	1;;	1	1	1 "	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	$\mathcal{V}$	K	1	12	12	V	<b>Y</b> )	1	ď	K	1	12		F	~
1 -	1%	1	1::	ļ٠	1"	14	1	/	1/	1	V.	6	V	1	L	Ŀ	Ý	1	12	//	F	
	17,	12	1::	10	1	7	1	V	V.		<i>"</i>	Y,	1	X	V	V	V	l)	$V_{i}$	7	<b>E</b>	<b>.</b> ]
	K,	1/2	Į:		12	1	V		$\chi_{2}$		X		V	V	1	X			4	H	E	
1	1	χ,	1	ij «	1	1	1/2		X	1	1/2	P	V	1	V	V	X	1	g/y	17	1	
	1/3	$Y_{i}$		ľ		V	1	1,	V.	X	1	K	V.	X	K	X	K	7)	14	b	生	
	ľ		]:		ľ		1	1	J,	Y	*/	1	X,	X	V.	Z	1	Z	1/2		4	
	1		1		$\mathcal{X}$	1/	1)	1	X	1	X	Y	X	V,	V	X	X	Z	17	1	4	
1	1	V	¥,	V	X	V.	1/	1	Ŧ,	X	Y	*	X	Y	X	1	X		45	1	7	
	6	X	X	1	V	X	R	1	Ŋ	X	V	Ł	*/	X	1	X	1/2	K	X	V	1	
1		4	12		X	1	X)		X	V		X	X	1	Ŋ	4	X)		ď,	X	3	_
"	-[/	X.	1	Z	2	¥2	1/	Z	7	X	1	Z.	1/	X	2	A.	1	X.	M (	E.		•

شكل (٢٨) تخطيط نفسي لأحد الأفراد في اختبار الميول لكودر

أسئلة على الباب الثالث

المجموعة الأولى الحتبار للهجاء على مجموعتين من الأفراد متقاربي السن : المجموعة الأولى من البنين و الأخرى من البنات وكان توزيع الدرجات فيها كما يلي :

تكراد البنسات	تكرار البنين	فئسات الدرجات
	٣	- \e
Y	٨	<b>Y</b> +
<b>£</b>	10	- Ya
Yo	77	Y·
<b>Y</b> A	۲.	Yo
Įo.	۲0	£·
47	٤٠	<b>t</b> o
77	**	<b>6 ·</b>
70	١٨	00
١٨	14	<b>1</b> •
٧	٧.	- To
	٥	٧٠ فما فوق
777	741	المجموع

جدول (11) درجات مجموعة من البنين وأخرى من البنات في اختبار الهجاء

والمطلوب المقارنة بين تشتني درجات المجموعتين .

٢ ... احسب الانحراف المعياري لدرجات البنات في جدول (12) .

٣ \_ أوجد الرتب المئينية المقابلة للدرجات الآتية في مجموعة البنين في جدول (٤٤).

£1 . 07 . 77 . TV . 14

إ ــ أوجد الدرجات المقابلة للدرجات المعيارية الآتية في مجموعة البنات في جدول
 ( 11 ) .

ــ هرد ، ۱۰۱ و صفر ، ۱۰۱ ، ۱۰۱ .

ه - احسب كلاً من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم العشر الآتية :

ه ، ٣٥ ، ٣٥ ، ٣٢ ، ٣٢ ، ٣٠ ، ٧١ ، ٧١ ، ٣٥ ، ٣١ ثم أضف ٥ على كل قيمة من هذه القيم العشر واحسب كل من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم الجديدة .

٦ اضرب كل قيمة من القيم العشر في المسألة السابقة في ٣ ثم احسب كل من
 المتوسط والانحراف المعياري للقيم الجديدة .

الجدول الآتي يبين المتوسط الحسابي والانحراف المعياري لمقاييس ثلاثة ،
 احسب معامل الاختلاف لكل منها ورتبها من حيث درجة تشتنها في كل من الجنسين على حدة ثم قارن بين تشتت كل مقياس في الجنسين :

ت	النبساء	ـــــ	قبضة الي	هر	سرعة ال	القياس
النساء	الرجال	النساء	الرجال	النساء	الرجسال	
0,14	9,٦٤	44,4	£Y,1	۱۸£,۰	٤, ۲۱۰	المتوسط
١,٩	1,7	٤,٨	₹,\$	14,4	Y + , +	الانحراف المعياري
170	1.0	177	۱۰۸	171	1.1	العـــدد

جدرل (ه ٤) نتائج ثلاثة مقاييس في الجنسين

٨ = مجموعتان من القيم المجموعة الأولى تشتمل على القيم الآتية :

£V : 44 : 40 : VY

والمجموعة الثانية تشتمل على القيم الآتية :

1 . TT . TT . YP . TT . 1Y

فاذا رمزنا للمتوسط الحسابي للمجموعة الأولى بالرموز م ورمزنا للمتوسط الحسابي للمجموعة الثانية بالرموز م

1.5

ولعدد قيم المجموعة الأولى بالرموز ن ولعدد قيم المجموعة الثانيــة بالرموز ن

وللمتوسط الحسابي للمجموعة الكلية الناتجة عن ضم المجموعتين بالرمز م

حقق هذا القانون في المجموعتين المذكورتين .

٩ -- باستعمال الرسم أوجد كلاً من : (أ) نصف المدى الربيعي .

(ب) القيمة التي رتبتها المثينية مع

(ج) الرتبة المثينية للقيمة ١٧

### في الجدول التكراري الآتي :

٣٠.	<b>*</b> Y	Y£	_Y\	-14	\0	۲1	4	_7	_٣	صفر_	الفثات
10	۱۸	٧٠	17	74	40	44	1 8	۱۲	١.	٥	التكرار

جدول (۲۶)

# (البائب (الوابع

# المنحى الاعتدالي وخواصه Normal curve

- = نسبة الاحتمال Probability Ratio
- = التوزيع الاعتدالي في المقاييس النفسية والاجتماعية
  - = جـــدول المنحـــني الاعتـــدالي
    - الارتفساع
  - تحويل التوزيع الى أقرب توزيع اعتدالي
    - المساحة
- العلاقة بين المئين والدرجة المعيارية في التوزيع الاعتدائي

  - = تلخيص لأهم خواص المنحنى الاعتدالي
  - مقاييس انحراف التوزيع عن الاعتدالي

Skewness الالتسواء

التفرطيح Kurtosis

#### نسسة الاحتمسال:

وعلى ذلك فان نسبة الاحتمال تكون محصورة بين صفر ، ١ فاذا كانت نسبسة الاحتمال صفرا كانت الظاهرة مستحيلة الحدوث كاحتمال انطباق السماء على الأرض مثلا ، واذا كانت نسبة الاحتمال (١) كانت الظاهرة مؤكدة الحدوث كاحتمال أن شخصا معينا سيموت يوما ما .

واذا ألقينا ست قطع من قطع العملة الى أعلى فان هناك سبع احتمالات للحالة التي تقع عليها القطع جميعها . أولا : أن تقع القطع الست جميعها على الوجه الذي به الصورة .

ثانيا : أن تقع خمس قطع على وجه الصورة وقطعة واحدة على الوجه الآخر .

ثالثًا : أن تقع أربعة قطع على وجه الصورة وقطعتان على الوجه الآخر .

رابعـــا: أن تقع ثلاث قطع على وجه الصورة وثلاث قطع على الوجه الآخر .

خامسا : أن تقع قطعتان على وجه الصورة وأربع قطع على الوجه الآخر .

سادساً : أن تقع قطعة واحدة على وجه الصورة وخمس قطع على الوجه الآخر .

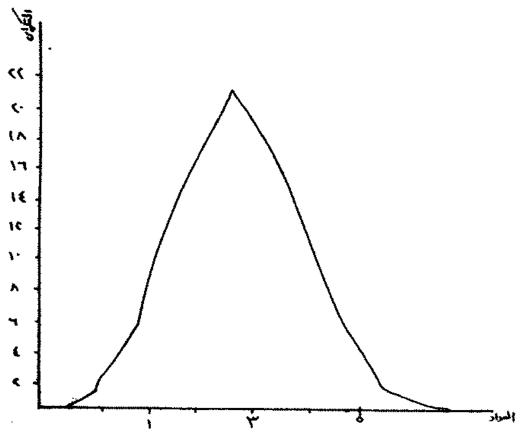
سابعا : أن تقع جميع القطع على الوجه الحالي من الصورة .

فاذا قذفنا هذه القطع الست الى أعلى ٦٤ مرة فان عدد الممرات المحتملة لحدوث هذه الحالات السبع يمكن حسابها بطريقة جبرية ( هي حدود مفكوك المقدار ذي الحدين الآتي ( ١/٢ + ١/٢ ) أمضروبة في ٦٤ (١) وهي مبينة في الجدول الآتي :

المجموع	٦	٥	٤	٣	۲	١	صفر	عدد القطع التي تقع على وجه الصورة
3.5	17	14	3	۲.	۱٥	٦	١	تكرار حدوث ذلك في ٦٤ مرة

جدول (٤٧) تكرار الحالات المختلفة لوقوع ست قطم

واذا رسمنا المضلع التكراري الذي يربط بين عدد القطع التي تقع على وجـــه الصورة وتكرار حدوث ذلك تحصل على الشكل الآتي :



شكل (٢٩) المضلع التكراري للحالات المختلفة لوقوع ست قطع على وجه الصورة

ومن هذا الجدول يستنتج أن نسبة احتمال وقوع الست قطع على وجه واحد سواء وجه الصورة أو الوجه الآخر  $= \frac{1}{11} \cdot \left( \frac{1}{11} \cdot \frac{1}{11} \right)$ .

وأن نسبة احتمال وقوع خمس قطع على وجه واحد وقطعة واحدة على الوجه الآخر =  $\frac{1}{11}$  (  $\frac{1}{11}$  +  $\frac{1}{11}$  ) .

و نسبة احتمال وقوع أربع قطع على وجه واحد و قطعتين على الوجه الآخير  $\frac{1}{77}$   $\frac{1}{77}$   $\frac{1}{77}$   $\frac{1}{77}$   $\frac{1}{77}$   $\frac{1}{77}$   $\frac{1}{77}$   $\frac{1}{77}$   $\frac{1}{77}$ 

و نسبة احتمال وقوع ثلاث قطع على وجه والثلاث قطع الأخرى على الوجه الآخر = • (۲۰/۱۱) .

ومجموع نسب الاحتمالات كلها يساوي واحدا صحيحا كما سبق.

ومثل هذا التوزيع الذي بمثله الجدول يطلق عليه والتوزيع ذو الحدين، Binomial Distribution الذي Binomial Distribution الذي نصدده الآن كلما كان العدد كبيرا.

والمنحى الاعتدالي منحى متاثل ، أي أنه لو أسقط خط عمودي من قمته الى المحور الأفقي فان نصفي المنحى ينطبقان على بعضهما تماما . ويقسم هذا الحط العمودي المساحة التي يحجزها المنحى تحته (وتمثل هذه المساحة مجموع القيم) الى نصفين متساويين . ونظرا لخاصية التماثل هذه فان المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال لمثل هذا التوزيع يكون متحدة القيمة . والشكل الجرسي الذي يحدد التوزيع الاعتدالي يوضع أن التكرارات تكون صغيرة نسبيا عند طرفي التوزيع بينما تزداد التكرارات كلما قربت من مركز المنحى حتى تبلغ أكبر ما يمكن عند الوسط تماما .

# التوزيع الاعتدالي في المقاييس النفسية والاجتماعية :

اذا رسمنا منحنيات لتوزيع صفات جسمية أو نفسية أو اجتماعية وجدنا أنها تميل كلما زاد عدد الحالات المبحوثة الى شكل التوزيع الاعتدالي . الا أن التوزيع الاعتدالي النموذجي typical لا يمكن أن نحصل عليه تماما في أي بحث من البحوث مهما اتسع نطاقه ، ولكننا نستطيع أن نتصور بحثا مثاليا لم تشبه شائبة من حيث الظروف المؤثرة عليه ، ونستطيع أن نتصور كلك أننا استطعنا اجراء البحث على جميع أفراد المجتمع الأصلي وعند ذلك فقط يمكن أن نصل الى التوزيع الاعتدالي النموذجي . ومن هذا نفهم أن التوزيع الاعتدالي ما هو الا تجريد Abstraction لما يجب أن يكون عليه التوزيع ، ونحن نفترضه دائما لأننا نلحظ أن البحث كلما اتسع وزاد دقة قربنا من التوزيع الاعتدالي في حالات السمات نلاحظ أن البحث كلما اتسع وزاد دقة قربنا من التوزيع الاعتدالي في حالات السمات النفسية والاجتماعية . ويمكن تلخيص أهم هذه الحالات فيما يلي :

## ١ - الاحصاءات الييولوجية:

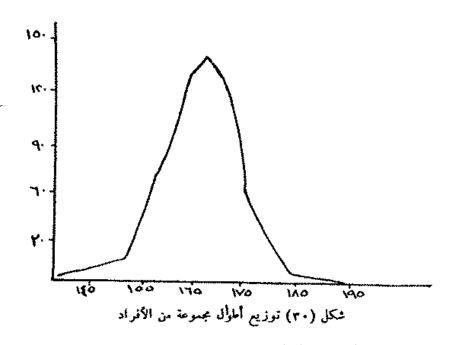
فلو حسبنا نسبة المواليد الذكور الى الاناث في بقعة محددة في عدد من السنين لوجدنا أن توزيع هذه النسبة يتبع توزيعا شبيها بالتوزيع الاعتدالي .

### ٢ ــ المقاييس العضوية :

فالطول والوزن مثلاً في مجموعة من أفراد متماثلين في السن والجنس والبيئة موزع توزيعاً قريباً من الاعتدالي .

# ٣ ــ الظواهر الاجتماعية :

كنسبة الزواج والطلاق في ظروف عادية محددة أو الدخول أو الأجور أو مستوى / الانتاج الصناعي لعمال متحدي الظروف .



# £ ـــ المقايس النفسية والتعليمية :

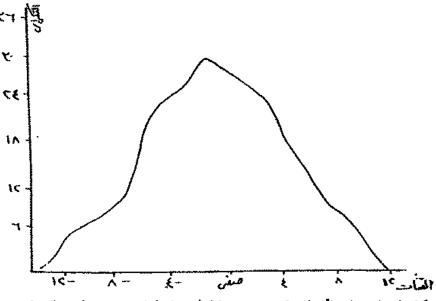
كالذكاء حسب نتائج اختبارات الذكاء المقننة . ونتائج اختبارات القدرات وسرعة التر ابط وزمن الرجع ومدى الانطواء أو الانبساط ونتائج الاختبارات التحصيلية المختلفة كاختبار الحساب أو القراءة مثلا .

### ٥ ــ اخطاء التقرير والملاحظة :

فملاحظة الأطوال والصفات العضوية أو النفسية أو الاجتماعية المبنية على التقديرات الشخصية تحتوي على أخطاء قد تجعلها تزيد أو تنقص عن قيمها الحقيقية ، وتكون هذه الانحر افات عن القيم الحقيقية عادة موزعة توزيعا اعتداليا ، حيث يكون نصفها سالبا يجعل التقدير الشخصي أقل من القيم الواقعية ونصفها موجب يزيد التقدير الشخصي فيها عن القيم الحققسسة .

وبالاختصار نستطيع أن نقول أنه ما دام البحث النفسي أو الاجتماعي خاليا من العوامل التي قد ترجع احدى كفتي نسبة الاحتمال على الكفة الأخرى فان الظواهر الطبيعية سواء كانت نفسية أواجتماعية تميل دائما الى أن تتبع التوزيع الاعتدالي .

الا أنه ينبغي ألا يسوقنا هذا التعميم الى أكثر مما ينبغي ، فهناك احتياطات ينبغي أن نتخذها قبل أن نتوقع مثل هذا التوزيع ، فظروف البحث قد تجعل مثل هذا التنبؤ بنوع التوزيع بعيدا عن الصحة كما سيتضح فيما بعد .



شكل (٣١) مضلع لأخطاء تقدير شخص لطول خط طوله ١٠ سم (٢٠٠) محاولة

# جداول المنحنى الاعتدالي ـــ الارتفاع :

ونظرا لأن المنحى الذي بحدد التوزيع الاعتدالي يتبع شكلا هندسيا محددا فان مسيره عكن أن يعبر عنه بمعادلة كأي منحى آخر ومعادلة المنحى الاعتدالي هي :

$$\frac{Y_{off}}{Y \in Y} - \frac{3}{4} = 0$$

على اعتبار أن ص = ارتفاع المنحنى عند القيمة التي انحرافها عن المتوسط س . ن=عدد القيم في المجموعة .

- ، ع = الانحراف المعياري للتوزيع .
  - ، ط = ۲,1217
- - ، س = انحراف القيمة عن المتوسط .

ونظرا لأن قيمة كل من ط ، ه ثابتة ومعروفة فتصبح المعادلة كما يلي :

$$\frac{v_{ob}}{V} = \frac{V}{V} \times \frac{V}{V} \frac{V}{V} \times \frac{V}{V} \times \frac{V}{V} = \frac{V}{V} \times \frac{V}{V} \times$$

واذا كان الانحراف المعياري للتوزيع هو الواحد الصحيح كما هو الحال فيما اذا حولت جميع قيم المجموعة الى درجات معيارية كما سبق ، تصبح المعادلة كما يلي .

$$\frac{V_{out}}{Y} = Y_{0}V_{1}V_{1} \times \frac{U}{Y_{0} \cdot 97} = 0$$

أي أن الارتفاع عند أية نقطة في المنحى الاعتدالي يتوقف على عدد القيم في المجموعة وعلى بعد النقطة عن مركز المنحى ، وهذا بديهي فعدد القيم في المجموعة هو الذي يحدد المسافات التي يحدها المنحى ، وبعد النقطة عن المركز يحدد مدى ابتعاد الارتفاع عن أكبر ارتفاع في المنحى وهو المعبر عن تكرار المنوال في التوزيع .

ولن يحتاج الباحث الى حساب هذه الارتفاعات في النقط المختلفة ان أراد أن يحصل على توزيع اعتدالي نموذجي ، فان هذه الأرتفاعات قد حسبت ورتبت في جدول احصائي خاص هو جدول (٤٩) . وما على الباحث الاحساب انحراف القيمة عن المتوسط وبالرجوع الى هذا الجدول بستطيع معرفة تكرار هذه القيمة على اعتبار أن التوزيع اعتدالي نموذجي .

وبهذه الوسيلة يمكن تحويل أي توزيع الى أقرب توزيع اعتدالي . الا أنه يجب ألا يكون التوزيع الأصلي بعيدا بعدا له دلالة احصائية عن هذا التوزيع الاعتدالي النموذجي . فاذا أجرى الباحث اختبارا نفسا على مجموعة من الأشخاص ، ثم صنف درجات هذا الاختبار في جدول تكراري فان من الطبيعي أن يجد أن هذا التوزيع ينحرف قليلا أو كثير اعن التوزيع الاعتدالي . الا أنه اذا كان الانحراف قليلا ليس له دلالة احصائية فانه يحتاج في كثير من الأحيان الى تعديل التوزيع حتى ينطبق على التوزيع الاعتدالي النموذجي أي على اعتبار أن سبب انحراف التوزيع الأصلي عن التوزيع النموذجي راجع الى أن البحث قد أجري على عبنة محددة ولم يجر على المجتمع الأصلي مثلا . وهو يفترض في هذه المحت قد أجري على عبنة محددة ولم يجر على المجتمع الأصلي . الا أننا ينبغي أن المحالة أن السمة التي يقيسها موزعة توزيعا اعتداليا في المجتمع الأصلي . الا أننا ينبغي أن أغذر من الوقوع في افتراض خاطىء في بعض الأحيان ، فقد يتسبب انحراف التوزيع عن أسباب حقيقية جوهرية في التجربة أهمها :

(١) أن البحث يجري على عينة محددة بأوصاف لا تنطبق على أوصاف المجتمع الأصلي فاذا أجرينا اختبارا للذكاء على مجموعة أغلبها من ضعاف العقول فلا بد أن ينحرف التوزيع عن الاعتدالي . كما نتوقع ذلك أيضا اذا طبق نفس الاختبار على مجموعة

أغلبها من أفراد ممتازي الذكاء . ولا يمكننا في مثل هذه الحالات أن نعدل التوريع على أساس افتراض أن الذكاء موزع توزيعا اعتداليا في المجتمع الأصلي .

(٢) أن المقياس يكون متحيزا Biased لناحية خاصة كأن يكوں الاختبار الذي يجري على مجموعة من الأفراد أعلى من مستواهم أو أقل منه بدرجة كافية لأن يجعل التوزيع ملتويا التواء موجبا أو سالبا . أو أن الأسئلة التي تشتمل عليها الاختبار لم تكن من النوع المميز بين الضعيف والقوي مثلا .

(٣) أن السمة التي يهدف الباحث الى قياسها لا تكون موزعة توزيعا اعتداليا في المجتمع الأصلي ، فاذا طبقنا مقياسا للاتجاهات العقلية يتعلق بالاتجاه نحو اليهود في الوقت الحاضر على جماعة من العرب فان درجات هذا المقياس لا يمكن أن تكون موزعة توزيعا اعتداليا ، حيث تميل أغلب الاتجاهات الى الناحية المعادية لليهود . فمن الطبيعي اذن أن نحصل على توزيع غير اعتدالي . وأن أية محاولة لتعديل هذا التوزيع تكون محاولة صناعية تبعد التوزيع عن صورته الحقيقية .

لهذا كان علينا أن ندرك أن الموقف في أي اختبار يتوقف على ثلاثة عوامل: السمة التي نقيسها والأداة التي تستخدمها في القياس والعينة التي نقيس السمة فيها. وكل من هذه العوامل الثلاثة تحتاج الى فحص قبل أن يقرر الباحث تعديل التوزيع الذي حصل عليه ليطابق التوزيع الاعتدالي النموذجي . فالعامل الأول يستفيد الباحث في فحصه بخبراته السابقة بالبحوث الأخرى في نفس الميدان ، والتي على أساسها يستطيع أن يفترض أن السمة موزعة في المجتمع الأصلي توزيعا اعتداليا ، وأما العامل الثاني فيحتاج في فحصه الى خبرة بالقياس النفسي والشروط الاحصائية لصلاحية المقياس الذي يستخدمه . وأسا العامل الثالث الخاص بالعينة فله شروط خاصة لضمان عدم انحياز الباحث الى صفات العامل الثالث الخاص بالعينة فله شروط خاصة لضمان عدم انحياز الباحث الى صفات خاصة في اختيارها وشروط صلاحية المقياس ستبحث بالتفصيل فيما بعد .

الا أن الاحصاء يعاون الياحث خطوة أخرى ، فهو يدله بعد أن يعدل التوزيع الذي حصل عليه عما اذا كان محقا في هذا التعديل أم أن التوزيع الأصلي مختلف اختلافا كبير اعن التوزيع المعدل مما قد يظن معه أن هناك خطأ ما في أحد العوامل الثلاثة السابقة .

# تحويل التوزيع الى أقرب توزيع اعتدالي :

عرفنا أن الباحث يهدف في كثير من الأحيان الى اجراء عملية ( تصحيح ) للتوزيع

الذي يحصل عليه في محثه ، فيعمل الى تحويله الى أقرب توزيع اعتدالي تموذجي ، وفي هذه الحاة يستميد من الحدول الذي يوضع ارتفاع المنحنى الاعتدالي عند النقطة المختلفة من التوزيع . ومن الواجب ألا يختلف التوزيع الحديد عن التوزيع الأصلي في كل من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري .

ونظرا لأن الحدول يعطي الارتفاعات عند النقط المعبرة عن انحراف القيم عسن المتوسط الحسابي فان الارتفاعات فيه محسوبة في توزيع انحرافه المعياري هو الوحدة . لللك كان من اللازم تحويل القيم الى درجات معيارية حتى تناسب الجداول المعدة للمنحنى الاعتسدالي

ولتوضيح طريقة التحويل نتبع الخطوات التي أجريت في الجدول الآتي وهو يبين توزيع درجات ٢٦٠ شخصا في اختبار للذكاء :

١٠	4	٨	٧	٦	٥	ŧ	٣	Y	Ĭ
된	من	<u>ح</u> ع	ح (ر-ن)	ي ٢٠	دة	ح	الفثات	التكرار ك	الفثات
						<u> </u>	س		
£,£Y	٠,٠٤	۲,۲۱	•Y						
۸,۸۵	٠,٠٨	-۸۸۱	<b>£</b> Y	You	78	٤	40	17	۳۰,
17,71	٠,١٦	1,47-	44-	144	77	۳	10	**	£ •
<b>YA,AY</b>	٠,٢٦	۰,4۳_	Y Y	۱۰۸	0 ž	٧ _	00	77	o·
۳۸,۷۲	۰,۳٥	۰,۵۱	17	40	To	١	70	40	7.
\$8,78	٠,٤٠	٠,٠٩	۲	_	صفر	صفر	٧٥	٤٥	V+
17,04	٠,٧٨	٠,٣٤	٨	£ Y	٤٧	١	٨٥	£Y	٠٠٨٠
44,14	٠,٣٠	٠,٧٧	14	117	70	Y	40	٧٨	4.
77,17	۰,۲۰	1,14	44	171	۷۵	٣	1.0	11	_1
17,17	٠,١١	1,77	٣٨	445	٥٦	٤	110	1 1 1	11.
0,07	٠,٠٥	٣,٠٤	٤٨	۳.,	٦,	۵	140	14	<b>۱</b> ۲ •
7,71	٠,٠٢	Y,£Y	Φ٨						
Y04,44				1221	171			77.	
					Y14				
				:	٧٥				

جدول (٤٨) تحويل التوزيع إلى اعتدالي تعوذجي

المتوسط الحساني ۲۰،  $\frac{70}{1} \times 1 = VV$  والانحراف المعياري –  $1 \cdot \sqrt{\frac{71}{111}} - (\frac{70}{111})^{7}$  – ۲۳.۵۰ والانحراف المعياري –  $1 \cdot \sqrt{\frac{71}{111}} - (\frac{70}{111})^{7}$ 

			Y	
الار تفاع	المساحة	المساحة	المساحة من	الدرجة
(ص)	الصغرى	الكبرى	المتوسط	المعيارية
• .٣٩٨٩	*,0 * * *	.,	.,	٠,٠٠
•,٣4٨٤	٠,٤٨٠١	1.0199	+.0144	٠,٠٥
٠,٣٩٧٠	٠,٤٦٠٢	۸۶۳۹۸	1,1841	٠,١٠
03.44.4	.,28.2	٠,٥٥٩٦	1,1097	۰٫۱۵
٠,٣٩١٠	٠,٤٢٠٧	۰,۵۷۹۳	.,.٧٩٣	٠,٢٠
۲٫۳۸٦۷، ۰	٠,٤٠١٣	•,04٨٧	1,144	٠,٢٥
٠,٣٨١٤	۰٫۳۸۲۱	٠,٦١٧٩	1-1174	٠,٣٠ ٠
۲۵۷۳,۰	•,٣٦٣٢	۸۶۳۲۸	٠,١٣٦٨	۰٫۳٥
<b>۲۸۲۳,۰</b>	*,4287	1,770\$	3001.1	٠,٤٠
۵۰۳۳,۰	1,477.1	•,٦٧٣٦	٠,١٧٣٦	۰,٤٥
٠,٣٥٢١	۰٫۳۰۸۵	.,7410	•,1910	٠,٥٠
٠,٣٤٢٩	•,1414	۰,۷۰۸۸	۰٫۲۰۸۸	•,00
٠,٣٣٢٢	٠,٢٧٤٣	٠,٧٢٥٧	۰٫۲۲۰۷	٠,٦٠
۰,۳۲۳،	۸۷۵۲۰۰	٠,٧٤٢٢	٠,٢٤٢٢	٠,٦٥
٠.٣١٢٣	.737.	۰,۷۰۸۰	٠,٢٥٨٠	٠,٧٠
٠,٣٠١١	*,7777	٤٣٧٧٠٠	٠,٢٧٣٤	۰٫۷٥
۰,۲۸۹۷	٠,٢١١٩	۰٫۷۸۸۱	١٨٨٨٠	٠٨٠
٠,۲٧٨٠	+,1477	٠,٨٠٢٣	۰٫۳۰۲۳	۵۸٫۰
٠,٣٣٦١	٠,١٨٤١	.,1104	٠,٣١٥٩	٠,٩٠
.,4021	1,1711	٠,٨٢٨٩	٠,٣٢٨٩	۰,٩٥
٠,٧٤٢٠	۰,۱۵۸۷	٠,٨٤٢٣	٠,٣٤١٣	1,21
•,4444	+,1879	۱۳۵۸،۰	٠,٣٥٣١	1,00
٠,٢١٧٩	.,1404.	۰٫۸٦٥٣	*,٣724	1,11
٠,٢٠٥٩	1,1701	+,44.4	.,٣٧14	1,10

., 7 . 04	+,1701	•,٨٨٤٩	1.474	1,10
*,1424	١,١١٥١, ٠	1.AV£4	• . ٣ ٨ ٤ ٩	1.7.
۲۲۸۱۰۰	٠.١٠٥٦	.,146	4128	1.70
.,1718	•,47٨	4.44	٠,٤٠٣٢	1,4.
1,17.2	•,•۸٨٥	.,4110	1,2110	1,40
1,1847	۰,۰۸۰۸	4.4144	1,2194	١,٤٠
.,1448	.,.٧٣0	.,4770	٠,٤٢٦٥	1,20
.,1740	•,•٦٦٨	•,4777	٠,٤٣٣٢	١,٥٠
.,17	•,•4•4	.,4748	+,2742	1,00
1,11.4	·,•#1A	1.4807	٠,٤٤٥٢	1,7.
.,1.74	1,1110	1.4010	.,20.0	1.70
.,.46.	1,1227	1002.	.,1001	1.70
•,•,	٠,٠٤٠١	9099	.,2099	1.70
•,•٧4•	٠,٠٣٥٩	.,472+	•,\$751	1,40
٠,٠٧٢١	•,•₩¥¥	٠,٩٦٧٨	· .£7VA	1,80
.,	•,•	•,4٧١٣	٠,٤٧١٣	1.4.
1,+044	*,• ***	+.4V££	•, \$ > £ \$	1,40
*,***	٠,٠٢٢٨	+.4VVY	+,1277	٧.٠٠
·,·\$AA	•,•••	+-4V4A	+,2744	٧,٠٠
1,124.	•,•1٧4	1748,	., £ 171	٧,١٠
1,1490	*,*108	·,4A£Y	•, £ \$ \$	Y,10
.,	1,114	1748,1	1783,	٧,٧٠
٠,٠٣١٧	•,•177	٠,٩٨٧٨	٠,٤٨٧٨	Y,Y0
+,+44	•,• • • •	•>٩٨٩٣	٠,٤٨٩٣	٧,٣٠
.,	1,1148	٠,٩٩٠٦	1,89.7	Y, <b>Y</b> 0
•,•448	•,••۸٢	1,4414	۸۱۴٤,۰	٧,٤٠
1,114	٠.٠٠٧١	٠,٩٩٢٩	*,5444	Y,to
۰,۰۱۷۵	•,••74	٠,٩٩٣٨	۰,٤٩٣٨	Y,••
30/	• . • • 4	• 4487	*;£4£7	Y,00
		1	,	•

٠,٠١٣٦	۰,۰۰٤٧	٠,٩٩٥٣.	•,1904	۲,٦٠
•,•114	٠,٠٠٤٠	1,4441	٠,٤٩٦٠	07,7
٠,٠١٠٤	٠,٠٠٣٥	•,4470	.,1970	۲,۲۰
•,••٧4	٠,٠٠٢٦	•,44٧٤	•,14٧1	<b>4</b> ,٨٥
٠,٠٠٦٠	٠,٠٠١٩	1,4441	٠,٤٩٨١	۲,۹۰
.,££	۰٫۰۰۱۳۵	٠,٩٩٨٦٥	۰٫٤٩٨٦٥	۳,۰۰
٠,٠٠٣٢	•,•••٩٧	۰,۹۹۹۰۳	٠,٤٩٩٠٣	۳,۱۰
٠,٠٠٧٤	.,	+,999٣1	٠,٤٩٩٣١	٣,٢٠
٠,٠٠١٢	٠,٠٠٠٣٤	+,99977	* •,89977	٣,٤٠
•,•••	٠,٠٠٠١٦	٠,٩٩٩٨٤	<b>٠,٤٩٩</b> ٨٤	۳,٦٠
.,	٠,٠٠٠٧	٠,٩٩٩٩٣	٠,٤٩٩٩٣	<b>ቸ</b> ,አ•
•,•••	٠,٠٠٠٣١٧	**,44447A**	۰, <b>٤٩٩٩</b> ٦٨٣	٤,٠٠
٠,٠٠٠١٥	.,	•,444447	٠,٤٩٩٩٩٦٦	<b>\$</b> , <b>0</b> ·
.,	٠,٠٠٠٠٠٣	·,444444V	·,£44444V	0,11
.,	.,	4444444	+,£444444	۳,۰۰

جدول (٤٩) الارتفاعات وأجزاء المساحة في المنحني الاعتدالي

وتنحصر خطوات العمل بعد معرفة المتوسط والانحراف المعياري في تحويل القيم الى درجات معيارية ، ثم تحديد أطوال الارتفاعات لمختلفة للمنحى الاعتدالي النموذجي عند النقط المعبرة عن الدرجات المعيارية . وذلك بالكشف عن هذه الارتفاعات في الجدول المعد لهذا الغرض ( جدول ٤٩ ) وتكون الخطوة التالية بعد ذلك تصحيح هذه الارتفاعات يما يناسب عدد القيم (ن) والانحراف المعياري للمجموعة (ع) ومدى الفئة (ف) وتتلخص الخطوات فيما يأتى : ...

١ – احسب المتوسط الحسابي والانحراف المعياري للمجموعة (م، ع).

٢ - حول مراكز الفثات الى قيم معيارية أي أوجد لكل منها ( الله على العتبار أن س هي مركز الفثة وم هي المتوسط الحسابي و ع هي الانحراف المعياري المعجموعـــة.

٣ ــ ونظرا لأن الحدول التكراري الذي تحصل عليه من الأبحاث العلمية يكون ناقصا من طرفه أي أن هناك احتمالا كبيرا في عدم اشتمال العينة المختارة على أقل القيم وأعلاها في المجتمع الأصلي فان من المتبع عادة أن نضيف الى الجدول فئتين احداهما قبل أقل الفئات قيمة والأخرى بعد أعلاها قيمة .

٤ ــ باستخدام ( جدول ٥٥ ) أوجد الارتفاعات ( في العمود ص ) المقابلة للقيم الدالة على الدرجات المعيارية .

ويلاحظ أن هذا الجدول لا يشتمل على جميع القيم المعيارية ، بل تتابع هذه القيم فيه كل ه٠,٠٠ في أغلب الجالات ، ومن الطبيعي أن الجدول الكامل يمكن اعداده بحيث يشتمل على جميع القيسم في أغلب الإحيان الا أنه بعملية حسابية بسيطة يمكن استخدام هذا الجدول المختصر لتحديد أي ارتقاع عند أية قيمة معيارية ولنضرب لللك المثالين الآتيين :

الارتفاع المقابل للقيمة المعيارية ٠,٩٠ = ٢٦٦١. والارتفاع المقابل للقيمة المعيارية ٠,٩٥ = ٢٥٤١.

فاذا أردنا معرفة الارتفاع المقابل للقيمة المعيارية ٠,٩٣ مثلا فاننا نوجد الفرق في الارتفاع المقابل لفرق مر.٠٠ في القيمة المعيارية عند هذه النقطة من المنحى وهو هنسا = ٠,٠١٢٠ .

ونظرا لأن الفرق المطلوب هو ۰٫۰۳ فقط في الدرجة المعيارية ( زيادة ۹۳،۰ عن ۰٫۰۰۰ فقط في الدرجة المعيارية ( زيادة ۹۳،۰ عن ۰٫۰۰۰ فيكون الارتفاع المالي ۱٫۰۰۷۰ منكون الارتفاع المطلوب = ۲۲۰۲۱، ۲۵۸۹ من ۲۵۸۹ من ۲۲۲۲۰ منكون الارتفاع المطلوب = ۲۲۲۲۱، ۲۵۸۹ من ۲۸۸۹ من ۲۵۸۹ من ۲۵۸۹ من ۲۸۸۹ من ۲۵۸۹ من ۲۰۰۸ من ۲۵۸۹ من ۲۵۸۸ من ۲۵۸ من ۲

و بنفس الطريقة نستطيع ايجاد (ص) المقابل لقيمة معيارية ٢,٦٨ :

الارتفاع المقابل للقيمة المعيارية ٧,٦٥ = ٢٠١٩.

والارتفاع المقابل للقيمة المعيارية ٢,٧٠ = ٠,٠١٠٤ فيكون الفسرق

ويكون الارتفساع المطلوب = ٠,٠١١٩ \_ ٠٠٠١٠ × ٢٠٠٠

(ه) للحصول على التكرار المتوقع حسب التوزيع الاعتدالي النموذجي الذي يناسب عدد القيم الأصلية والانحراف المعياري يضرب كل ارتفاع وجد من الجدول في عامل مقدداره.

وهذا المقدار يساوي في الجدول التكراري  $\frac{77. \times 10}{77.00}$ 

ولنتتبع الآن في نفس الجدول التكر ار النظري (آ) لاحدى الفئات وهي الفئة (٤٠ -). خطوات الحصول على آئے للفئة ( ١٠٠ - ) تنحصر فيما يأتي :

- (١) مركز الفئة ( العامود الثالث ) ٤٠
- (٢) اتحراف هذا المركز عن المتوسط الحسابي (س-م عامود ٧) ١٢
- (٣) القيمة المعيارية لهذا المركز وهي خارج قسمة ١٧ على الانحراف المعياري وهـ،
   ٢٣٥٥ تساوى ١٥،٠
- (٤) الارتفاع عند القيمة المعيارية ٠,٥١ ( ويلاحظ أن الاشارة هنا ليست ذات أهمية ، فنظرا لتماثل المنحني فان الارتفاع عند ٠,٥١ هو نفسه عند ١٥,٠ معيارية ) يمكن الحصول عليه من جدول (٤٩) كما يأتي :

(٥) التكرار البطري آكم عامود ١٠ ) يمكن الحصوب عليه بضرب ٢٥٠ × عامل قدره

$$\frac{e^{-1}}{3}$$
 = ۱۱۰ الى هذا الحدول فينتج ۳۸.۷۲

واذا قارنا التكرار الأصلي للفئات في هذا الجدول بالتكرار المعدل النبوذجي وجدفا تقاربا كبيرا بينهما ، وذلك لأن التوزيع الأصلي قريب من التوزيع الاعتدالي وفلاحظ في التكرارات النظرية الحديدة أن المتوسط الحسابي والانحراف المعياري ومجموع التكرارات لم تتغير نتيجة لهذا التعديل وبمثل هذه الطريقة يتسنى للباحث أن يقرر ما اذا كانت سمة من سمات الشخصية مثلا موزعة توريعا قريبا من الاعتدالي أو أن الانحراف عن هذا التوزيع النموذجي كبير ندرجة لا يمكن ارجاعها الى مجرد أخطاء العينة أو عامسل الصدفة ، والاحصاء لا يقف في هذه المقارنة عند مجرد التأمل السطحي لكل مسن التوريعين ، ولكنها تستخدم في ذلك مقياسا (۱) احصائيا خاصا سيأتي الكلام عنه عند الكلام في مقاييس الدلالة .

وقد يفيد في هذه المقارنة رسم المنحى الاعتدالي ومقارنة مواضع النقط المعبرة عن التكرار بسير المنحى الاعتدالي المعدل واذا كان هدف الباحث محددا برسم المنحى الذي يقترب بأكبر قدر ممكن من التوريع الاعتدالي فيمكن تبسيط الطريقة السابقة وذاك بتحديد الارتفاعات من جدول (٤٩) المقابلة لدرجات معيارية منتظمة دون الحاجة الى البحث عن الارتفاعات المقابلة لمراكز الفئات ، ثم التكرارات المناسبة لكل من هذه الارتفاعات . وتكون الحطوة التالية تحويل الدرجات المعيارية التي بدأت بها الطريقة الى القيم الأصلية المقابلة لها . أي أن هذه الطريقة تسير عكس الطريقة السابقة ، فبينما تبدأ الطريقة السابقة المباركز الفئات وتم بتحويل هذه المراكز الى الدرجات المعيارية المقابلة لها ثم بالبحث عن ارتفاعات المنحى عند هذه النقطة ثم حساب التكرارات المناسبة ، تبدأ هذه العاريقة بقيم معيارية يمكن ايجادها بسهولة من جدول الارتفاعات ، دون الحاجة الى عمليات حسابية وتنتهي بمعرفة القيم الأصلية المقابلة لهذه الدرجات المعيارية ، واليك تطبيق هذه الحطوات في جدول (٥٠) :

<sup>(</sup>١) يطلق على المقياس المستخدم في هذه الحالة اختبار كالا Chi Square Test فهو يدل على دسية اختمال أن التوريع المختبر قد أتى من أصل مورع توزيماً اعتدالياً مودجياً.

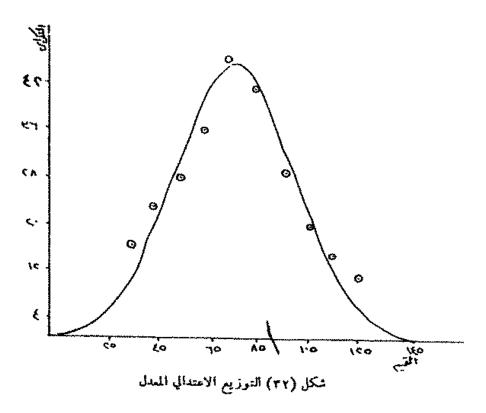
القيمة الأصلية		<u> 1</u>	ص	الدرجة المعيارية
٦,٥٠	V+,0+	٠,٤٩	1.1121	٣
14,40	۵۸,۷۵ ــ	+.41	•,•1٧0	Y,0
۳٠	٤٧,٠٠ ـ	۰,۹۷	.,	Y
٤١,٧٥	<b>70,70</b>	18,77	٠,١٢٩٥	1,00
۰۳٫۵۰	74,0	<b>Y7,Y</b> Y	٠,٧٤٧٠	١ - ١
97,07	11,70-	<b>۳۸,۹</b> ٦	۱٫۳۵۲۱	• ,•
VV	صفر	\$8,14	۲۹۸۹	صفر
۸۸,۷۵	11,70	<b>ሦ</b> ለ, <b>੧</b> ٦	۲۵۲۱،	هر٠
1,0.	77,0.	<b>Y</b> ٦, <b>Y</b> Y	.,484.	١ ،
117,70	<b>40,40</b>	18,74	1,1740	۱٫۵
172,	٤٧,٠٠	۰,۹۷	*.*02*	Y
140,40	۵۷٫۵۸	1,48	٠,٠١٧٥	٧,٥
114,00	۰ ه.۷	+,£4	1,112	۳

جدول (٠٠) العمليات اللازمة لرسم أقرب منحى اعتدالي

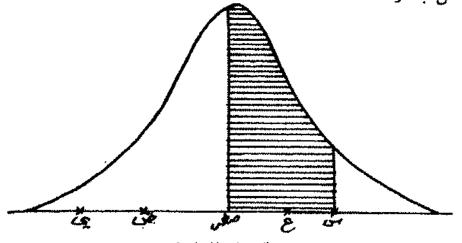
وبناء على هذا الجدول يصبح المنحى الاعتدالي المطلوب كما هو مبين في شكل (٣٢) ومنه نرى أن التوزيع الاصلي لا يبعد كثيرا عن التوزيع المعدل .

# جدول المنحني الاعتدالي ـــ المساحات :

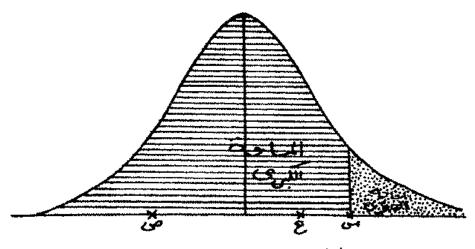
لدراسة خواص التوزيع الاعتدالي دراسة أكثر شمولا يمكن حساب النسب المثوية من التكرار الكلي التي تقع بين قيمتين من قيم التوزيع ، أو التي قد تكون أقل أو أكبر من قيمة محددة ، وهذه البيانات يتطلبها البحث في كثير من الأحيان فيتحول التوزيع الذي نتج عن البحث التجريبي الى التوزيع الاعتدالي يستطيع الباحث أن يحسب هذه النسب المثوية لو لم يتعرض بحثه لأخطاء العينة أو الصدف ، وجدول (٤٩) يعطي نسب المساحة بين نقط محددة والنقطة المعبرة عن المتوسط الحسابي المتوريع (عامود ۲) ، كما يعطي أيضا المساحة الكبرى تحت المنحني الاعتدالي (عامود ۳) ، والمساحة الصغرى (عامود ٤) عند نقطة الكبرى تحت المنحني الاعتدالي (عامود ۳) ، والمساحة الصغرى (عامود ٤) عند نقطة



معينة . ويلاحظ كما سبق بيانه أن النقطة المحددة ينبغي أن تكون معبرة عن درجة معيارية لا عن قيمة من القيم الأصلية ، أي أن القيمة ينبغي أن تحول أولا الى درجة معيارية قبل استخدام جدول (٤٩) سواء كان ذلك لمعرفة الارتفاع أو المساحات المختلفة . وشكل (٣٢) يوضح ما يدل عليه العامود الثاني من جدول (٤٩) أي المساحة بين الدرجــة المعيارية والمتوسط الحسابي . وشكل (٣٣) يوضع ما يدل عليه كل من العامود الثالث والرابع من الجدول .



الدرجات المعيارية شكل (٣٢) المساحة بين الدرجة أو المتوسط



مب شكل (٣٣) المساحة الكبرى والصغرى في المنحى

ومن الجدول يمكن للباحث أن يحدد النسبة المتوية للحالات التي تقع بين درجتين معيارتين ، فالمساحة المحصورة بين س ، ص يمكن معرفتها من شكل (٣٧) فهي تعادل حاصل جمع المساحتين : المساحة بين س والمتوسط والمساحة بين ص والمتوسط لأن احدى النقطتين أقل من المتوسط (سالبة الاشارة) والأخرى بقدة (موجبة الاشارة). أما اذا كانت النقطتان على جهة واحدة من المتوسط (كلاهما موجب الاشارة أو كلاهما سالب الاشارة) كالمساحة المحصورة بين س ، ع أو ص . م مثلا فان المساحة بينهما تعادل الفرق بين المساحتين (بين كل درجة والمتوسط) ، واذا بحثنا في شكل (٣٣) فان المساحة بين درجتين على جهتين مختلفتين من المتوسط كالقيمتين س ، ص (احداهما موجبة والثانية سالبة تكون الفرق بين المساحة الكبرى للقيمة العيارية الموجبة والمساحة الصغرى للقيمة الميارية الموجبة والمساحة بين س ، ع فان المساحة بينهما تعادل الفرق بين المساحتين الكبريين . وفي حالة الدرجتين السائبتين مثل المساحة بينهما تعادل الفرق بين المساحتين الصغريين عند القيمتين .

ولبيان كيفية استخدام جدول (٤٩) لمعرفة المساحة بين درجتين معياريتين نضرب لذلك الأمثلة الآتية :

(۱) المساحة المحصورة بين - ٥,٥ درجة معيارية و + ٠,٧ درجة معيارية يمكن
 ايجادها من الجدول بطريقتين :

من عامود (۲) تكون المساحة المطلوبة = ۱۹۱۰، + ۲۵۸۰ = ۴،۶٤٩٥ مسن عامودي (۲،۶) = ۲۰۸۰، – ۳۰۸۵ = ۴،۶۵۹، (ب) المساحة المحصورة بين + ١,٥ درجة معيارية و + ٥,٠ درجة معيارية من عامود (٢) تكون المساحة = ٠,٤٣٣٧ ـــ ٠,٦٩١٥ - ٢٤١٧.٠

ومن عامود (٣) تكون المساحة = ٩٣٣٢. \_ ٦٩١٥. = ٢٤١٧. .

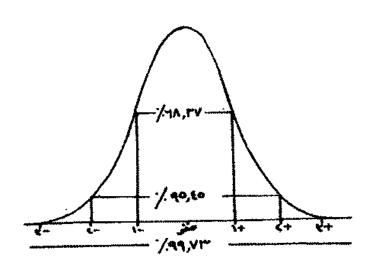
(ج) المساحة المحصورة بين – ۲,۰۰ درجة معيارية ، – ۱,۰۰ درجة معيارية .
 من عامود (۲) ، تكون المساحة = ٤٧٧٢, – ٣٤١٣, = ٣٤١٣, •

ومن عامود (٤) تكون المساحة = ١,٠٢٢٨ - ٢٢٨ - ١,١٣٥٩.

ومن ذلك نستطيع أن نعرف بعض خواص أخرى للمنحنى الاعتدالي ، فالمساحة المحصورة بين المتسوسط انحراف معياري واحد . والمتوسط انحراف معياري واحد . من المساحة الكلية أي أن عدد الحالات المحصورة بين هاتين القيمتين تعادل ٢٨,٢٧٪ من مجموع القبم .

والمساحة المحصورة بين المتوسط + ضعف الانحراف المعياري والمتوسط ـــ ضعف الانحراف المعياري = ٥٤,٥٩٪ من المساحة الكلية .

والمساحة المحصورة بين المتوسط + ثلاثة أمثال الانحراف المعياري والمتوسط ــ ثلاثة مثال الانحراف المعياري = ٩٩,٧٣٪ من المساحة الكلية .



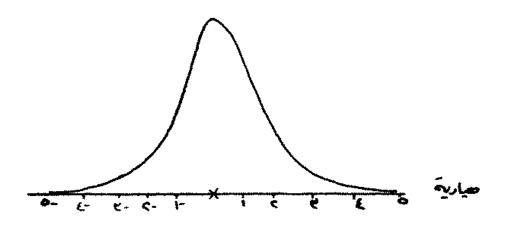
شكل (٢٤) النسبة المثوية المحسورة بين القيم المعيارية الصحيحة .

## العلاقة بين المثين والدرجة المعيارية في التوزيع الاعتدالي :

ذكرنا سابقا أنه ليست هناك علاقة مباشرة بين المثين والدرجة المعارية في أي توزيع ، ولكن في التوزيع الاعتدالي نظرا لأن التكرارات محددة بقانون رياضي يربط بينهما وبين المدرجات المعارية ، فإن العلاقة بين المدين والدرجة المعارية تكون محددة في مثل هذا التوزيع ، وبمساعدة جداول التوزيع الاعتدالي يمكن معرفة الرتبة المثينية لأي درجسة معارية ، أو على العكس من ذلك يمكن معرفة الدرجة المعارية المقابلة لأي رتبة مثينية ، فالرتبة المثينيسة المقابلة لدرجة معارية قيمتهسا ( + 1 ) يمكن معرفتها من عامود المساحة الكبرى في جدول (٤٩) هي = ٣٤،٢٥ وهكذا في كل درجة معارية موجبة الاشارة فإن الرتبة المثينية لها يمكن معرفتها من المساحة الكبرى للتوزيع ، وفي حالسة الدرجات المعارية المشارية المشارة فإن الرتبة المثينية لها يمكن معرفتها من عامود المساحة الكبرى من الجدول . فالمدين المقابل للدرجة المعارية ( - 1 ) = ١٩٨٧ وعلى العكس من ذلك فيمكن عن طريق هذا الجدول تحويل الرتبة المثينية الى الدرجة المعارية المقابلة للمثين ١٩٠٥ مثلا هي + ١٠٠ والمقابلة للمثين ١٩٤٠ هي — دلك والمقابل للمثين ١٩٤٥ هي — ١٩٤٠ والمقابلة للمثين ١٩٠٥ هي — ١٩٤٠ والمقابلة للمثين ١٩٠٥ هي — ١٩٤٠ والمقابلة للمثين ١٩٠٥ هي — ١٩٠٥ والمقابلة للمثين ١٩٠٥ هي — ١٩٤٠ والمقابل للمثين ١٩٠٥ هي — ١٩٠٥ والمقابلة للمثين ١٩٠٥ هي — داره والمقابل للمثين ١٩٠٥ هي — ١٩٠٥ والمقابل للمثين ١٩٠٥ هي ١٩٠٥ هي ١٩٠٥ هي والمقابل للمثين ١٩٠٥ هي ١٩٠٥ هي ١٩٠٥ هي والمقابل للمثين ١٩٠٥ هي ١٩٠٥ هي والمقابل للمثار هي ١٩٠٥ هي ١٩٠٥ هي والمقابل للمثار هي ١٩٠٥ هي والمقابل للمثار هي ١٩٠٥ هي والمقابل للمثار هي ١٩٠٥ والمقابل للمثار هي ١٩٠٥ والمقابل للمثار هي ١٩٠٥ والمقابل للمثار هي المثار هي المثار

# مقیاس ۲

ذكرنا عند الكلام عن عيوب الدرجة الميارية أنها تعطي مقياسا نصف قيمة سالبة الاشارة وأن المرحلة في هذا القياس كبيرة نسبيا . فهي تعادل انحرافا معياريا . ومقياس الذي اقترحه McCall يتفادى هذين العيبين علاوة على ما له من مميزات أخرى فهو يتخذ وحداته معادلة إلى الانحراف المعياري للتوزيع ففي التوزيعات العادية التي يصادفها الباحث كثيرا يبلغ مدى الانتشار حوالي ه أو ٦ انحرافات معيارية ، ولكن في هذا المقياس يكون المدى حوالي ٥٠ أو ٢٠ وحدة ، وأكثر من ذلك فان اتساع توزيع مقياس ٢ يمتد أكثر مما يمتد اليه أي مقياس متوقع حبث يبلغ مدى التوزيع في هذا المقياس ١٠ انحرافات معيارية أو ١٠ وحدة من مقياس ٢ وقد دلت التجارب العملية أن مثل هذا الاتساع في التوزيع قل أن تخرج عنه أية قيمة . ويبدأ مقياس ٢ لا بقيم سالبه الاشارة كما هو الحال في المقياس قل أن تخرج عنه أية قيمة . ويبدأ مقياس ٢ لا بقيم سالبه الاشارة كما هو الحال في المقياس المعماري بل يبدأ بنقطة الصفر ويمتدحتى ١٠٠ جاعلا المتوسط عند ٥٠ كما يتضح ذلك من شكل (٣٥) .



تاثیة ۱۰ ۲۰ ۳۰ ۹۰ ۵۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۳۰ ۲۰ مهفر مناثق ۱۰ ۲۰ ۲۰ مهفر شکل (۲۰) المقیاس التاثق

وقد أعد جدول يساعد الباحث على تحويل القيم العادية في أي جدول تكراري الى درجة تائية بعد معرفة ما يبلغه عدد القيم التي أقل من القيمة المطلوبة بالنسبة للمجموع الكلي للقيم . ولذلك فان تحويل أية قيمة الى قيمة تائية يتطلب حساب التكرار المتجمع والتكرار التجمعي المثوي . هذا ويمكن توضيح الخطوات اللازمة لهذا الحساب بما هو مبين في الجدول الآئي وهو يبين توزيع درجات ٢٠٠ طالب في اختبار القبسول :

وتنحصر الحطوات التي اتبعت في تحويل القيم الى درجة تاثبة فيما يأتي :

١ - تحسب الحدود العليا للفئات (عامود ٣).

٢ - حول التكرارات في الجدول الى تكرارات تجمعية ( عامود ٤ ) .

٣ - حول التكر ارات التجمعية الى تكر ارات تجمعية نسبية (عامود ه) أي - عسوبة بنسبة مجموع القيم .

(٦) الدرجة التاثية	(٥) التكوار التجمعي النسبي	(1) التكرار المتجمع الصاعد	(۳) الحدود العليا للفثات	(۲) التكرار	(۱) الدرجات
<b>Y</b> ٦, <b>Y</b>	٠,٠١٠	Y	٣	Y	صفر
Y7,Y	*,***	Y	٦		٣
41,7	٠,٠٣٠	٦	4	٤	٦
40,4	٠,٠٧٠	١٤	. 14	۸	4
44,8	٠,١٤٥	74	١٥	١٥	iY
11,4	۰,۳۰۵	71	۱۸	44	\0
٤٠,٩	٠,٤٨٠	41	71	٣٥	14
۶۳٫٦	*,72*	۱۲۸	7 £	44	71
٥٨,١	۰,۷۹۰	۱۰۸	**	۳۰	Y£
٦١,٧	۰۸۸۰	۱۷٦	۳,	١٨	44
77,4	۵۵۴, ۰	141	۳۳	10	<u></u> ۳۰
۸,۵۷	1,440	144	44	٨	_ <b>٣</b> ٣
	١,٠٠٠	٧٠٠	44	١	- 41
				<b>.</b> Y	المجموع

جدول (١٠) تحويل القيم إلى درجات تاثية

الخطوة الأخيرة تحتاج الى الجدول الذي يساعد في تحويل التكرارات التجمعية النسبية الى قيم تائية . واليك فيما يلي هذا الجدول المساعد :

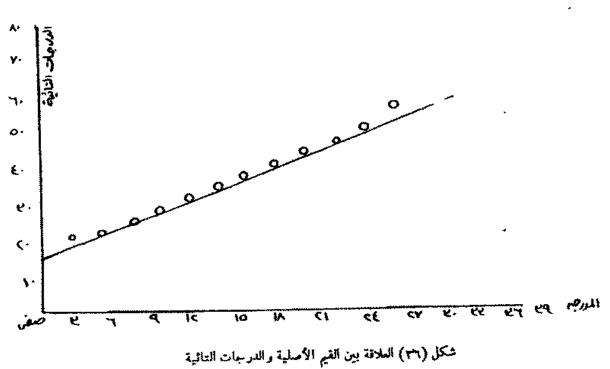
الدرجة ا	الحرء قبل	الدرحة	الجزء قبل	الدرجة	الجزء قبل
التائية	القيمة	التاثية	القيمة	التائية	القيمة
	ļ	<u> </u>	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-0.001	
70,0	,41.	£+.1	٠٣٠,	17,1	,•••
77,8	,40+	£+,A	،۱۸۰	14,1	,•••٧
٦٧,٥	,47.	٤١,٦	,4٠٠	14,1	,
٦٨,١	,470	£4,4	,۲۲۰	٣٠,٣	,••10
٦٨٫٨	,۹۷۰	£٣,٣	,۲0٠	Y1,Y	,
14,1	,4٧0	££,A	,٣٠٠	Y1,4	,
۰,۵	,۹۸۰	17,1	,40.	77,0	,
٧١,٧	۹۸۰,	<b>{∀,</b> ø	,	74,0	,••2•
۷۳,۳	,4••	٤٨,٧	, į o +	72,7	,
7,37	,44٣	۵۰,۰	,0 * *	Y0,2	,••٧•
۸,۵۷	,440	۳,۱۰	,00+	Y1,V	,• 1 •
٧٦,٥	,997.	٥٢,٥	,4++	۲۸,۳	,•10
<b>VV</b> ,•	,44٧٠	۵۳,۹	۰۵۲,	44,0	,• • •
٧٨,١	,44٧0	##,Y	,٧٠٠	٣٠,٤	,• ۲0
٧٨,٧	,114	٧,٢٥	۰,۷۱۰	41,4	۶۰۳۰
<b>٧٩,</b> ٧	,44۸0	۷٫۷ه	۰۸۷٫	41,4	۰۳۰,
۸۰٫۹	,999+	٥٨,٤	۸۰۰,	44,0	, + £ +
۸۱,۹	,499٣	٥٩,٢	۸۲۰,	۳۳,٦	,+0+
۸۲٫۹	,9990	٥٩,٩	,۸٤٠	۳٤,٥	٠,٠٣٠
		<b>ኘ٠</b> ,٨	۰۶۸,	۳۵,۲	,•٧•
		71,7	۸۸۸۰	40,4	۶۰۸۰
		۸۲٫۸	,4 • •	۳٦,٦	,•4•
		٦٣,٤	۹۱۰,	44,4	,1
		78,1	,47•	۳۸,۳	,17•
		٦٤,٨	,17.	44,4	۱٤٠

جدول (٢٥) التحويل إلى الدرجات التائية

فمثلا الدرجة التائية المقابلة للجزء ٠,٠٠١٠ في الجدول هي ١٩٫١ والمقابلة للجزء ٠,٦٥٠ هي ٣,٩ه .

ولكي يتسى تحويل أية درجة من درجات التوزيع مباشرة الى الدرجة التائية المقابلة لها يرسم عادة تخطيط يوضح العلاقة بين القيمة الأصلية والدرجات التائية ، ويمثل هذه العلاقة عادة خط مستقيم ، الا أن بعض التكرارات الشاذة في الجدول قد تبعد قليلا من النقط بعض الشيء عن المستقيم الذي يصف هذه العلاقة .

٦ ومن هذا المستقيم الذي يربط بين القيم الأصلية والدرجات التائية يمكن بعد
 ذلك تحويل أية قيمة الى الدرجات التائية المقابلة لها .



تلخيص لخواص المنحني الاعتدالي :

بناء على كل ما سبقت دراسته يمكن أن نلخص خواص المنحى الاعتدالي فيما يلي : ١ – المنحى الاعتدالي منحى متماثل يرتفع عند الوسط تماما وينخفض تدريجيا حتى يقل ارتفاعه جدا عند الطرفين .

٢ — المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال للتوزيع الاعتدالي لها قيمة واحدة .

٣ - في التوزيع الاعتدالي تكون نسبة حالات التوزيع المحصورة بين المتوسط الحسابي + ١ انحراف معياري = ١٨٠٢٧٪من
 ١ انحراف معياري والمتوسط الحسابي + ١ انحراف معياري = ١٨٠٢٧٪من
 ١ الحسالات

وبين المتوسط الحسابي - ٢ انحراف معياري والمتوسط الحسابي = ٢ انحراف معياري = ٢ انحراف معياري = ٢ انحراف معياري

وبين المتوسط الحسابي – ٣ انحراف معياري والمتوسط الحسابي + ٣ انحراف معياري = ٩٩,٧٣ ٪ ( أي جميع قيم المجموعة تقريبا ) أي أن مدى القيم في هذا التوزيع يبلغ حوالي ثلاثة أمثال الانحراف المعياري على جانبي المتوسط .

المنحق في المنحى الاعتدالي أن نقطتي تحول المنحى أي النقطتين اللتين يبدأ فيهما المنحى أن يغير اتجاهه تقابل القيمتين م + ع ، م - - ع .

# مقاييس الانحراف عن التوزيع الاعتدالي :

# ا ــ الالتواء Skewness

ذكرنا سابقا أن توزيع القيم في أي بحث عملي لا يمكن أن ينطبق انطباقا تاما على التوزيع الاعتدالي النموذجي، ولكن انحراف التوريع عن هذا النموذج قد يكون قليلا ليس له دلالة احصائية ناتجا عن ظروف البحث الحاصة، أو قد يكون كبيرا لدرجة لا يستطيع الباحث معه افتراض التوزيع الاعتدالي في القيم التي يحصل عليها. وانحراف التوزيع عن الاعتدالي قد يتخذ شكلا بحيث يجعل المنحني يميل ناحية القيم الصغيرة يوصف بأنه موجب الالتواء والذي يميل ناحية القيم الكبيرة بأنه سالب الالتواء.

ولفهم الأساس الذي ينبي عليه مقياس الالتواء نعيد الملاحظة التي سبق ذكرها في خواص المنحى الاعتدائي ، وهي أن المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال تكون متحدة القيمة وأما في المنحنيات الملتوية فان هذه المعاملات تكون مختلفة القيمة . وقد سبق توضيح المواضع النسبية لها في نوعي المنحنيات الملتوية فنحن فلاحظ أنه في المنحني السالب الالتواء يكون المنول أعلى قيمة من المتوسط الحسابي ، بينما العكس في الالتواء الموجب.

وعلى هذا الأساس يمكن حساب معامل الالتواء على أنه الفرق بين المتوسط والمنوال أي = المتوسط ـــ المنوال ، الا أن معاملا كهذا يعطي قيمة مطلقة تتوقف على تشتت القيم ههو لا مصلح الا في مقارنة التواء مجموعتين متحدثي الانحراف المعياري . أما اذا أردفا الحصول علىمقياس نسي للالتواء فانهذا المقياس بكون معادلا المتوسط الحسالي المنوال المحسول علىمقياس نسي للالتواء فانهذا المقياس بكون معادلا المتوسط الحسالي المتواري

ولكن الصعوبة في مثل هذا المقياس أن المنوال ليس من السهل تحديد قيمته بدقة ، ولهذا يستعاض عنه بالوسيط مع تعديل طفيف في المعامل السابق فيصبح معامل الالتواء ==

# ٣ (المتوسط الحساني - الوسيط) الانحراف المعياري

وهذا المعامل استنتجه K. Pearson

ففي الجدول التكراري الآني الذي يوضح توزيع العمر وقت الوفاة لعدد مسن، الاشخاص يمكن حساب معامل الالتواءكما يلي :

ك ح	لاح	٤	التكوار المتجمع الصاعد	التكرار ك	الفئات
Ì					
454	٤٩	٧	٧	٧	40
44.	۳	۲	17	1.	<u>ب</u> ٤٠
770	140 -	6	٤٢	Ya	ے <b>د</b> ہ
٠,٢٥	18	٤	٧٧	40	O ·
10.	10	٣	177	81	00
٣٢٠	17	Υ	4.4	۸٠	T•
4.	4	١	4.4	٩,	~ Yo
{	صفر	صفر	117	110	V·
140	140	١	007	140	Ye
٤٧٠	41.	٧	<b>V</b> e7	1.0	۸۰
277	109	۳	۷۱۰	۳٥	<b></b> λ≎
١٣٥	12.	٤	٧٤٥	40	41
٧٥	) <b>a</b>	0	V1A	٣	90
VY	١٢	٦	Ya.	ق (۱)	۱۰۰ قماقو
	771				
££AY	<b>ካለ</b> \$			٧e٠	المجموع
	۱۳				

جدول (٥٣) توزيع السر وقت الوفاة لبدد من الاشخاص

<sup>(</sup>١) هذه الفئة اعتبرت فيمتها المركزية تجاووا ١٠٢٠٥

هذا و يمكن قياس النواء التوزيع باستخدام معامل آخر مبنى على ايجاد الربيعات Ouartiles ، فاذا كان التوزيع باستخدام معامل آخر مبنى على ايجاد منتصف المسافة بين الربيع الأول والثالث تماما ، اذا كان التوزيع ملتويا نحو القيم الصغيرة ، أي موجب الالتواء ، كان بعد الربيع الثاني عن الربيع الثاني أكبر من بعد الربيع الثاني عن الربيع الثاني أكبر من بعد الربيع الثاني عن الربيع الأول . و تبعا لهذا الأساس فان (رب – رب ) – (رب – رب ) يصلح مقياسا للالتواء أو رب + رب – بر ، الا أن هذا يكون بطبيعة الحال مقياسا مطلقا، وإذا أر دنا تحويله الى مقياس نسبي قسمناه على نصف المدى الربيعي فيصبح :

وقد وجد أن هذا المعامل تتراوح قيمته بين ـــ ٢ ، + ٢ ولللك يكون الأفضل أن يصبح المعامل :

على أن تتر اوح قيمته بين ـــ ١ ، + ١ فاذا طبقنا هذا المعامل على جدول (٥٧) نجد أن :

رتبة 
$$\pi_{i}$$
 =  $\frac{v_{i}}{i}$  =  $v_{i}$  =  $v_{i}$  (تبة  $\pi_{i}$  =  $v_{i}$  +  $v_{i}$  =  $v_{i}$  (قيمت =  $v_{i}$  +  $v_{i}$  =  $v_{i}$  +  $v_{i}$  =  $v_{i}$  (قيمت =  $v_{i}$  +  $v_{i}$  =  $v_{i}$  +  $v_{i}$  =  $v_{i}$  (قيمت =  $v_{i}$  +  $v_{i}$  =  $v_{i}$  +  $v_{i}$  =  $v_{i}$  (قيمت معامل الالتواء تبعا لهذا القانون

$$\frac{VY,1V\times Y-\Lambda\cdot,\bullet\cdot+\Upsilon Y,V\Lambda}{\Upsilon Y,V\Lambda-\Lambda\cdot,\bullet\cdot}=$$

·, \Y -- =

وهذا المعامل لا يتأثر مطلقا بالقيم الموجودة في الربع الأول أو الربع الأخير مسن المجموعة ، بل يقصر حسابه على النصف المتوسط من القيم . فلكي نستخدم مقياسا أكثر حساسية يمكننا أن نستخدم المثين العاشر والمثين التسعين ، ونقارن بين بعديهما عن المئين الخمسين (أي الوسيط) ويكون حدي هذا المعامل كذلك ــ ١ ، + ١ .

والمعامل في الحالة الأخيرة .

وتصبح خطوات ايجاد هذا المعامل في جدول (٥١) كما يلي :

$$1.7$$
 ((c(i) = 0 $\times$ ) = 0 $\times$  +  $\frac{1}{10}$   $\times$  0 =  $\cdot$ 0,7 $\times$ 1

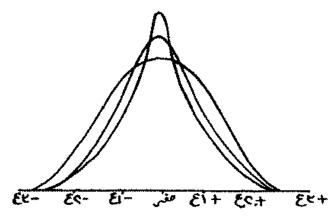
فيكون معامل الالتواء

$$\bullet,10 = \frac{VV,1V \times Y - \Lambda^{2},V^{2} + \delta\xi,V^{1}}{0\xi,V^{1} - \Lambda^{2},V^{2}} =$$

# Y - الفرطسح Kurtosis

ان معامل التفرطح يبين ما اذا كان للتوزيع قمة حادة رفيعة أو قمة عريضة مسطحة ، ويطلق على التوزيع الذي من النوع الأول اسم التوزيع مدبب التفرطح Platy Kurtic .

ومن الطبيعي أن صفة التفرطح ليست لها علاقة بالمتوسط الحسابي للتوزيع ، فقد يكون التوزيع رفيعا أو مسطحا أو اعتداليا ويكون له متوسط حسابي محدد كما في شكل (٣٧) كما أن زيادة التفرطح أو قلته لا تتعارض مع تماثل التوزيع أي أن التوزيع المتماثل قد يكون رفيع التفرطح أو مسطحه أو متوسطه ( Meso Kurtic ) .



شكل (٣٧) منحنيات متحدة المتبرسط مختلفة التفرطح

و يمكن قياس التفرطح بالمعامل الآتي :

فلكي نحسب معامل التفرطح للتوزيع السابق (جدول ٥٩)

$$\lambda, \pi = \frac{7\pi, V\lambda - \Lambda^{1,0}}{V} = \frac{7\pi, V\lambda - \Lambda^{1,0}}{V}$$
خدان نصف المدى الربيعي (س)

$$^{\circ}$$
 معامل التفرطح  $=\frac{\lambda, \gamma \gamma}{\gamma 1.99}$  = ۲۶۲۱.

ولمعرفة درجة تفرطح أي توزيع ونوعه ينبغي أن نقارن هذا المعامل بمقياس يتخذ أساسا لذلك . ومن المتبع أن يقارن هذا بمعامل التفرطح المقابل له في المنحى الاعتدالي ، وبحساب هذا المعامل في المنحى الاعتدالي نجد أن قيمته تعادل ٢٦٣، • فاذا زاد المعامل عن هذه القيمة يكون التوزيع مسطحا platy Kurticواذا قل عنها كان التوزيع مدببا هذه القيمة يكون التوزيع (جدول ٥٩) نجد أن المعامل قريب قربا كافيا من القيمة المقابلة له في المنحى الاعتدالي .

والمهم بعد حساب معامل الالتواء أو المعامل التفرطح معرفة ما اذا كان انحراف شكل التوزيع عن الاعتدالي كبيرا لدرجة تحمّ علينا أن نصف التوزيع بأنه ملتو أو مفرطح . فمن الطبيعي أن هناك حدا لأي معامل من هذا القبيل نتغاضى عما دونه ، بحيث لو زاد الانحراف عنه قيل أن للانحراف دلالة احصائية وسيأتي تفصيل ذلك عند الكلام عن مقاييس الدلالة.

أسئلة على الباب الرابسع

(۱) طبق اختبار للهجاء على مجموعة من التلاميذ فكان توزيع درجاتهم كما هو مبين في الجدول التكراري الآتي :

التكرار	فـــات
10	1 •
٧٧	- 17
٣٥	12
	17
٧٠	<b>− \</b> λ
Y\$	Y·
٣٩.	YY
٧٠	= .Y£
Y0	Y7
١٨	YA
V	<b> ₹•</b>
	<b>**</b>
Y	48
۲٦٠	المجموع

جدول (۴ ه) توزیع درجات اختبار الهجاء

حول هذا التوزيع الى توزيع اعتدالي . (٢) قارن بالرسم بين التوزيع الأصلي والتوزيع الاعتدالي المعدل .

- (٣) احسب كل من المتوسط الحسابي والانحراف المعياري للتوريع الاعتدالي المعدل
   لجدول (٥٤) وقارن بينها وبين المتوسط الحسابي والانحراف المعياري الأصلي .
- (٤) احسب معامل الالتواء للتوزيع الأصلي ( جدول ٢٠ ) بطريقتين مختلفتين وقار ن بين الناتجين .
- (٥) أوجد المساحة المحددة تحت المنحنى الاعتدالي بين الدرجات المعيارية الآتيسة والمتوسط مستخدما في ذلك جدول (٥٥).

(٦) أوجد المساحة المحددة تحت المنحنى الاعتدالي بين كل درجتين معياريتين مما يسأتي :

$$1, \gamma = 1, \gamma =$$

- (٧) في جدول (٦٠) أوجد عدد الحالات التي يتوقع لها أن تقع قبل الدرجات الآتية
   حسب ما ينتظر في التوزيع الاعتدالي :
  - . 41 . 47 . 14 . 10
  - (٨) في جدول (٦٠) احسب النسب المثوية للقيم التي تقع بين :
  - أ) المتوسط الحسابي ــ انحراف معباري والمتوسط الحسابي + انحراف معياري .
- ب ) المتوسط الحسابي ضعف الانحراف معياري والمتوسط الحسابي + ضعف الانحراف المعيساري .
- ج) المتوسط الحسابي -- ثلاثة أمثال الانحراف المعياري والمتوسط الحسابي + ثلاثة أمثال الانحراف المعياري وقارن ببن هذه النسب وما يتوقع لها اذا كان التوزيع اعتدالياً .

# (لباب (فالري

## الارتباط Correlation

= مقدمة

المحسامل الارتباط المخطيط الانتشار المحامل ارتباط الرتب معامل ارتباط الرتب الارتباط التنسائي الارتباط التنسائي المعامل التسوافق المحامل التسوافق المحامل التسوافق المحامل الرتباط المحامل الارتباط المحسامل المحس

#### مقدمسة:

كانت الأجزاء السابقة متعلقة بدراسة وقياس متغير واحد ، فمقاييس النزعة المركزية توضح القيمة التي يتجمع عندها متغير في مجموعة من المقاييس . ومقاييس التشتت توضح درجة انتشار وتوزيع قيم المتغير ، الا أن البحث العلمي لا يقف عند جد الوصف والتصنيف بل يتعدى ذلك الى بيان نوع العلاقة بين الحقائق والمفهومات العلمية ووصفها وصفا علميا دقيقا ، وهذا يدخل ضمن مجال الاحصاء الوقوف على طبيعة العلاقة بين أكثر من متغير واحد والوصول الى معامل عددي لوصف هذه العلاقة .

وقد سبق أن ذكرنا في الباب الأول عند الكلاء عن طريقة التلازم في التغير كيف يستطيع الباحث أن يعبر تعبيرا علميا عن وصف نوع التلارم في تغيير عاملين أو متغير ين ومداه ، ونبحث في هذا الباب الطرق الاحصائية للحصول على معامل عددي يصف نوع ومدى هذا التلازم . وعن طريق هذا التعبير العددي يتسى للباحث أن يصدر تنبؤات عن أحد المتغير الت بفضل ما يعرفه عن متغير آخر . وقد ذكرنا أن أنواع العلاقة بين متغير بن يمكن تلخيصها فيما يلى :

- ١ علاقة مطردة كاملة.
- ٢ علاقة مطردة ناقصة .
- ٣ ... علاقة صفرية أو معدومة .
  - علاقة عكسية ناقصة .
  - ه ــ علاقة عكسية كاملة .

# معسامل الارتبساط:

ويطلق على المعامل الذي يصف نوع العلاقة بين متغيرين و معامل الارتباط ، Correlation Coefficient وتنحصر قيمته بين + 1 ، – 1 فاذا كانت العلاقة مطردة كاملة (كالعلاقة بين قطر الدائرة وعيطها) كانت قيمة معامل الارتباط + 1 واذا كانت العلاقة عكسية كاملة (كالعلاقة بين حجم الغاز وضغطه في حدود معينة) كسانت قيمته - 1 ، وقد ذكرنا أن الارتباط الكامل لا وجود له في الظواهر الطبيعية ، وأن المعامل الناتج في الأبحاث النفسية أو التربوية أو الاجتماعية يكون عادة كسرا موجها أو مسالها .

تخطيه الانتشار:

لنفرض أن باحثا أراد ايجاد معامل الارتباط بين عمر الزوج وعمر الزوجة في مجموعة من الأشخاص وكانت الأعمار كما هي مبينة فيما يأتي :

عمر الزوجة	عمر الزوج	عمر الزوجة	عمر الزوج
	٨٥	٣٢	<b>Y</b> "Y
<b>*</b> *	£4	<b>44</b>	٤٥
70	70	۲.	77
13	YA	٥٢	£4
٧٠	VY	٧٠	7"
Yo	44	۴.	40
١٨	18	44	13
٤٧	۳۸	YY	74
٤٠	23	44	Yo
٤o	11	٥٢	٨١
40	4"1	Ye	77
44	٤A	٧٠	££
٣٠	40	٤٠	**
40	Yo	٣٢	٤٦
77	٣٨	44	Y4
۸۰	A4	44	ŧŧ
10	٤٧	77	r.
14		٣٠	#1

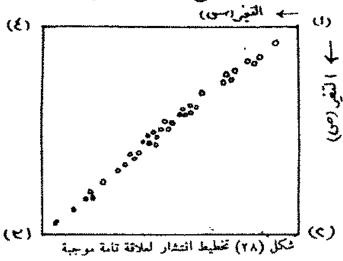
عمر الزوجة	عمر الزوج	عمر الزوجة	عمر الزوج
	11	٥٢	77
44	44	17	١٨
٧.	40	٣٢	44
11	40	٧٠	۳۸
۳,	44	٦٢	17
<b>#</b> A	7.7	٤٣	٤٥
۵٠	<b>4</b> A	7.1	7.5

فان هذه البيانات يمكن تفريغها في جدول تكراري مزدوج يبين العلاقة بين هذين المتغيرين ( جدول ٥٥ ) بحيث يمثل كل خط فيه أحد هذه البيانات الحمسين ، أي يمثل كل خط عمر الزوج وعمر الزوجة معا . فالبيان الأول الذي فيه عمر الزوج ٣٧ وعمر الزوجة ٣٢ يمثل بخط عند تلاقي العامود الذي يمثل عمر الزوج عند ما يكون محصورا بين ٣٠ ، ٣٠ . ٣٠ مع الصف الذي يمثل عمر الزوجة عند ما يكون محصورا بين ٣٠ ، ٣٠ والبيان المشتمل على عمر الزوج ٨٥ وعمر الزوجة ٥٥ يمثله خط عند تلاقي العامود الذي يمثل الزوج عندما يكون محصورا بين ٥٥ ، ٢٠ والصف الذي يمثل عمر الزوجة عند ما يكون محصورا بين ٥٥ ، ٢٠ والحدول التكراري المزدوج لحده البيانات يكسسون يكون محصورا بين ٥٥ ، ٢٠ والجدول التكراري المزدوج لحده البيانات يكسسون

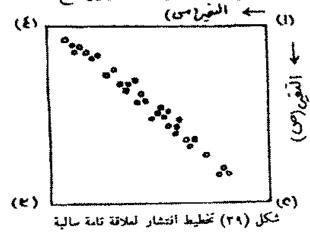
U.	A=	-A.	-×6	~	<b>.</b>	-J.			-64	.ع-	-4.	Y.	-50	<b>-</b> ۲.	-10	الزوجي
Y			*****										1		11	l <b>→</b>
V		_				***************************************				1	1		#	·		٠ ٧٠
•							/						1111			٢0
4									_//	1	7					Y•
V									11/1		111					-Y-0
Ÿ						Ţ			-					1		€,
ľ	·				1		,		-							-&
Ŧ	<b></b>	7	7			- -	7		7							_ <b>_</b> _ <b>^</b> \
*						7	7									
-					7											'T•
					1											4F
4	7			7												<b>V</b> :
																-40
1	7															A-
4.	1		•	1	•	1	7	_	11	•	7.	_	1.	•	5	*****

جدول (ه،) جدول مزدوج لأعمار الزوج والزوجة

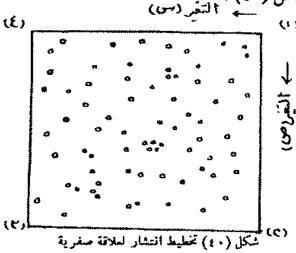
ومن هذا الجدول يمكن عن طريق ملاحظة اتجاه تجمع التكرارات تكوين فكرة تقريبية عن فوع الارتباط وقدره ، ولكي نقرب هذا للأذهان تفترض احدى الحالات التي يكون فيها الارتباط تاما موجبا بين متغيرين (س) (ص) فاننا نلاحظ أن جميسع التكرارات تكون متجمعة في خط مستقيم هو قطر الشكل الذي يصل بين الركن (١) وذلك لأن جميع القيم الصغيرة في أحد المتغيرين يتبعها قيم صغيرة في المتغير الآخر . وكلما كبرت القيمة في أحد المتغيرين كبرت القيمة المقابلة لها في المتغير الآخر . وفي شكل (٣٨) تخطيط انتشار يوضح هذه العلاقة الموجبة التامة .



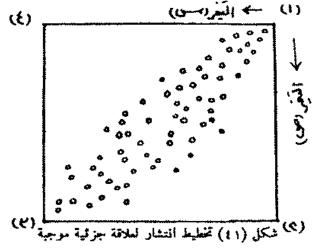
أما اذا كانت العلاقة تامة سالبة ( – ١ ) تجمعت نقط التكرار في القطر الذي يربط بين الركنين (٤) ، (٢) في تخطيط الانتشار . وذلك لأن القيم الكبيرة في أحد المتغيرين تتبعها قيم صغيرة في المتغير الآخر . وكلما كبرت القيم في أحدهما صغرت في الآخر والعكس بالعكس ، وفي شكل (٣٩) تخطيط انتشار يوضح هذه العلاقة السالبة التامة .



أما اذا كانت العلاقة صفرية ، أي أنه ليس هناك أي اتجاه للاتفاق أو التضاد بين المتغيرين ، فان نقط التكرار تكون موزعة على الشكل دون أن يبدو أي اتجاه في تجمعها كما هو الحال في شكل (٤٠) . التقرص)

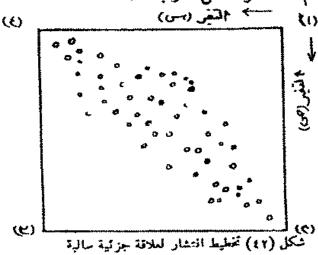


وفي حالة العلاقة الجزئية ، سواء كانت موجبة أو سالبة ، نجد أن انتشار التكرار بتخذ اتجاها عاما ، الا أن هذا الاتجاه يتبع عادة شكلا بيضيا . وكلما اتسع الشكل البيضي قلت قيمة الارتباط بين المتغيرين ، وكلما ضاق زادت قيمته ، حتى تصل أقصاها عند ما يصبح الشكل البيضي خطا محددا كما هو الحال في شكل (٣٨) ، (٣٩) . وشكل (٤١) يوضح تخطيطا انتشاريا لعلاقة جزئية موجبة وشكل (٤١) لعلاقة جزئية سالبة .



فكأن مجرد ملاحظة التوزيع في تخطيط الانتشار يفيد في معرفة مدى العلاقة بين المتغيرين ونوعها : ولكن الاحصاء لا يقف أيضا عند حد ملاحظة التوزيع ووصف

العلاقة وصفا تقريبيا بل تهدف دائما الى التوصل الى قياس عددي لهذه العلاقة . وقد ذكرنا أن المعامل المستخدم لذلك هو معامل الارتباط .



وهناك وسائل أخرى كثيرة لايجاد معامل الارتباط بين متغيرين تختلف باختلاف هدف البحث وظروفه ، فقد لا يكون من الممكن سوى تقسيم كل من المتغيرين أو أحدهما تقسيما نوعيا ، أو ترتيبها من حيث القيمة دون التوصل الى تحديد قيمة عددية لكل رتبة من رتب المتغير ، مثل هذه الظروف تحتم على الباحث استخدام احدى طرق ايجاد معامل الارتباط دون غيرها . واليك أهم الطرق المستخدمة في ذلك :

### معامسل ارتباط السرتب:

في كثير من الأحيان لا يستطيع الباحث أن يحدد قيم المتغير أثناء تغيره بل يكون من الأيسر له أن يعبر عن مراحل تغيره برتب نسبية ، كأن يحدد أيها الأول وأيها الثاني ، وأيها الأخير . ولنفرض أن هدف الباحث ايجاد معامل الارتباط بين سمتين من سمسات الشخصية وشمل هذا البحث تقدير خمسة أشخاص بالنسبة لهاتين السمتين فانه يستطيع بمقدار ما بين ترتيب هؤلاء الأشخاص الخمسة في السمتين من تشابه أو اختلاف تقدير مدى الارتباط بين هاتين السمتين ، ولنفرض أيضا أن الباحث قد حصل على احدى النتائج الآتية في بحثه .

الحالة الأولى :

الترتيب في السمة الثانيسة	في السمة الأولى	التر تيب	أشخاص
£	**************************************	ŧ	1
*	<del> </del>	Y	ب
6		•	*
١	<u> </u>	1	د
٣		٣	

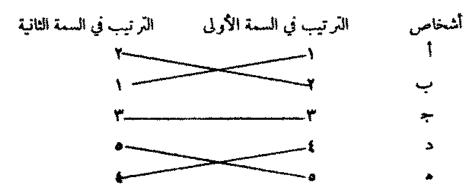
و في هذه الحالة فلاحظ تطابقا تاما بين رتب الأشخاص في السمتين ، ومن هذا يمكن الحث دون القيام بأية عملية حسابية استنتاج أن معامل الارتباط بين السمتين + ١

#### الحالة الثانية:

الترتيب في السمة الثانية	الترتيب في السمة الاولى	أشخاص
•	/	***************************************
1	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	<u>ب</u>
Y	<b>*</b>	<b>~</b>
٧	,	۵
1		

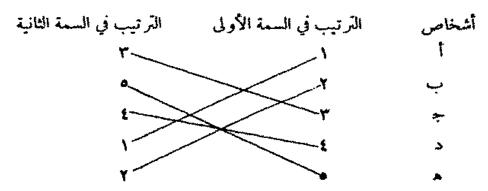
وهنا نلاحظ أن الرتب في المتغيرين مختلفة اختلافا تاما ، وقد وصل الاختلاف بينهما الى حد التضاد ، فالأول في أحدهما هو الأخير في الثاني وهكذا ... ولذا معامل الارتباط في هذه الحالة يكون ١

### : स्रोधी ग्रीमा



نلاحظ هنا أن هناك اتفاقا جزئيا بين الترتيب في السمتين ، ولذلك فان معامـــل الارتباط يكون + كسر .

### الحالة الرابعسة:



في هذه الحالة نلاحظ تضادا جزئيا بين الترتيب في السمتين ولذلك فان معامـــل الارتباط = ـــ كسر .

وطريقة معامل ارتباط الرتب لسبير مان تقوم على نفس هذا الأساس فكلما كان الفرق بين رتب القيم المتقابلة في المتغيرين كبسيراً قلت درجسة الارتباط بين المتغيرين ، والعكس بالعكس . لهذا كانت الخطوة الأولى ي مصريسه تشتمل على ايجاد الفروق بين رتب القيم المتقابلة . فاذا فرضنا وجود ثلاث قيم متقابلة لكل من المتغيرين وأوجدنا رتبها كما هو الحال في المثال الآتي :

القرق بين الرتب	المتغير (ص)	المتغير (س)	
<b>Y</b> +	١	٣	حالة (أ)
Υ —	Y	Y	حالة (ب)
١	٣	1	حالة (ج)

فان الفروق بين الرتب تكون موجبة الاشارة أو سالبتها بحيث أن مجموع الفروق الموجبة يعادل مجموع الفروق السالبة كما في المثال ( + ٢ ، – ٢ ) ، ولايجاد معامل الارتباط بين رتب المتغيرين علينا أن نعتبر هذه الفروق مجتمعة ، الا أن الجمع الجبري في هذه الحالة يكون عديم الفيمة حيث أن حاصل الجمع يكون دائما صفرا ، ولهذا تشتمل الطريقة على خطوة أخرى وهي تربيع هذه الفروق حتى نتخلص من الاشارات بجعلها جميعا موجبة .

مثال : اختبر ١٠ أطفال في مادتي اللغة العربية والحساب وكانت درجائهم في المادتين كـــالآتي :

درجـــة الحاب	درجة اللغة العربيــــــــة	الأسم
Į o	77	محدد
٧٠	١٥	حسن
٤٠	ŧ٧	أحمد
**	<b>ሉ</b> ሎ	ابر اهيم خالد
۲۰	71	t e
***	٤٢	فاثسق
48	Y 0	فائـــق حلمي خليل
Yo	٧٠	خليل
40	44	قاسم
٤١	££	عـــلي

جدول (۲۵) درجات ۱۰ أطفال في مادتين

والمطلوب حساب معامل ارتباط الرتب بين مادتي اللغة العربية والحساب . لايجاد هذا المعامل نتيع الخطوات الآتية :

الفرق	الفرق	رثبة	رتبة اللغة	درجة	درجسة	الاسم
مربع	_	الحساب	العربية	الحساب	اللغة العربية	·
Ye	٥	١	٦	ξa	44	عمد
		١.	١.	٧.	\•	حسن
٤	۲	٣	١	٤٠	ŧ٧	أحمد
١ ١	1	£	ø	۳۷	٣٣	ايراهيم
		٨	٨	۳٠	YŁ	خالد
17	£	٧	٣	44	٤٢	فائق
\ \	١	٦	٧	4.8	Ye	حلىي
_		٩	4	70	γ.	خليل
١ ،	١	٥	٤	70	44.5	قاسم
		4	Y	٤١	٤ŧ	قاسم علي
	٧					المجموع
٤٨	٧					

جدول (۵۷) حساب معامل ارتباط الرتب

وتكون الحطوة الثالثة بعد حساب مجموع مربعات الفروق تطبيق القانون الذي توصل اليه سبيرمان Spearman لحساب معامل الارتباط وهو :

على اعتيار أن ر = معامل ارتباط الرتب.

، يع ف على الحالة الواحدة ) عن الحالة الواحدة ) ن = عدد الحالات .

$$^{1}$$
نهر في هذا المثال  $-1 - \frac{1 \times 1}{1 \times 1} = 1$ 

ومن الطبيعي أن مثل هذا القانون يجعل معامل الارتباط عندما تنطبق الرتب (+1) ، وذلك لأن الفروق في هذه الحالة تكون معدومة فتكون قيمة الكسر ٢ يح ف٢ مساوية صفرا ويكون معامل الارتباط = ١ ــ صفر = ١ .

مربعات الفروق	الفروق ـــ	رتب المتغير (ص)	رتب المتغير (س)
11	£	0	١
٤	۲	<b>4</b>	Y
<u></u>	_	٣	٣
٤	*	۲	£
۱٦	£	, 1	•
	٦		
	٦		المجموع
	• • •		

جدرل (۸۵) حالة تعاكس الرتب

$$1 - = 7 - 1 = \frac{\xi \cdot \times 7}{7\xi \times 0} = 0$$

ومن المعتاد أن يجد الباحث حالات كثيرة تتكرر فيها الرتب في المتغير الواحد . كأن توجد قيمتان تأخذان الرتبة ٣ ، وفي هذه الحالة يكون المتبع أن يعطي كل منهما ترتيبا متوسطا بين الترتيبين ٣ ، ٤ أي أن ترتيب كل منهما يصبح ٣,٥ ويكون ترتيب القيمة التالية لذلك هـو ، واذا اشتركت ثلاث حالات في الترتيب ه أعطي كل منهم ترتيب متوسط ٥ ، ٦ ، ٧ أي ٥ + ٢ + ٢ الله و مكذا ، وتأخذ القيمة التالية لذلك الترتيب متوسط ٥ ، ٦ ، ٧ أي ٣ + ٢ + ٧ حدم الترتيب متوسط ٥ ، ٢ ، ٧ أي ٣ و هكذا ، وتأخذ القيمة التالية لذلك الترتيب متوسط ٥ ، ٢ ، ٧ أي ٣ و هكذا ، وتأخذ القيمة التالية لذلك الترتيب متوسط ٥ ، ٢ ، ٧ أي ٣ و هكذا ، وتأخذ القيمة التالية لذلك الترتيب متوسط ٥ ، ٢ ، ٧ أي ٣ و هكذا ، وتأخذ القيمة التالية لذلك الترتيب متوسط ٥ ، ٢ ، ٧ أي ٣ و هكذا ، وتأخذ القيمة التالية لذلك الترتيب متوسط ٥ ، ٢ ، ٧ أي ١٠ و هكذا ، وتأخذ القيمة التالية لذلك الترتيب من و الترتيب منوب الترتيب من و الترتيب منوب الترتيب من و الترتيب منوب التربيب الترتيب منوب الترتيب منوب الترتيب منوب التربيب الترتيب منوب التربيب الترتيب منوب التربيب التر

واليك مثالا يشتمل على القيم ذات الترتيب المتكرر:

فيما يلي أطوال عشرين شخصا وأوزانهم ، والمطلوب ايجاد معامل ارتباط الرتب بين الطول والوزن لهذه الحالات :

مربع الفرق	الفرق بين	رتب	رتب	الوز ن	الطول	اسم
	الرتب	الوزن	الطول	بالكجم	بالسم	الشخص
}	١	١٥,٥	١٦,٥	۸۲	177	*
4+,40	۵,۰	19	۹,٥	70	۱۷۵	اب
	<b></b>	¥•	۲٠	٦٢	170	~
17	٤	14,0	17,0	<b>V</b> V	177	د
41	٦	17,0	۱۸٫۵	٧٧	177	
٤٩	٧	٥	۱۲	۸۵	۱۷۲	و
40	٥	۷.۵	۲,٥	۸۱	14.	ر
١	١	18	١٥	VY	174	ے
17,70	۳,۵	10,0	۱۲	٨٢	177	ط
٧٥	٥	۵, ۲	۷,٥	4.	۱۸۱	ی
17,70	٣,٥	۵,۷	٤	۸۱	144	<b>.</b>
7.8	۸,۰	۱۷,۵	۹,۵	٧٢	170	J
٤	Y	١٠	۱۲	۸۰	174	ŗ
١	١ ١	۱۷٫۵	۱۸,٥	٦٧	177	ပ်
17	<b>1</b>	١٠	18	۸۰	۱۷۰	ص
١٦	٤	٥	١	٨٥	147	\$
4.,40	٤,٥	١	0,0	11	۱۸۵	ع ف
40	۰	۷,۵	٧,٥.	4.	1/1	س
۰,۲٥	۰,۰	•	0,0	۸٥	۱۸۰	ق
۵۲٫۲۰	V,•	١.	۲,٥	۸۰	14.	ت ا
	٤١					
£V+,0+	/ 3	71.	71.	<u>.</u>		المجموع
	* * *					

جدول (٩٥) حالة تكرر الرتب

معامل ارتباط الرتب = ۱ = 
$$\frac{8 \times 9.0 \times 7}{79.0 \times 70}$$
 = 97,۰

وللتأكد من صحة وضع الرتب المقابلة للقيم المختلفة بمكن جمع الرتب في المتغيرين . والوسيلة المباشرة للتأكد من ذلك أن يكون مجموع الرتب واحد لكل من المتغيرين ، وزيادة على ذلك فان مجموع الرتب في كل من المتغيرين ينبغي أن يكون معادلا (0,0) على ذلك فان مجموع الرتب في كل من المتغيرين ينبغي أن يكون معادلا (0,0) على اعتبار أن (0,0) عدد القيم أو الحالات . وهو في حالة المثال الحالي (0,0) فيكون مجموع الرتب (0,0) عدد القيم أو الحالات . وهو في حالة المثال الحالي (0,0) عبد المرتب (0,0)

### معسامل ارتبساط بيرسون :

ويطلق على هذه المعامل « Product Moment » ، على اعتبار أن لفظ « Moment » يفيد انحراف القيم عن المتوسط مرفوعا لاية قوة ، وتقوم التسمية على أساس أن المقدار الهام في هذه الطريقة هو حاصل ضرب انحراف كل من القيمتين المتقابلتين في المتغيرين عسن متوسطهما.

ومعامل ارتباط بيرسون يسد نقصا هاما في معامل ارتباط الرتب ، وهو أن المعامل الأخير يتناول في حسابه الرتب لا القيم نفسها ، وحساب الارتباط على أساس الرتب أقل دقة من حسابه على أساس القيم ، فزيادة القيمة أو نقصها لا يغير من قيمة المعامل على أساس الرتب ما دامت هذه الزيادة أو النقص لا تغير وضع القيمة بالنسبة للمجموعة . بينما يتأثر معامل ارتباط بيرسون بأي تغير في القيم . فاذا كان لدينا خمس قيم متقابلة مثلا لكل من متغير بن كما يأتي :

ے سے س	ح س	ۍ ح	المتغير (ص)	المتغير (س)	
۲	١	Υ	٧	٥	î
_	١		Ý	٧	ب
		١ -	٨	٦	<b>&gt;</b>
1 +	1 +	١ ١	4	٨	د
Y +	1 +	Y	٩.	4	^

تجدول (٦٠) الأساس الذي تغوم عليه طريقة بيرسون

قاذا كانت ح انحراف القيمة عن متوسط قيم (س) و حس انحراف القيمة عن متوسط عن متوسط قيم (ص) فان ح س ح ص وهو حاصل ضرب انحراف كل قيمة عن متوسط قيم المتغير في انحراف القيمة التابعة لها عن متوسط قيم المتغير الآخر يصلح مقياسا لمدى ما بين المتغير بن من ارتباط . فكلما زاد مجموع حواصل الضرب كلما زادت العلاقة بين المتغير بن اطرادا . أما اذا كان مجموع حواصل الضرب سالب القيمة فان هذا يدل على انحراف القيم المتقابلة في المتغير بن عن المتوسط يسير في انجاه عكسي على وجه العموم أي اذا زادت القيمة عن المتوسط تبع ذلك نقص القيمة المقابلة لها عن متوسط قيم المتغير الآخر . وهذا دليل كاف على أن معامل الارتباط يكون سالبا .

وتقوم طريقة بيرسون على هذا الأساس بوجه عام الا أن الطريقة تتخذ صورا متعددة نذكر منها ما يأتي :

معامل ارتباط بيرسون باستعمال الانحرافات : لتوضيح الحطوط المتبعة في ابجاد معامل الارتباط بهذه الطريقة نضرب المشسال الآتى :

ح ٽس	ح تی	ح س ح س	ے من	ح س	قیم (ص)	قيم (س)
171	171	١٤٣	14	11-	77	Yo
٤	٣٦	۱۲	٧	٦	77	٤٢
1	١	١٠	١.	1	20	40
-	١	<del></del>		١	70	۳۷
Ĺ	121	٤٧	Y	Y 1	77	١٥
Yo	188	٦.	٥	14-	٧.	Yŧ
4	11	Y \	٣	٧	74	٤٣
٨١	444	104	٩	۱۷	£ £	۳٥
1	171	11.	١.	11	ţo.	٤٧
78	1	Y\$	۸	٣	77	74
		٠٢٠	۳۱	Į o		
700	1717	40	۳١	£0	40.	۳٦.
		٤٦٥	. ,	++		

<sup>.</sup> جدول (٦١) معامل ارتباط بيرسون بطويقة الانحراف

يتكون هذا الجدول من سبعة أعمدة ، يشتمل الأول والثاني منها على قيم المتغيرين المراد ايجاد معامل الارتباط بينهما كالطول والوزن مثلا ، أو كمادتين دراسيتين محتلفتين أو صفتين نفسيتين كالقدرة الرياضية والقدرة اللفظية ، أو أشخاص في مقياسين للاتجاهات العقلية ... النخ ، ويشتمل العامود (٣) على انحراف قيم المتغير (س) عن متوسط قيم وهو ٣٣ (١٠٠٠) . ويشتمل العامود (٤) على انحراف قيم المتغير (ص) عن متوسط قيم المتغير (ص) وهو (١٠٠٠) . والعامود الحامس يحتوي على حواصل ضرب ح س ح س أي انحراف قيم س عن متوسطها × انحراف قيم (ص) المقابلة لها عن متوسطها . والعامود السادس والسابع يشتملان على مربعات انحرافات قيم كل من س ، ص .

بعد حساب ناتج كل من مح ح س ، مح ح س ، مح ح س لا يتطلب حساب معامل الارتباط أكثر من التعويض في القانون .

$$\int_{z} \frac{z^2 - z^2}{(z^2 - z^2)} \frac{3u}{(z^2 - z^2)}$$

أي أن معامل الارتباط في هذا المثال

ويمكن وضع معامل الارتباط في وضع معروف وهو كالآتي :

حيث على هو الانحراف المعياري للمتغير (س) و على هو الانحراف المعياري للمتغير (ص). ولعله من الواضح أن هذه الصورة هي نفس الصورة السابقة لأن على =

ويمكن تلخيص خطوات العمل في هلمه الطريقة فيما يلي :

١ ـــ اجمع قيم كل من المتغيرين .

٢ -- احسب المتوسط الحسابي لقيم كل متغير .

٣ ــ احسب انحراف كل قيمة عن متوسط قيم المتغير التسابعة له أي حن ٢ حس
 (عامو دي ٣ ، ٤) .

٤ - اضرب كل من حن × حس المقابسل له (عاموده) لتحصل على مح حس
 حس (وهو حاصل جمع قيم عاموده).

م – ربع کل من ح س ، ح س (عادودي ۲ ، ۷) لتحصـــل على ع ح اس ،
 ع ع اس .

٦ – طبق القانون لتحصل على معامل الارتباط .

ويلاحظ أن مح حس حس هو الذي يحدد اشارة معامل الارتباط ، فان كسان المجموع الجبري لحواصل ضرب الانحرافات موجبا كان معامل الارتباط موجبا ، وان كان سالبا كان المعامل سالبا .

وهذه الطريقة توفر على الباحث استخدام الأعداد الأصلية الكبيرة في حساب معامل الارتباط ، الا أن سهولتها تتوفر فقط حينما يكون المتوسطان الحسابيان لقيم المتغيرين صحيحة، أما اذا كان المتوسطان عددين كسريين تعقد حساب قيم الأعمسدة (حسحس) ، (حسل ) ، (حسل ) تعقدا قسد يزيد على الصعورة التي يكسبها الباحث من استخدام القيم الأصلية . تلك هي نفس الصعوبة التي يصادفها الباحث في حساب المتوسط الحسابي والانحراف المعياري من القيم الأصلية التي تلجأ من أجلها الى الطريقة المختصرة باتخاذ وسط فرضي وحساب الانحرافات الفرضية . ويمكن تطبيق نفس هذه الطريقة في حالة معامل الارتباط أيضا . واليك طريقة الاستفادة من الوسط الفرضي في حساب معامل الارتباط في جدول (٧٤) .

فالجدول الآتي يتخذ أساسا فيحسابهالانحرافات عن المتوسطين الفرصتين الآتيتين : ٣٠ للمتغير (س) ، ٤٠ للمتغير (ص) .

ځږ	ے"۔	ح آس خ س	ح َس	って	قيم (ص)	قيم (س)
771	40	4 -	۱۸	o	44	Yo
٩	188	۳٦	۳	۱۲	۳۷	17
40	Y 0	Yo	۵	٥	į.	٣0
Yo	11	<b>۳۰</b>	<b>0</b>	٧	٣0	۳۷
19	440	1.0	٧	10 -	44	10
1	41	٦.	۱۰ –	٦	۳٠	72
7.8	179	1+8	۸	١٣	77	٤٣
17	079	44	٤	74	£ £	۳٥
47	YA4	٨٥	•	۱۷	٤٥	٤٧
174	۸۱	117 -	۱۳ —	4	YV	44
		ξογ	١٤	777		
۸۰٦	1077	Y4Y	78	Y7	40.	44. +
		١٦٥	٥٠	٦.		

جدول (٦٢) حساب معامل ارتباط باتخاذ وسط فرضي

ويحسب معامل الارتباط بالقانون الآتي :

وهو يساوي في هذا المثال :

$$\frac{\left[\frac{1}{\sqrt{(0,-)}}-1.1\right]}{(0,-)\times 1} = \frac{1}{\sqrt{(0,-)}} - 100$$

حساب معامل الارتباط من القيم الخام ( Raw Values )

ويمكن أن نعدل الطريقة السابقة بحيث يتسى حساب معامل الارتباط من القيم الحام مباشرة ، ولكن في هذه الحالة بحتاج الباحث الى اجراء تعديل في القانون الذي بحسب به معامل الارتباط كما يتضبح من حل نفس المثال السابق بهذه الطريقة :

(*)	(1)	(Y)	(٢)	(1)
ص ۲	س۲	س × ص	قيم (ص)	قيم (س)
٤٨٤	770	٥٥٠	YY	Yo
1774	1778	1001	YV	٤Y
7.70	1770	1040	٤٥	70
1440	1414	1770	40	YV
1.44	770	190	77	10
4	770	٧٧٠	٣٠	71
1.48	1129	1277	77	24
1447	44.4	7447	11	۳٥
7.40	77.4	Y110	Į.o.	٤٧
VY4	1071	1.04	YY	14
17.47	12177	١٣٠٦٥	40.	٣٦٠
L	<u> </u>		1	

جدول (٦٣) معامل الارتباط من القيم الخام

فالحطوات التي أجريت في هذا الجدول كان أساسها القيم الخام مباشرة ، ولم تبدأ بتحويل القيم الى انحرافاتها عن المتوسط ، فالعامود الثالث يشتمل على حواصل ضرب قيم (س) والمقابلة لها في المتغير (ص) ، والرابع والخامس يشتمل على مربعات القيم .

ويكون معامل الارتباط في هذه الحالة كما هو في القانون الآتي :

وبالتعويض من الجدول في المعادلة يكون حساب معامل الاتباط في هذا المثال كما يلي :

۰,۵γ ==

# معامل الارتباط من جدول الانتشار:

ذكرنا أن القيم المتقابلة لمتغيرين يمكن تفريغها في جدول مزدوج بحيث تمثل كل علامة من العلامات التي توضع في هذا الجدول فردا له قيمتين قيمة بالنسبة للمتغير (س) وجهذا نحدد تكرار كل خلية من خلايا الجدول المزدوج. ولتوضيح ذلك نضرب المثال الآتي :

طبق اختباران الذاكرة على خمسين شخصا فكانت درجاتهم في الاختبارين كالآتي :

اختبار	اختبار	اختبار	اختبار	اختبار	اختبار	اختبار	اختبار
اختیار ب	1	ب	Ţ	ب	*****	اختبار ب	†
١.	79	۱۳	۳.	17	Y4	14	Yo
٩.	٧.	4	**	17	YY	11	14
17	40	٦	10	18	٣١	V	77
11	٣٣	Ł	17	17	10	١٥	٤٣
4	71	10	1	٨	٣١	١٢	44
11	۳٧	١١.	77	١.	۱۷	١٨	77
١.	17	١.	Yo	V	YA	17	۳۰ ا
٨	۱۲	10	۳۸	11	47	11	70
14	YY	77	Y£	۱۲	7 2	4	Y1
17	٤١	10	11	1.	11	10	٤٠
۲.	£0	۱۷	44	•	17	18	44
٧٠	٤٥	11	١٢	18	YA	١.	YV
				14	Y4	11	۱۸

جدول (٦٤) درجات عمسين شخصاً في اختبارين للذاكرة

و ثلاحظ أن درجات اختبار(أاتنحصر بين ١١ ، ٤٥ وأن درجات اختبار(ب)تنحصر بين ٤ ، ٢٠ ويمكن تمثيل العلاقة بين درجات الاختبارين بجدول الانتشار الآتي :

المجموع	£Y	To	- <b>Y</b> A	- 11	18	<b>Y</b>	اختبار أ اختبار ب
Y					//(Y)		r
0			11(4)	1 (1)		7 (1)	- 7
17		100	111(11)	M/(°)	///(°)	// (Y)	4
١٢		// (1)		1//(0)	, i		- 17
11	111(17)	11 (4)	111(4)	11(1)			10
٤	//(Y)	/(1)		1(1)			۱۸
۰۰	٥	٧	۱۳	18	۸	٣	المجموع

جدول (٦٥) جدول الانتشار لدرجات اختبارين للداكرة

وقد ذكرنا أن تجمع التكرارات وهيئة هذا التجمع تدل دلالة تقريبية عن نوع الارتباط ومداه ، ولكننا هنا نوضح كيف يمكن حساب معامل الارتباط عن طريق جدول الانتشار ، واليك الخطوات المتبعة لحساب المعامل في جدول (٦٥) :

1,2	ž#	وقض	u F	ž	Ŀ	-44	-24	-4A		€	<b>v</b>	70
	£	^	4	ξ-	₹					ţ.e		-£
i	*	٥	۰.	<b>}</b>	٥			**	M			
	4	14	w	3	10		•	. •				-44
	ğη.	ξŁ	**	ť	u	, '	i E	ν,				-to
	44	*1	14	•	ŧ	"¢"	4,4					
<	₩.	1-0	4,1		۰	•	_	14,		۸	۳	€,^
, Table	~		4.4			K	*	*		1-	<b>K</b> -	σŧ
				SA #1	(-44	10	16	12	W	*	٦.	بار ا
					m		< n	14		٨	15	
				٠	(ve	46	**	'n			•	į.
				-	(,	-	-	•		_	_	7.7

يعوق (١٦) سناب سنق الإراثيان بن بعول الإستار

وباستخدام المعادلة يظهر أن :

.,78 ==

و تنحصر خطوات العمل فبما يأتي :

ا حفرغ القيم المعطاة في جدول انتشار أي حدد تكرار كل خلية من خلايا الجملول
 المزدوج .

٢ -- اتخذ صفرا فرضيا لكل من قيم (س) ، (ص) وانحرافا فرضيا مدرجا للفئات الأقل والأكثر من الفئة الصفرية كما هو متبع في الطريقة المختصرة لحساب كل من المتوسط الحساني والانحراف المعياري .

٣ – احسب مح حتى و مح حتى بضرب الانحراف الفرضي لكل فئة في تكرارها ثم اجمع حواصل الضرب الناتج .

( محت = ٤٦ – ٩ = ٣٧ ، محت = ٤٢ – ١٤ – ٢٨ ) في الجدول.

٤ – احسب مح ح لن. ، ح لن بضرب كل من حواصل الضرب السابقة في ح في العامود السابق لنحصل على ح – ٢ لكل فئة ثم اجمع النواتج .

(عحت ١٠٠٠) محت =١٠٦ في الجلمول).

ه - لحساب ح ح ينبغي حساب ذلك لكل خلية من خلايسا الجدول الأول ، ويكون ذلك بضرب الانحراف الفرضي لصف الحلية × الانحراف الفرضي للعامود ، وترى حواصل الضرب في الجدول في الركن العلوي الأيمن من كل خلية ، ثم اضرب حاصل ضرب الانحرافين في تكرار الحلية ، وتجد حاصل الضرب الأخبر في الجدول في الركن الأسفل الأبسر لكل خلية .

٦ - لحساب محرّ حرّ تجمع حواصل الضرب السابقة (الموضوعة في الركن الأسفل الأيمن) ويحسن تقسيم العامود الأخير أو الصف الأخير الى قسمين : قسم لجمع النواتج السالبة .

فمثلاً في حالة الفئة ( ٦ – ) في اختبسار ب نجد أن تكرارها ه وانحرافهـــا الفرفي – ١ فيكون مح ح صلى الفرب الفرب المنابق في الانحراف الفرضي مرة ثانية أي = ــ ه × ــ ١ = ه .

ولحساب مح حَس حَس لها نلاحظ أن الخلية الأولى في هذا الصف تكرارها ١ .

فلحساب حس حس لها ترى أن الانحراف الفرضي للصف التابعة له هو .. ١ .

والانحراف الفرضي للعامود التابعــة له هو ـــ ٢ فيكون مح حَس حَس لهذه الخلية ١ ــ × ـــ ٢ = ٢ وهو العدد الموجود في الركن الأيمن العلوي لهذه الخلية ، ثم يضرب ٢ في تكرار هذه الخليــة وهو ١ ينتج مح حَس حَس وهو ٢ الموضوع في الركن الأيسر السفلي .

ننتقل بعد ذلك الى الحلية الثانية فنجد أن الانحراف الفرضي للصف – ١ والانحراف الفرضي للعامود – ١ فيكون حَس حَس للخلية وهو = ١ ثم يضرب الناتج في تكرار الحلية وهو ١ ينتج مح حَس حَس للخلية وهو ١ .

أما الخلية الثالثة فنظرا لأن الانحراف الفرضي صفر للعامود التابعة له فهي لا تحتاج لحساب لأن الناتج النهائي صفر .

وفي حالة الخلية الرابعة نجد الانحراف الفرضي للصف ١ والانحراف الفرضي للعامود -- ١ ولذلك فان حَس حَس لها = ١ وهو الموضوع في الركن الأيمن العلوي ، ثم يضرب -- ١ في تكرار الخلية وهو ٢ ينتج مح حَس لها وهو -- ٢ .

هذا ويلاحظ أن مح حر ح من لا بد أن يكون لها ناتج واحد سواء نظرنــــا الى الصفوف أم الى الأعمدة : وهو هنا ٧٤ .

٧ - بعد حساب كل من ( مح حتى ، مح حتى ) ، ( مح حتى ، مح حتى ) و مح حتى ) مح حتى ) مح حتى ) الحديث معامل الارتباط من القانون .

# متى نستخدم معامل ارتباط بيرسون ؟

يعتبر معامل ارتباط بيرسون أكثر المعاملات شيوعا وأدقها جميعا ، فهويتأثر بجميع القيم المعطاة ، كما أن له مقاييس دقيقة لحساب مدى ثباته ، كما أنه يدخل ضمن عمليات ومعاملات احصائية أخرى ، الا أنه يجب مراعاة أساسين هامين عند استخدامه .

١ سينبغي أن يكون التوزيع العام للمتغيرين اعتداليا ، ومن الطبيعي أن ينحرف التوزيع في كل منهما قليلا عن الاعتدالي نتيجة لصغر العينة أو للعوامل التي تؤثر عادة على

نتاثج البحوث ، الا أن انحراف التوزيع عن الاعتدالي ينبغي ألا يكون ذا دلالة احصائية على وجه العموم .

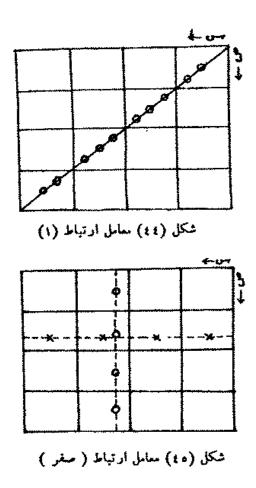
٢ — ينبغي أن تكون العلاقة بين المتغيرين مستقيمة ، ويقصد بذلك أنه اذا حسبت المتوسطات الحسابية للأعمدة أو للصفوف فانها تميل لأن تقع على خطين مستقيمين أحدهما يربط بين متوسطات الصفوف والآخر بين متوسطات الأعمدة — أما اذا كان الحط الذي يربط بين متوسط يميل لأن بكون منحنيا فان الذي يستخدم في هذه الحالة هو معامل آخر يطلق عليه نسبة الارتباط ه Correlation Ratio » التي سنشرحها فيما بعد .

_ £Y	Yo	_ YA	Y1	\٤	<b>Y</b>	(i,)
				-3-		<b>Y</b>
		×		-0		<b>– 1</b>
			1/8		•	1
		2	9			- 17
	•	*				- 10
						\^

شكل (٢٤) ألعلاقة المستقيمة

ويطلق على المستقيم الذي يربط بين متوسطات أحد المتغير بن بخط الانحــــدار «Regression line » فالمستقيم المتصل يربط بين متوسطات درجات اختبار (أ) والمنقط يربط بين متوسطات درجات اختبار (ب) ويلاحظ أن النقط التي تعبر عن المتوسطات لا تنحرف كثيرا عن المستقيمين . مما يدل على أن العلاقة هنا مستقيمة . أما الحالات التي يكون خط الاتحدار فيها قوسا فسيأتي توضيحها فيما بعد .

ويلاحظ في شكل (٤٣) أن الزاوية بين المستقيمين صغيرة نوعا . ويمكننا أن نقول أنه كلما صغرت الزاوية بين مستقيمي الانحـــــدار زاد معامل الارتباط بين المتغيرين ، بحيث اذا صغرت لحد انطباق المستقيمين كل على الآخر أصبح معامل الارتباط + ١ وكلما زادت الزاوية بينهما كلما قل معامل الارتباط بين المتغيرين حتى تصل الزاوية الى ٩٠ فيصبح معامل الارتباط صفرا .



### الانحسدار والتنبسة :

ذكرنا أن المستقيم الذي يربط بين المتوسطات الحسابية لقيم أحد المتغيرين المقابلة لقيم المتغير عليه خط الانحدار ، وكان أول من استخدم هذا الحط لأول مرة جولتن Galton في بحثه على وراثة طول القامة .

فقد وجد أن الأطفال الذين يأتون من آباء طوال القامة يميلون لأن يكونوا أقصر قامة من آبائهم ، والذين يأتون من آباء قصار القامة يميلون لأن يكونوا أطول قامة من آبائهم ، أي أن طول الأبناء يميل الى التراجع أو الانحدار نحو المتوسط العام ، وقد أطلق على هذه العلاقة اسم قاعدة الانحدار ، كما أطلق على الحط الذي يوضح هذه العلاقة اسم خط الانحدار .

وفي المثال السابق حاولنا بالنظر رسم مستقيمين يمران بأكبر عدد من نقسط المتوسطات وبكون أقرب ما يكون من النقط الأخرى . ولكن بيرسون قد أوجد طريقة

رياضية لرسم كل من هذين المستقيمين . ومن الواضح أن مثل مستقيم الانحدار بصلح أساسا للتنبؤ ، فاذا عرفنا قيمة أحد المتغيرين أمكن التنبؤ بالقيمة التي تكون أكثر احتمالا للمتغير الثاني .

ويمثل كل من مستقيمي الانحدار بمعادلة تشتمل على المتغيرين س ، ص ومعامل الارتباط ، فمعالد الله على س أي المعادلة التي تتنبأ بقيم ص اذا عرفت قيمة س هي كالآتي :

$$J^{-}_{u} = \chi \frac{3u_{0}}{3u_{0}} \times J_{u}$$

أي أن انحراف القيمة المقدرة للمتغير ص = معامل الارتباط ×

الانحرافالمعياري للمتغير (ص) × انحراف القيمة المعروفة للمتغير (س) الانحرافالمعياري للمتغير (س)

وفلاحظ في هذه المعادلة أن كل من بر ، ع <sub>س</sub> ، ع <sub>س</sub> تكون معلومة لدينــــا فاذا عرفنا ح<sub>س</sub> أمكن حساب ح<sub>س</sub> المقابلة لها .

ففي المثال السابق بجدول (٧٩) لمعرفة معادلة المستقيم الانحداري لاختبار (ب) على ُ تجد أن الانحراف المعياري لاختبار ب = ٣,٧٢

فتكون معاد'ة المستقيم المطلوب هي

(١) الخط الموضوع فوق حس معناه ان هذه القيمة تقديرية وهي اقرب ما تكون من القيمة المتوقعة .

ونظرا لأن هذه المعادلة موضوعة في صورة انحرافية أي أن عواملها هي انحرافات عن المتوسط فاننا نحتاج في استخدام هذه المعادلة لمعرفة الحساب للمتغيرين. فهو بالنسبة لاختبار أ = ٢٨,٤٢ ولاختبار ب= ١٢.٧٢ .

فاذا عرفنا مثلا أن أحد الأشخاص كانت درجته في اختبار (أ) ٣٥ نستطيع أن نتنبأ بدرجته في اختبار (ب) على النحو الآتي :

$$\times$$
 حس  $\times$  حس  $\times$  حس  $\times$ 

هي معادلة المستقيم الانحداري للمتغيرس على ص

فاذا عرفنا قيمة من قيم المتغير ص أمكن تقدير القيمة المقابلة لها في المتغير (س) مع مراعاة أن هذه المعادلة أيضا انحرافية .

فاذا عرفنا أن شخصا أخذ في اختبار (ب) مثلا ١٦ درجة فانه يمكن التنبؤ بدرجته في اختبار (أ) كما يأتي :

**A, YY** ---

أي أن درجته في اختبار (أ) حسب التقدير = ٢٧,٠٢ + ٢٠,٠٢ = ٣٥,٠٥

# كيفيسة رسم مستقيم الانحسدار:

يحتاج رسم مستقيم الانحدار الى معرفة كل من معامل الارتباط بين المتغيرين والمتوسط الحسابي والانحراف المعياري لقيم كل منهما . فعن طريق معامل الارتباط والانحرافين

المعياريين يمكن تكوين معادلتي الانحدار . وقد وجدنا أن معادلة انحدار اختبار ب على اختبار أ في المثال السابق

$$\int_{-\infty}^{\infty} x \frac{y^2}{3} = -y^2 = -y^2$$

وبما أن أي مستقيم بتحدد بنقطتين فيمكن تحديد نقطتين في المستقيم الانحداري عن طريقهما برسم المستقيم ولنفرض أن النقطتين هما ح علم المستقيم ولنفرض أن النقطتين هما ح علم المستقيم ولنفرض أن النقطتين هما ح

$$: \quad \overline{-}$$
 ب (عند النقطة  $\overline{-}$  = 10 أو القيمة ٤٣,٤٢)

$$Y,Vo = Vo \times \frac{Y,VY}{9,50} \times 75$$

فتكون قيمة ب المقابلة للنقطة (ح إ = ١٥)

= 17,27 + 9,00 + 17,07 = 17,00 = 17,00 = 10 القيمة = 17,00 = 10,00 = 10,00 = 10,00 = 10,00 = 10,00 = 10,00 = 10,00 = 10,000

ومن هاتين النقطتين يمكن رسم مستقيم الانحدار لاختبار ب على أ

_ £ Y	_ Yo	YA	Y1	18	Y	
						<b>– ۲</b>
<b></b>						٦
					0	4
		9	0			- 17
	-					10
छ	<b></b>					- 14
L	1	<u> </u>	خط الاعدار	جدول (۲۷)	<u> </u>	<u> </u>

هذا ويمكن للطالب أن يحاول بنفسه رسم خط الانحدار الآخر الذي يمكن به التنبؤ بدرجات اختبار أ اذا عرفت درجات اختبار ب باختيار نقطتين وتوصيل خط الانحدار بينهما كما اتبع في خط الانحدار الأولى . ويمكن وضع معاداتي خطي الانحدار على صورة أخرى بالاستعاضة عن الانحراف بالقيم الأصلية مباشرة . فاذا أردنا استخراج قيمةٍ ص بمعرفة قيمة س أمكن تطبيق المعادلة :

واذا أردنا استخراج قيمة س بمعرفة قيمة ص أمكن تطيق المعادلة

حيث م س ، م س المتوسطان الحسابيان لكل من المتغيرين ( س ، ص ) ويلاحظ أن المعادلتين تؤديان الى استنتاج هو أن :

مربع معامل الارتباط = ميل  $^{(1)}$  مستقيم انحدار ص على سimes ميل مستقيم انحدار س على ص .

من هذا بتضح أن معادلة الانحدار هي معادلة تنبؤية لتوضيح العلاقة بين المتغيرين ، بحيث يمكن عن طريقها التنبؤ بقيمة لا تكون معروفة لدى الباحث ولا يفهسم مطلقا أن القيمة المقدرة تقديرا تنبؤيا لا بدوأن تنطبق تماما على القيمة الحقيقية التي تنتج عن البحث الواقعي ، ولكن المقصود هو أنه لو أجرى البحث على حالات كثيرة العدد فان متوسط القيم يكون قريبا جدا من القيمة النظرية الناتجة من المعادلة الانحدارية ، ولهذا فان مستقيم الانحدار كغيره من العلاقات الاحصائية التنبؤية يوفر على الباحث كثيرا من الحطوات العملية التي تستنفذ في تطبيقها جهدا ووقتا ... على أن هذا الاقتصاد في الجهد العملي لا يكون على حساب الدقة العلمية ، وخاصة وأن للاحصاء وسائله في التأكد من صلاحية يكون على حساب الدقة العلمية ، وخاصة وأن للاحصاء عليها للوصول الى الحقائدة العلمية .

<sup>(</sup>١) ميل المستقيم هو ظل الزاوية التي تنحصر بينه وبين المحور، ومعادلة أي مستقيم يمر بنقطة الأصل حمس وعل ذلك فميل مستقيم انحدار من على س = رغمن وميل مستقيم انحدار بن على من عد برغ من غمن

# الثر ابط الثنائي أو ذو الشعبتين Bi-Serial Correlation :

يستعمل هذا النوع من الترابط في الحالات التي يتعذر فيها تصنيف أحد المتغيرين الى فثات عدية محددة المدى بينما يتيسر ذلك للباحث فيما يتعلق بالتغير الآخر والحالات التي يستخدم فيها الترابط الثنائي هي التي يصنف فيها أحد المتغيرين في مجموعتين. وأمثلة هذه الحالات كثيرة في البحوث النفسية والتربوية والاجتماعية . فقد يكون البحث متعلقا عدى العلاقة بين قدر الشخص في ناحية معينة واتصافه أو عدم اتصافه بسمة خاصة من سمات الشخصية . فاذا أردنا مثلا أن نوجد العلاقة بين الذكاء والتوافق الاجتماعي قد نستطيع أن نقيس الذكاء وتصنيف الأفراد تصنيفا دقيقا في فئات محددة بينما قد لا يتسنى لنا ذلك في النوافق الاجتماعي ، فنكتفي بأن نصف الشخص بأنه متوافق اجتماعيا أو غير متوافق اجتماعيا . ومن الأمثلة الأخرى لهذا النوعمنالحالاتالتي يكون فيها أحد المتغيرين تحديدما اذا كان الشخص رياضيا أو غير رياضي ، من الجنس الأبيض أو مسن الزنوج ، كما هو الحال عند ما يهدف البحث الى علاقة ذلك بالاتجاهات العقلية للفرد نحو موضوع معين في البحوث الاجتماعية أو متعلم أو جاهل ، أو ذكر أو أنني ، أو مقبول أو مرفوض في عمل . أو ناجح أو راسب في امتحان ما ، أو اجابة سؤال بنعم أو لا ، أو اعتناق الشخص لاتجاه معارض أو موافق نحو موضوع معين ... وهكذا . ففي كل هذه المجالات يتعين على الباحث أن يحدد لكل فرد في العينة التي يشملها البحث قيمة محددة أو درجة معينة ، اما لعدم توفر المقاييس الدقيقة التي تعينه على ذلك ، واما لهدف تسهيل البحث فيكتفي بتصنيف المجموعة الى طائفتين متخذا لنفسه أساسا ضمنيا هو المعدل أو المتوسط « Norm » ، فيفضل من يقل عـن هذا المعدل في مجموعة واحدة عن الذين يزيدون عن المعدل في مجموعة أخرى .

مشال: اذا أراد باحث أن يوجد العلاقة بين نمط الشخصية « Personality Type » الفرد وبين درجاته في اختبار مناسب للذكاء فانه غالبا ما يكون من الصعب أن يضع هذه الأنماط في سلسلة منتظمة متساوية (۱) الوحدات بحيث يحدد لكل فرد من أفراد العينة درجة خاصة ، بينما يكون من السهل عليه هذا التقسيم المحدد المفصل فيما يتعلق

<sup>(</sup>١) بالرغم من أن هناك مقاييس كثيرة في الوقت الحاضر لتحديد درجة اتصاف الغرد بميزات نمط عاص من انماط الشخصية الا أن هذه المقاييس لم تصل بعد لدرجة كافية من اللغة والثبات , ويفضل كثير من الباحثين تصنيف الأشخاص في محموعتين ، وأكثر هذه الأنماط شيوعاً هي : النوع الانطوائي والانبساطي .

بالذكاء وكثير اما يقسم الباحث شخصيات أفراد العينة الى نمطين : انبساطيون وانطوائيون . وواضح أن المتغير الثاني بالرغم من أنه مقسم فقط الى مجموعتين الا أنه متغير متصل Continuous ، أي أن هناك درجات محتملة لا تنقطع لهذا التغير ، وبمكننا أن نتصور اتصال هذا التغير اذا افترضنا امكان تحديد أعلى درجة من الانبساط والانطواء في الشخصية وتمثيل هاتين المرحلتين بطرفي مستقيم يمكن أن تمثل شخصية كل فرد منهم بنقطة عليه .

	معتسلل		
×	×	<del></del>	×
بجد	انبساطي	, جدا	انطوائي

وعلى ذلك فاستخدام طريقة معامل الارتباط الثنائي ينبغيأن يكون مؤسسا على فرضين أساسيين :

 ١ ـــ أن يكون كل من المتغيرين متصلا ، ولكن أحدهما قد صنف لسبب ما الى مجموعتين فقط .

٢ - أن كلا منهما موزع في المجموعة الأصلية Population توزيعا اعتداليا .

# حساب معامل الارتباط الثنائي:

لنفرض أن الباحث في المثال السابق قد حصل على النتيجة الآتية :

المجموع	-17.	17.	11.	-1	9 •	A•	_V·	الذكاء
								الشخصية
14.	٥	۱۷	10	74	77	77	10	انطوائي
4.	٣	١.	٨	٦	44	١٥	17	انبساطي
44.	٨	**	44	٣٥	٥٩	۳۷	۳١	المجموع

جدول (٨٨) العلاقة بين نمط الشخصية والذكاء

فالأساس الذي يقوم عليه معامل الارتباط الثنائي هو المقارنة بين متوسط نسب ذكاء المجموعتين : الانبساطيون والانطوائيون فان كان متوسط المجموعتين واحدا دل ذلك

على انعدام الارتباط بين المتغيرين . وكلما زاد أو قل متوسط الانطوائيين عن متوسط الانبساطيين كلما دل ذلك على علاقة قوية بين الانطواء والذكاء والعكس بالعكس . ولهذا فان العنصر الأسامي في هذا المعامل هو الفرق بين المتوسطين . فاذا رمزنا للمجموعة الأولى وهي مجموعة الانطوائيين بالرمز (أ) والمجموعة الأخرى بالرمز (ب) فان خطوات العمل تنحصر فيما يأتي :

أولاً ... أوجد متوسط قيم المجموعتين ، أي م ، ، م ، ثانيا ... أوجد الانحراف المعياري للمجموعة الكلية ، أي ع .

وقد حسبت في الجدولين الآتيين هذه المقادير الثلاثة .

(ب)	المجموعة			المجموعة (أ)				
ك- ك	_ح	التكرار (ك)	ك ح-	ح-	التكرار (ك)	الفثات (ف)		
٣٢	۲	17	٤o	۳	١٥	V·		
١٥	١	١٥	٤٤ _	Y	17	<i></i> ۸۰		
		77	YV	·	۲v	<b>٩</b> ٠		
٦	١	٦		١	44	١٠٠		
17	۲	٨	١٥	١ ١	١٥	- 11.		
۳٠	٣	١,	4.8	Y	۱۷	۱۲۰		
۱۲	٤	٣	10	۳	٥	- 14.		
7.8			78					
£V	}	••	117-		١٣٠	المجموع		
۱۷			o Y					

جدول (۲۹) متوسط نسب ذكاء المجموعتين

$$47, 4 = \frac{1 \cdot \times 10}{4 \cdot } + 40 = \sqrt{6}$$

ك ع-٢	ال ح	-ر	ij	فثات الذكاء
774	۹۳	۳	۳۱	V·
١٤٨	Vŧ	۲	٣٧	A·
04	۰۹	١	٥٩	<b>٩</b> ٠
	<del></del>	<u></u>	40	- 1
77	**	١	74	11•
۱۰۸	٥٤	۲	۲v	14.
YY	41	۳	٨	17.
774	1.1		44.	المجموع
	YY7			
	170			

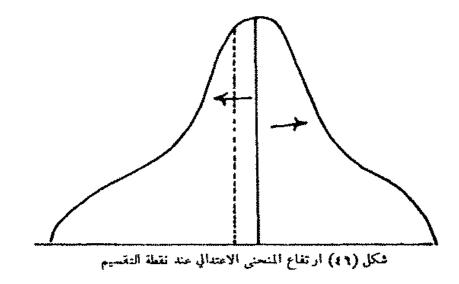
جدول (٧٠) الانحراف المبياري المجموعة الكلية

$$3 = 11 \quad \sqrt{\frac{14\pi}{14\pi} - \left(\frac{14\pi}{14\pi}\right)^{7}} = 14,71$$

ثالثا ... أوجد نسبة عدد أفراد المجموعتين الى أفراد المجموعة الكلية (المجموعتين معا ) ولنرمز لهما بالرمزين أب .

نفي مذا الثال 
$$1 = \frac{17}{77} = 10$$
.

رابعا ـــ ارجع الى جدول المنحى الاعتدالي (٤٩) ، لمعرفة ارتفاع المنحى الاعتدالي عن نقطة انفصال المجموعتين ، أي نبحث في هذا المثال عن ارتفاع عندما تكون المساحة الكبرى ٥٩٩، والمساحة الصغرى ٥,٤١ وهو يساوي ٣٩،٠



ولنرمز للارتفاع الذي تحصل عليه من الجدول عند نقطة التقسيم بالرمز دس. . خامسا ــ عوض في القانون الآتي لتحصل على معامل الارتباط الثنائي

معامل الارتباط الثنائي = 
$$\frac{1}{3}$$
  $\times$   $\frac{1}{3}$   $\times$  معامل الارتباط الثنائي =  $\frac{1}{3}$ 

واذا كانت قيمة م إ – م ب سالبة الاشارة دلذلك على أن الارتباط عكسي على أنه اذا كان في هذا المثال متوسط نسبة ذكاء المنبسطين أكبر من متوسط نسبة ذكاء المنبسطين أكبر من متوسط نسبة ذكاء الانطوائيين دل ذلك على أن هناك علاقة عكسية بين الذكاء وانطواء الشخصية أو أن هناك علاقة طردية بين الذكاء وانبساط الشخصية .

فمعامل الارتباط الثنائي في المثال السابق عكن ايجاده من البيانات الآتية:

$$97.89 = 97.89$$
 $97.89 = 97.89$ 
 $97.89 = 97.89$ 
 $97.89 = 97.99$ 
 $97.89 = 97.99$ 
 $97.89 = 97.99$ 
 $97.89 = 97.99$ 
 $97.89 = 97.99$ 

و هو معامل ارتباط بالرغم من أنه موجب الا أنه ضعيف وهذا أمر طبيعي لما ينتظر للعلاقة بين النواحي الانفعالية والقدرات العقلية بوجه عام .

هذا وقد تمكن دنلاب (۱) من تعديل القانون السابق لايجاد معامل الارتباط الثناثي الى الصورة الآتية  $\frac{1}{2}$   $\times$   $\frac{1}{2}$ 

على اعتبار أن م هي متوسط قيم المجموعة الكلية .

التعديل الأخير يزيد من سهولة حساب المعامل نظرا لاقتصار حسابه على المجموعة (أ) والمجموعة الكلية ، وبذلك يتخلص الباحث من حساب معاملات المجموعة ب ، وبذلك يمكن حساب كل من م ، ، ، ع في جدول واحد كما يلي :

المجموعة الكلية	المجموعة (أ)
	* * * * * * * * * * * * * * * * * * * *

كح	كع	التكرار	كح	ح.	التكر ار	الفئات
			:		Ŋ	ف
774	17-	۳۱	<u> </u>	٣	١٥	_٧.
184	V\$	**	£ £	Y	**	٠٨٠
۹۹	۰۹	٥٩	YV	۱	44	4 +
	<b>—</b>	40			44	-1
77	77	44	١٥	١ ١	10	11.
1.4	0 &	44	٣٤	۲	17	14.
VY	4£	٨	١٥	٣	٥	-14.
	-1.1		7.5	Ţ		
7.44	۲۲۲	77.	117-		14.	المجموع
	-140		øY—			

جنول (٧١) حساب معامل الارتباط الثنائي

والجديد في الصورة الثانية هو م (متوسط قيم المجموعة كلها )

وهو يساوي ۱۰۵ 
$$-\frac{170}{770} \times 10$$
 وهو يساوي ۱۰۵  $-\frac{170}{770} \times \frac{170}{770} = 10$  يكون معامل الارتباط الثنائي بناء على ذلك  $\frac{110}{17.07} \times \frac{99.0}{17.07} = 10$ 

وهي نفس النتيجة التي حصلنا عليها بالصورة الأولى لهذا المعامل .

ومعامل الارتباط الثنائي يرمز له عادة بالرمز الله ويمكنأن نرمز له بالرمز العربي  $^{R}$ 

# معسامل التسوافق:

يختلف معامل التوافق عن معامل الارتباط السابقة في أن كلا من المتغيرين في المعامل الأول يصنف الى عدد من الأنواع المتميزة ، دون التقيد مطلقا بشرط اتصال التوزيع فيهما ، أي أن الأصل في استخدام هذا المعامل الحالات التي يختلف فيها أحد المتغيرين أو كلاهما اختلافا نوعيا — ولكن ليس معنى ذلك أنه لا يصلح في الحالات التي يختلف فيهما المتغيران اختلافا كميا متصلا .

واليك مثالا للحالات التي يستخدم فيها المعامل .

تدل الملاحظات الوراثية (١) على أن هناك اتجاها يؤدي الى التشابه بين لون عين الأم أو الأب ولون عين الأم أو الأب ولون عين الطفل ، فلايجاد مدى هذه العلاقة بين هذين المتغيرين جمع باحث عددا من الحالات ولاحظ فيها لون عين كل أم ولون عين ابنها وحصل من هذه الملاحظات على مسايأتي :

يلاحظ أن لون العين متغير متفصل Discrete Variable أي أن التصنيف هنا نوعي.

المجموع	أخضر	أزرق	عـــلي	أسود	عين الأم عين الأب
01	١.	۱۲	۱۳	\•	أسود
٤٦	١,٠	14	18	١.	عسلي
70	١٣	٧٠	17	10	عسلي أزرق
78	44	17	11	14	أخضر
770	00	٦.	٥٨	ρY	المجموع

جدولُ (٧٢) العلاقة بين لون عين الأم و لون عين الابن

و يمكننا أن ندرك من مجرد ملاحظة القيم في هذا الجدول أن لون عين الأم ولون عين الابن يرتبطان ارتباطا موجبا . فاذا نظرنا الى الصف الأول وهو يمثل الحالات التي يكون لون عين الابن فيها أسودا وجدنا أن أكبر تكرار في هذا الصف هو تكرار الحليسة الأولى (١٥) . وهي الحلية التي يكون فيها لون عين الأب كذلك أسودا . وأكبر تكرار في الصف الثاني هو الذي يكون لون عين كل من الأب والابن عسليا ، وفي الصف الثالث والرابع نلاحظ أيضا نفس الملاحظة .

وهذه الملاحظة هامة من مبدأ الأمر ، لأن معامل التوافق لا يعطي اشارة الارتباط فهو لا يدل عما اذا كان الارتباط سالبا أم موجبا ، ولكن هذا يعرف من شكل توزيع التكر ارات في الجدول التوافقي وطريقة حساب معامل التوافق تنحصر في الحطوات التالية :

لكل خلية من خلايا الجدول أوجد مربع تكرار الخلية مقسوما على حاصل ضرب التكرار الكلي للعامود التابعة له التكرار الصف التابعة له ، فاذا رمزنا للعامود التابعة له احدى خلايا الجدول

عامو د أ		بالرمز (أ) والصف التابعة له بالرمز (ب)
خلية أ ب	صف ب	كان الرمز الدال على الخلية ( أ ب )

وتنحصر هذه العملية في ايجاد كان المائي ونظرا لأنهذا سيتبع في جميع الحلايا ثم

تجمع النواتج فان حاصل الجمع يمكن أن نرمز له بالرمز مح الشاب أي حاصل جمع خوارج قسمة مربع تكرار كل خلية على حاصل ضرب تكرار الصف التابعة له في تكرار العامود النابعة له .

ويتطبيق هذه العملية في المثال السابق نحصل على :

| الصف الأول 
$$\frac{Y(1)}{Y(1)} + \frac{Y(1)}{Y(1)} + \frac{Y(1)}{Y(1)}$$

٧ ــ اذا رمزنا لحاصل الجمع السابق بالرمز مح فان معامل التوافق يمكن حسابه

$$\overline{1 - \frac{1}{2}} \quad \text{if } \sqrt{\frac{2-1}{2}}$$

وقد رمزنا هنا لمعامل التوافق بالرمز (ق) ويرمز له عادة بالرمز (c) هذا ويمكن تسهيل الحساب قليلا بالتعديل الآتي :

الصف الثاني = 
$$\frac{1}{73} \left( \frac{(11)}{10} + \frac$$

$$14.7\times \cdot \cdot \cdot Y = \left(\frac{Y(17)}{00} + \frac{Y(17)}{1} + \frac{Y(17)}{1} + \frac{Y(17)}{1} + \frac{Y(17)}{1}\right) \frac{1}{100} = 10$$

$$14.7\times \cdot \cdot \cdot Y = \left(\frac{Y(17)}{00} + \frac{Y(17)}{1} +$$

$$19,77\times...$$
 $19,77\times...$ 
 $19,$ 

ومن المفيد أن تعرف ما اذا كان معامل التوافق يمكن مقارنته بمعامل الارتباط . الواقع أن معامل التوافق به عبب أساسي هام ، وهو أنه يتأثر كثيرا بعدد الأقسام في كل من المتغير بن أي أنه يعطي نتائج مختلفة اذا قسمت البيانات في المتغير الى ستة أقسام بدلا من أربعة ، ولذلك فان قيمته ينبغي أن ينظر اليها على أساس عدد الأقسام التي قسم اليها كل متغير ، وهناك حد أقصى لقيمة معامل التوافق تبعا لأقسام الجدول .

ويعطينا « Kendall Yule » القيم القصوي لمعامل التوافق في حالات عدد الحانات المبيئة فيما يلي :

اذا كان عدد أقسام كل متغير ٢ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٧٠٧٠٠

اذا كان عدد أقسام كل متغير ٣ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٨١٦.٠

اذا كان عدد أقسام كل متغير ٤ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٨٦٦٠٠

اذا كان عدد أقسام كل متغير ٥ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٨٩٤٠.

اذا كان عدد أقسام كل متغير ٣ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩١٣٠٠.

اذًا كان عدد أقسام كل متغير ٧ فان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٢٦.٠

اذا كان عدد أقسام كل متغير ٨ قان معامل التوافق لا يزيد عن ٩٣٥٠٠

اذا كان عدد أقسام كل متغير ٩ فان معامل التوافق لا يزبد عن ٩٤٣٠٠.

اذا كان عدد أقسام كل متغير ١٠ فان معامل التوافق لا يزيد عن ١٠,٩٤٩.

(1)

Yule G.U. and Kandell, M.G. An Introduction to the theory of Statistics.

ونظرا لأن المعامل في حالات التقسيم الضيق يكون بعيدا في حده الأقصى عن الواحد الصحيح فان هذا المعامل يكون في حاجة الى تصحيح في هذه الحالات ، حتى يمكن مقارنته بالمعاملات الأخرى . وقد اقترح « Pearson, K. » تصحيحا في حالات التقسيمات التي تقل عن أربع فثات لكل متغير ، ولكن اذا طبق نفس هذا التصحيح فيما اذا زاد عدد التقسيمات عن ذلك .

ولكن « Garret, H. يقترح اقتراحا لهذا التصحيح أسهل كثيرا من تصحيح « Pearson » فهو يرى أن يقسم كل معامل نحصل عليه من الحساب على الحد الأقصى المبين عاليه لنفس عدد الأقسام ، وبذلك نحصل على معامل يصل الى الواحد الصحيح اذا كانت القيمة الناتجة معادلة للحد الأقصى المتوقع . ففي المثال السابق كان عدد أقسام كل متغير 129 ، ولذلك فان الحد الأقصى للمعامل هو ٨٨٦، وكان معامل التوافق الناتج من الجلول 1.50، وتصحيح هذا المعامل يصبح :

وبذلك تسهل مقارنة معامل التوافق بمعامل الارتباط ، وقد يقترب المعاملان بعضهما من بعض كثيرا في بعض الحالات ، بحيث لا يحتاج معامل التوافق الى تعديل وأهم هذه الحالات هي :

- ١ ــ عندما يكون التقسيم مفصلا أي أن يقسم كل متغير الى خمسة أقسام أو أكثر .
  - ٢ -- عندما تكون العينة كبيرة العدد نسيبا .
  - ٣ -- عندما يكون التقسيم طبيعيا لا تصنع فيه ولا ضغط .
- عندما یکون من المعقول أن نفتر ض أن کلا من المتغیرین موزع في الطبیعة
   توزیعا اعتدالیا .

## طريقة أخرى لحساب معامل التوافق :

هناك طريقة أخرى لحساب معامسل التوافق تقتضي حساب قيمة معامل كا<sup>٢</sup> وسنشرح هذه الطريقة في الباب القادم عند شرح طريقة لحساب معامل كا<sup>٢</sup>.

Pearson K. On the measurement of the influences of Broad Categories - (1) Biometrika, 9 (1913).

#### معسامل فاي Phi Coeficient .

يعتبر هذا المعامل حالة خاصة من الحالات التي تستخدم فيها معامل التوافق. فهو لا يستخدم الا في الحالات التي يقسم فيها كل من التغيرين الى قسمين متميزين ( نوعين مختلفين ) ومن أمثلتها الصفات وعكسها مثل الجنسين مذكر ومؤنث عي وميت ، ملون وغير ملون ، استجابة وعدم استجابة ، شفاء وعسدم شفاء ... الخ . فاذا أراد باحث معرفة أثر دواء خاص في شفاء نوع من الأمراض مثلا فيمكنه أن يختار عينة من المرضى بالمرض الذي هو مجال البحث ، ثم يقسم هذه العينة الى قسمين : قسم يعالج بالدواء الحاص وقسم لا يعطى أي نوع من العلاج ، ثم يبحث بعد مدة أثر هذا للواء في شفاء المرض ، فيحصر عدد الذين شفوا باستعمال الدواء . ويقارن بعدد من شفوا بغير استعمال الدواء ، ولنفرض أن نتيجة هذا البحث كانت كما يلى :

النسبـــة	المجموع	لم يعالجوا بالدواء	عو بادسوا بالنواء	النتيجة
•,£٣ •,•V	10.	T0 170	110	شفوا من المرض لم يشفوامن المرض
١,٠٠	40.	Y1.	18.	المجموع
	١,٠٠	•,1•	٠,٤٠	النسبة

جدول (۷۲) جدول تكراري لحساب معامل فاي

يلاحظ من هذا الجدول أن أغلب الذين عولجوا بالدواء قد شفوا من المرض ، فقد شفي ١١٥ من ١٤٠ مريضا بهذا الدواء ، بينما لم يشف أغلب الذين لم يعالجوا بالدواء ، فلم تشف غير ٣٥ فقط من ٢١٠ دون تعاطي الدواء . مما يدل على أن الدواء أثر يذكر في شفاء المرض .

ويرمز لهذا المعامل بالرمز كر ولا مانع من أن نتخذ نفس الحرف رمزا لهذا المعامل هنا. ولكي يسهل حساب معامل فاي في مثل هذا الجدول نحول هذه التكرارات الى نسب من المجموع الكلي ، أي بأن نجعل المجموع الكلي ١,٠٠ كما يلي ، كما نرمز لكل خلية بالجدول بالرموز المبينة :

المجموع	لم يعالجـــوا بالدواء	عوبخوا بالدواء	العلاج النيجة
۰,٤٣ (۵)	۰٫۱۰ (ب)	(أ) ٠,٣٣	شفوا من المرض
۰, <b>۵</b> ۷ (ی)	۰ هر ۰ (د)	(~) · · · V	لم يشقوا من المرض
١.٠٠	۰,٦٠ (ی)	۰,٤٠ (۵)	النبــة

جدول (٧٤) تحويل الجنول التكراري إلى نسبة تكرارية .

وتحسب نسبة كل خلية بقسمة تكرارها على المجموع الكلي لعدد الحالات ، فالنسبة 100 من ٢٥٠ ، من ٢٥٠ ، ٠٠٠ من ٢٥٠ ، ٠٠٠ من ٢٥٠ ، ٠٠٠ من ٢٥٠ من ٢٥٠ من ٢٥٠ من ٣٥٠ من ٣٥٠ من ٣٥٠ من ٣٥٠ من ٣٥٠ من

والقانون الذي يحسب به معامل ﴿ هُو كَالْآتِي :

وهو يساري في هذا المثال :

$$\frac{(3,0)(0,0) - (0,0)(0,0)}{(3,0)(0,0)(0,0)} \\
= \frac{71,0}{37,0} \\$$

### خاتمة في معامسل الارتباط:

درسنا في هذا الباب عددا من معاملات الارتباط ، ولكل من هذه المعاملات حالات

خاصة فيفضل فيه دون غيره . وأهم هذه المعاملات وأكثرها شيوعا هو معامل ارتباط بيرسون بصوره المختلفة ، فمعامل ارتباط الرتب لسيبرمان يستخدم عادة اذا كالحصول على الرتب المختلفة لأفراد العينة أكثر دقة من اعطاء كل فرد قيمة خاصة . ففي كثير من الأحيان يكون من الصعب امتلاك الأفراد لهذه الصفة وميزة معامل ارتباط سيبرمان سهولة حسابه ، الا أن مما يزيد صعوبة حسابه تكرار الترتيب وكبر عدد أفراد العينة ، أما معامل ارتباط بيرسون فبالرغم من أنه يحتاج الى عمليات حسابية كثيرة الا أن الآلات الحاسبة تسهل ذلك كثيرا ، ولذا فان هذا هو المعامل الذي يعتمد عليه أغلب الباحثين في بحوثهم ، والصورة المشتملة على الجدول التكراري المزدوج تستخدم بنوع الباحثين في بحوثهم ، والصورة المشتملة على الجدول التكراري المزدوج تستخدم بنوع خاص في حالات العينات الكبيرة ومن المهم أن يتأكد الباحث من استيفاء الشروط اللازمة لاستخدامه قبل الالتجاء اليه . وأهمها أن تكون العلاقة مستقيمة أما اذا كانت العلاقة منحنية استعيض عنه بنسبة الارتباط .

وفي الحالات التي لا يتسنى فيها تقسيم أحد العاملين الى أكثر من فتين بينما يمكن تقسيم العامل الآخر تقسيما متصلا متدرجا ، فإن المعامل الذي يصلح في هذه الحالة هو المعامل الثنائي ، أما إذا كان هذا هو الحال مع المتغيرين استخدم حينئذ معامل الارتباط الثنائي والرباعي ينبغي أن الرباعي . ويجب ألا تنسى أن استخدام كل من معامل الارتباط الثنائي والرباعي ينبغي أن يكون مؤسسا على أن كلا من المتغيرين يتغير تغير ا مستمرا Continuous وأن الاقتصار على فتتين فقط لا يغير من هذا الأساس وأنما قصد بهذا الاجراء التغلب على صعوبة الحصول على تقسيم أكثر دقة وتفصيلا ، بحيث إذا اشتمل البحث على أنواع متميزة منفصل بعضها عن بعض أصبح على الباحث أن يتجنب استخدام هذين المعاملين ، واستخدم بدلهما معامل التوافق في حالة امكان التقسيم إلى أكثر من فتتين ، أو معامل فاي حالة تقسيم كل من المتغيرين إلى فتتين منفصلتين .

أما معامل الارتباط المتعدد والجزئي فهما يستخدمان بنوع خاص في حالة حرص الباحث على أن يعمل حسابا لأكثر من متغيرين ، ويفيد الباحث كثيرا معرفة معادلية الانحدار المتعدد ليقف على مدى أهمية العوامل المختلفة في التأثير في ظاهرة أو صفح خاصة . والفائدة الأساسية من معامل الارتباط الجزئي هي استبعاد أثر عوامل خاصة والابقاء على عوامل أخرى في احدى الظواهر أو الصفات حين يتعدر على الباحث أن يقوم بهذا الاستبعاد تجريبيا . وتثبيت هذا العامل أو هذه العوامل في العينة المختارة . مما لايتسع له هذا الحال .

واذا استخدم الباحث احدى هذه الطرق فيجب أن يستخدم نفس الطريقة اذا كان يهدف المقارنة . فليس من الصواب أن نحسب معامل الارتباط بين أ ، ب بمعامل ارتباط الرتب ثم تحسب معامل التوافق بين ب ، ح ثم تقارن بين هذين المعاملين بعد ذلك لنقرر ما اذا كانت العلاقة بين أ ، ب أكبر أو أصغر قدرا من العلاقة بين ب ، ح بل يجب توحيد الطريقة في حالات المقارنة .

وفي تفسير معامل الارتباط ينبغي أن يكون الباحث حريصا: فمجرد وجود الترابط لا يدل على أن أحد العاملين سبب العامل الآخر أو نتيجة له ، فالعلاقة السببية كما ذكرنا في الباب الأول لا يمكن الوصول اليها عن طريق الاحصاء فقط ، بل يحتاج علاوة على ذلك ادراكا لطبيعة هذين العاملين مما لا يتيسر للاحصاء الوصول اليه .

وينبغي ألا يغيب عن بالنا أن قيمة معامل الارتباط متعلقة لدرجة كبيرة بالعينة التي يحسب على أساسها فلا يصح أن نقول أن معامل الارتباط بين الميل الاجرامي والذكاء هو ... فليس هناك معامل ارتباط مطلق بل ان المعامل نسي دائما ومرتبط بصفات العينة .

ولكي نوضع اختلاف قيمة معامل الارتباط باختلاف العينة نفرض أنه أجى اختباران على ٢ أشخاص ، أ ، ب ، ح ، د ، ه ، و -- وكانت درجاتهم فيهما كالآتي :

(ب)	أختبار	(أ)	اختبار	
۲.		٥.	#PPU-PP-Aud-Sedie P-wellenschiftenseille mad Mittal Till Tille	1
Ye	b	Yo		پ
٨	*************	٨		<b>&gt;-</b> -
Y •		٠ د	**************************************	د
10		10	**************************************	
٧.		٥.		و

ولنفرض أننا أخذنا عينة من ثلاثة أفراد فقط من هذه المجموعة وكان هؤلاء الأفراد هم أ ، د ، و ـــ و درجاتهم في الاختبارين هما :

اختبار <b>(ب)</b>	اختبار (أ)	
۲.	<b>*</b>	Ī
٧.	٥٠	د
٧.	o •	و

فاذا حسبنا معامل الارتباط بالانحرافات أو القيم الخام بين درجات الاختبارين في هذه العينة وجدنا أن معامل الارتباط = صفر بينما لو اخترنا ب ج ، ه ، و درجاتهم كالآتي:

اختبار (ب)	اختبار (أ)	
40	Y 0	ب
٨	٨	; <del>-</del> -
10	10	

لكان معامل الارتباط = ١

وعلى وجه العموم فانه كلما كانت القيم في العينة مختلفة اختلافا متسعا كلما كانت قيمة معامل الارتباط أكثر ارتفاعا ، بينما كلما كانت العينة متقاربة في الصفتين المطلوب ايجاد العلاقة بينهما كلما صغرت قيمة معامل الارتباط ، ويمكن توضيح هذا من الجلمول الارتباطي الآتي الذي يبين العلاقة بين أطوال ١٠٠ طالب من طلبة الجامعة وأوزانهم .

المجموع	-14.	170	17•	170	-14.	_\00	-10.	الطول
								الوزن
Y							٧	0 +
11				٧	۲	Ł	٣	00
۱۷		١	١	٦	9	۲	۲	<b>\</b>
۱۷		١	۲	٥	Ę	٣	۲	- 70
۱۲	\	\	٥	Y	Y	١		V·
14	١		٥	ŧ	۲		١	Vo
۱۳	\	ŧ	٤	٣	١			<b>∧•</b>
10	o	٣	٥	Y				Ae
1	٨	١.	۱۲	71	١٦	١.	١.	المجموع

سيدول (٧٥) أثر العينة المختارة في معامل الارتباط بين الطول والوزن

من ملاحظة تكرار خلايا الجدول يتضع أن معامل الارتباط بين الطول والوزن موجب مرتفع. ولنفرض أن الجدول اقتصر على التكرارات المحصورة في أحد المربعين الموضحين داخل الجدول. أي أننا قصر نا الحساب على عينة مختارة Selected ومتجانسة تجانسا كبيرا « Too Homogeneous » أي اخترنا ٣٣ طالبا ( المربع العلوي ) أطوالهم من ١٥٥ لكجم الى أقل من ١٧٠ كجم . أو ٢٨ طالبا ( المربع السفلي ) أطوالهم محصورة بين ١٦٥ سم وأقل من ١٨٠ سم وأوزانهم بين طالبا ( المربع السفلي ) أطوالهم محصورة بين ١٦٥ سم وأقل من ١٨٠ سم وأوزانهم بين المائي كجم الى أقل من ١٨٠ سم وأوزانهم بين الوزن والطول في احدى هاتين العينتين يكاد يكون صفرا.

من هذا يتضع أن الباحث ينبغي أن يكون حريصا في اختيار العينة التي يحسب على أساسها معامل الارتباط حتى لا تكون عينة مختارة ومتجانسة تجانسا كبيرا ، كما ينبغي أن يقرن قيمة معامل الارتباط الذي ينتج في بحثه بذكر العينة التي أجرى عليها البحث .

أسئلة على الباب الخامس استبيانات للشخصية .

العصبية	. 411	الانطواء	انلن	* <b>31</b> .=(1	
العصبية	الشعور بالنقص	اد تعواد	المان	التوافــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	رقسم الطالب
	بالتقض		واسيطره	ار جسهاعي	اربعاري)،
18	44	11	10	٨	١
١٠	40	17	۲V	4	۲
۱۲	٧.	١.	۱۲	۱۸	٣
4	18	۱۲	74	11	٤
14	14	10	70	۱۷	٥
11	Yo	17	17	14	٦.
4	4.	1.	٦	.10	٧
17	41	11	۱۸	19	٨
14	Yo	١٣	4	11	4
10	٧٨	۱۷	70	۱۳	١.
17	Yo	١٥	٧.	18	11
111	Y &	18	77	١٢	۱۲
- 37	YV	١.	•	٧.	١٣
١٣	40	١٧	17	۱۳	18
11	44	11	17	10	١٥
14	44	10	47	18	17
18	44	14	£Y	١٨	۱۷
11	72	14	70	YY	۱۸
10	40	18	٣٠	١٧	15
17	YA	10	77	18	٧٠
۱۸	<b>EX</b> .	17	70	18	14
11	40	10	17	١٣	77
1 11	72	1 14	1 ^	11	74

44	14	70	١٠	71
**	18	44	١٢	Y 0
١٨	١٥	YY	14	77
17	١٢	70	11	**
47	١٧	14	18	YA
١٥	١,	11	14	79
44	۱۵	44	۱۳	۳,
10	11	۱۰	١١	41
١٨	14	40	۱۲	44
٧.	١٥	٧٠	١٨	44
YY	۱۷	44	۱٥	4.5
44	١٥	۳٠	١٤	40
41	- 11	Y£	14	4**4
4.5	١.	18	*1	**
19	٨	14	17	<b>۴</b> ۸
Y.	10	74	14	74
۳.	Y 0	40	18	٤٠
٧٠	١.	70	17	٤١
77	17	44	14	٤٢
٧.	١٥	**	14	٤٣
٧٨	۱۸	٤Y	10	11
77	۱۳	40	۱۲	įs
70	11	47	18	\$7
YŁ	14	44	*1	٤٧
١٨.	11	17	11	٤٨
14	۱0	44	۱۳	£4 ·
41	11	۱۲ .	11	••
	Y	YY       18         1A       10         1A       10	YY         31         YY           XA         YO         YO           YA         YY         YO           YA         YY         YO           YA         YO         YY           YO         YY         YO           YA         YO         YY           YY         YY         YY	17       18       WW       14         10       70       17         10       17       70       11         10       10       13       13         10       10       17       13         10       10       17       14         10       11       10       11         10       11       10       11         10       11       10       11         10       11       10       11         10       10       17       10         11       10       10       10         11       11       12       14         12       11       12       14         14       10       14       14         14       10       14       14         14       14       14       14         15       14       14       14         14       14       14       14         15       14       14       14         14       14       14       14         14       14       14       14         14       14

جدول (٧٦) درجات خمسين طالباً في خمس استهياذات الشخصية

۱ ــ احسب معامل ارتباط الرتب بين درجات عشرين طالبا (۱ ــ ۲۰) في الاستبيانين .

$$(1) \cdot (1) - (1)$$

۲ باستخدام معامل ارتباط بیرسون أوجد مدی العلاقة بین درجات عشر طلبة
 ۱ ) فی الاستبیانین .

(استخدم الدرجات الأصلية « الحام » كما هي ، دون الاستعانة بتخطيط الانتشار ) .

٣ - حول الدرجات في المسألة السابقة الى انحرافات عن المتوسط الحسابي واحسب معاملات الارتباط من هذه الانحرافات ، وحقق النتائج الثلاثة التي حصلت عليها في المسألة السابقة بهذه الطريقة .

٤ --- استخدم تخطيط الانتشار والجدول التكراري المزدوج في حساب معامل الارتباط بين درجات كل استبيان و درجات غيره من الاستبيانات ، وضع النتائج التي تحصل عليها في مصفوفة ارتباطية على الصورة الآتية :

(0)	<b>(£)</b>	<b>(٣)</b>	(٢)	(1)	
41.5	£1.5°	412	415		(1)
24.9	شر ۲۶	44 5		147	(¥)
2.40	۳.۳۶	_	442	14.5	(4)
a { J		¥£ J*	4£ Jr	185	<b>(£)</b>
	í o J	40.5	405	105	(0)

الجدول الآتي يبين العلاقة بين الاتجاه لعدد من الأشخاص نحو التعصب الديني ودرجاتهم في استبيان لقياس مدى التدين والمطلوب حساب معامل الارتباط الثنائي Bi Serial

المجموع	٣٥	_ ٣.	۲0	<b>Y</b> +	\0	<b>\</b> •	6	صفر ــ	الاسة يان الاتجاه
٧٣	40	۱۵	17	١.	٥	٤		۲	موافق
vv	١.		į		١.	70	۱۳	۱٥	معارض
10.	۳۵	١٥	17	١.	10	44	18	۱۷	المجموع

جدول (٧٧) العلاقة بين الاتجاء نحو التعصب الديني و درجات استبيان مدى التدين

تسم درجات استبیان التوافق الاجتماعی (۱) فی الاستلة السابقة الی قسمین : أقل من ۱۵، ۱۵ فأكثر . و درجات تباین الشعور بالنقص (٤) الی ست فتات : ۱۲ ، أقل من ۱۵، ۱۵ واستنتج من ۳۲ – ۲۰ ، ۲۰ و استنتج من هذا الجدول معامل الارتباط الثنائی بین درجات هذین الاستبیانین .

٧ ـــ الجدول الآتي يبين العلاقة بين جنسية الفرد ونوع الموسيقي التي يفضلها .

جنسية الشخص نوع الموسيقي المفضلة

_	المجموع	أسباني	ايطــالي	ألماني	فرنسي	انجليزي	
	γ.,	۲,	٤٧	٧٥	17	44	انجليزي
	٧٠٠	٤٠	٤١	٤٢	٦٧	١.	فرنسي
	٧٠٠	77	٣٦	1.4	74	۱۲	ألماني
	٧.,	٤٤	٧٦	٤٤	٧.	17	ايطالي
	٧	77	٤٣	٣٠	۳۵	۸	أسباني
	1	7.7	714	444	174	٧٨	المجموع

جدول (٧٨) العلاقة بين الجنسية والنوع المفضل في الموسيقي

احسب معامل التوافق ( ق C ) بين هذين المتغيرين .

# الباب السادس

### العينات ومقاييس الدلالة

```
    العينات: شروطها وطرق اختيارها.
    أبات المقاييس الاحصائية:

            المتوسط الحسسائي
            معامسل الارتبساط
            النسبسة المتويسة
            الانحسراف المعيساري
            دلالة الفروق والفرض الصفري:
            النسبة الحرجسة
            مقساييس الدلائسة:
            اختبسسار و ت ،
            اختبسسار و ت ،
            خطيسل التباين.
```

#### العينسات والحنيسارها:

من أهم المشاكل التي يصادفها الباحث مشكلة اختيار العينة التي يجري عليها البحث. لأنه يتوقف على هذه العينة كل قياس أو نتيجة يخرج بها ، فالاختبار العقلي قد يوصف بأنه صعب أو متوسط أو سهل حسب العينة التي يطبق عليها ، والمتوسط الحساني لأي صفة نفسية أو اجتماعية يتغير بتغير المقياس الذي يستخدم في هذا القياس ، كما يتغير تغير المتير المتير المتياس هذه الصفة . ومعامل الارتباط بين تغير المتغير بن كذلك ــ يتوقف على درجة انسجام أو اختلاف العينة التي يحسب فيها هذا المعامل .

ويضطر الباحث لاجراء بحثه على عينة محدودة العدد لا على المجتمع الأصلي بأكمله ، لأن اجراء البحوث على المجتمع الأصلي بأكمله يكلف الباحث قدرا كبيرا جدا من الوقت والجهد والمال . ويكفي أن نتصور مقدار الوقت والجهد الذي يبذل عندما تنظم الحكومة القيام باحصاء عام كل عشر سنوات ، مع أن الاحصاء لا يشتمل الا على عملية عد بسيط وحصر للأفراد الموجودين . فان كان البحث يشتمل على اختبار وتحقيق حالات اجتماعية وبحث حالات فردية Case Study كانت الصعوبة التي يصادفها الباحث في تطبيق بحثه على المجتمع بأكمله مضاعفاً / ولا سيما وأن الاحصاء قد بلغ من التقدم الآن مرحلة يستطيع الباحث أن يستنتج من العينة الصغيرة المحدودة ما بود استنتاجه عن المجتمع الأصلي يستطيع الباحث أن يستنتج من العينة الصغيرة المحدودة ما بود استنتاجه عن المجتمع الأصلي الاختيار دون التقيد بنظام أو وسيلة علمية خاصة بل هناك شروط خاصة ينبغي توافرها في العينة حتى نستعيض بها عن المجتمع الأصلي الكبير . ومن أهم شروط العينة الشرطان في العينة حتى نستعيض بها عن المجتمع الأصلي الكبير . ومن أهم شروط العينة الشرطان الأتيان :

الأصلي مثلاً مكون العينة ممثلة Representative للمجتمع الأصلي . فاذا كان المجتمع الأصلي مثلاً مكونا من صندوق من البلي : الأزرق والأصفر والأحمر وأردنا أن نأخذ

عينة من هذا الصندوق فكلما اشتملت العينة على جميع الألوان المكونة لهذا الصندوق · كانت العينة صالحة لتمثيل المجتمع .

٢ - أن تكون لوحدات المجتمع الأصلي فرصا متساوية Equal Chances في الاختيار . وكثيرا ما يقع الباحث في خطأ عدم استيفاء هذا الشرط في العينة التي يختارها دون قصد منه ، فاذا كان البحث يتعلق باجراء استبيان على مجموعة خاصة ، كان من السهل عليه أن يختار الأشخاص القريبين منه أو المحتكين به ، وفي هذا قصر الاختيار على مجموعة دون غيرها ، وعدم اعطاء جميع أفراد المجتمع فرصا متساوية في الاختيار .

وغالبا ما يكتفي الباحث بالشرط الثاني ، لأن فيه عادة ضمان لاستيفاء الشرط الأول فاذا ضمنا تساوي فرص الاختبار لجميع الأفراد حصلنا عادة على عينة ممثلة للمجتمع الأصلى ، ويمكن للطالب أن يجري بنفسه التجربة الآتية :

ضع ٢٠٠ قطعة من قطع الورق الصغيرة في صندوق وقسمها الى خمسة أقسام أي ٤٠٠ قطعة في كل قسم ، واكتب الرقم (١) على قطع القسم الأول ، (٢) على قطع القسم الثاني ، (٣) على قطع القسم الثالث ، (٤) على قطع الرابع ، (٥) على قطع القسسم الحامس .

ثم الخلط هذه القطع جميعها خلطا جيدا في الصندوق. ثم الخبر عينات كل منها من خمس ورقات مع ملاحظة الأرقام المكتوبة على أوراق العينة وارجاعها للصندوق في كل مرة. وكرر ذلك حوالي عشرين مرة أو أكثر تلاحظ أن خمس عدد الأوراق في العينات تقريبا مكتوب عليها الرقم (١) . وخمسها أيضا مكتوب عليه الرقم (٢) و ... وهكذا مما يوضح أن العينة المختارة هي في نفس الوقت ممثلة للمجتمع الأصلي ، لأنها تتكون من نفس الصفات بنفس السيب .

والطرق الشائعة لاختيار العينات يمكن حصرها فيما يأتي :

#### : Random Sample المنة المشوالية

يقصد بالعينة العشوائية تلك العينة التي لا تتقيد بنظام خاص أو ترتيب معين مقصود في الاختيار . وبذلك نضمن لجميع أفراد العينة فرصا متساوية . وفي هذه الحالة توصف العينة بأنها غير متحيزة Unbiassed . والطريقة العادية التي يميل اليها العامة دائما وهي كتابة أسماء أو أرقام العينة في أوراق صغيرة وتطبيقها وخلطها تماما ثم اختيار العسدد

ويطلق كثير من الباحثين الاجتماعيين على هذا النوع من العينة اسم الاختيار المباشر من الملف ه Direct File Sampling » ويقتضي هذا الاختيار الاطلاع على الملف المبتوي على أفراد المجتمع الأصلي ( ان كان من المتيسر ذلك ) ، ثم اجراء الاختيار من الأفراد المدونة في هذا الملف مباشرة .

وبالرغم من السهولة الظاهرة في هذه الطريقة الا أن كثيرا من الباحثين يقعون في أخطاء عند تطبيقها . ففي احدى الاستفتاءات التي أجريت في الولايات المتحدة الحاصة بانتخاب رياسة الجمهورية قبل اجرائه ، اختيرت العينة من بين أسماء الأشخاص المدونة أسماؤهم في كراسة أرقام التليفون بطريقة عشوائية الا أن الواقع أن حصر الاختيار من بين أسماء الأشخاص المدونين في هذه الكراسة يحد من اختيار العينة ، لأنه من الطبيعي أن الأشخاص الذين اختيرت منهم العينة هم فئة خاصة من المجتمع الأصلي وليس المجتمع الأصلي كله . وهم عادة فئة أحسن حالا وأرقى من حيث المستوى الاقتصادي الاجتماعي من الذين لم تدرج أسماؤهسم ، وبهسذا وقسع الاستفتاء في خطأ غير مقصود ، وهو عدم اعطاء فرص متساوية لأفراد المجتمع الأصلي ، باهمال عدد منهم وحرمانهم من حقهم في الاختيار في العينة .

ويعلق نيو كومب Newcomb (۱) على احتمال وقوع الباحث في خطأ تطبيق العينة العشوائية دون قصد منه حين يقول :

Newcomb. T, Social Psycholegy. (1)

و اذا كان على الباحث أن يقابل تبعا للعينة العشوائية أشخاصاً لا بميل لمنظرهم ، أو أن يفضل أن يتعرض لأقسام خاصة من المدينة أو حتى اذا تجنب الحروج من منزله في يوم مطير ، فانه يكون من السهل عليه أن يملأ بياناته دون أن يتعرض لما يكرهه ،

وللتقليل من العامل الشخصي بقدر الامكان تلجأ الهيئات الى الوسائل الآلية في اختيار العينة ، كما يحدث مثلا في سحب أرقام اليانصيب أو في استخدام زهر اللعب والأرقام التي يقع عليها لتحديد الاختيار . وقد ذكرنا سابقا عند الكلام على المنحنى الاعتدالي كيف تتحددهذه الأرقام بعامل الصدفة .

# : Stratified Sample العينسة الطبقيسة

العينة الطبقية هي تلك العينة التي يتم اختيارها على مرحلتين :

- ١ ـــ مرحلة تحليل المجتمع الأصلي .
- ٢ \_ مرحلة الاختيار العشوائي في حدود صفات المجتمع الأصلي .

فالباحث في هذه الطريقة يبدأ بدراسة المجتمع الأصلي ، فيعرف الأوصاف المختلفة المشتمل عليها ، والنسب التي تتمثل بها كل صفة في هذا المجتمع ، وبعد هذه الدراسة يتبع نظاما عشوائيا متقيدا بنتائج تحليله في الخطوة الأولى . ولنفرض أن باحثا أراد أن يبحث المستوى الاقتصادي الاجتماعي لطلبة كلية من الكليات وأراد اختيار عينة من طلبة الكلية متبعا هذه الطريقة ، فان عليه أن يدرس طلبة الكلية من نواحي كثيرة أهمها : —

- (أ) نسبة عدد طلبة الأقسام المختلفة والسنوات المختلفة .
  - (ب) نسبة الطلبة الى الطالبات.
    - (ج) نسبة الأديان المختلفة .
  - (c) صناعة الوالد أو ولي الأمر .
    - (a) منطقة السكن .
  - (و) مستوى تعلم الوالدين . . .
    - . . . . . . الخ .

وهكذا فان على الباحث أن يعمل حسابا لعوامل كثيرة حثى يجعل العينة التي يختارها

ممثلة تمثيلا تاما بقدر الامكان للمجتمع الأصلي . فيحافظ على النسب المختلفة والأنواع المتباينة في العينة الني يختارها . فالعينة الطبقية لا يمكن وصفها بأنها عينة عشوائية أو عينة مقيدة ، ذلك لأنها تجمع بين الناحيتين فهي مقيدة بأوصاف المجتمع الأصلي وعشوائية في حدود هذه الأوصاف .

ويطبق هذا النوع في البحوث الاجتماعية تحت أسماء وصور مختلفة أكثر شيوعــــا Quota Sampling, Area Sampling

وفي النوع الأخير تحدد المساحات أو الأقسام التي تقسم اليها المنطقة أو المدينة الواحدة، ولذا فمما يسهل هذا النوع من الاختيار أن يكون لديه خريطة للمنطقة أو القسم أو المساحة المراد تمثيلها في العينة ، ثم تختار المناطق التي تمثل في العينة اما بطريقة عشوائية أو بشروط خاصة يضعها المجرب . ففي حالة استفتاءات الرأي العام مثلا يتعين على المجرب بعد وضع تصميم خطة العينة أن يتصل بجميع أفراد المنطقة التي يختارها أو بعدد ما يختاره منها بطريقة ما . ومن عيوب هذه الطريقة أن بعض الأشخاص المراد استطلاع رأيهم ينتقلون من مكان لآخر أثناء تطبيق الاستغتاء ، أو أن بعض المختارين في العينة قد لا يميلون للتعاون مع الباحث فيضطر الباحث الى الاستعاضة عنهم بغيرهم . وسيأتي تفصيل هذه الطريقة فيما بعد .

وواضح أن هذه الطريقة تستغرق جهدا في تحليل المجتمع ، كما تحتاج الى حرص لا يقل عما تتطلبه الأولى ، فليس من السهل على الباحث أن يجعل العينة ممثلة تمثيلا تامــــا للمجتمع .

# : Controlled Sample العينة المقيدة

العينات التي سبق وصفها عينات تؤخذ من مجتمع كبير وتبذل جهود المجرب لكي يصل الى عينة تقوم مقام المجتمع الأصلي بوجه عام ، الا أن بعض البحوث يتطلب عينات مقيدة محددة بأوصاف خاصة ، وبذلك تكون عملية الاختيار من المجتمع الأصلي عملية مشترطة بشروط تحدد الأفراد الذين تشتمل عليهم العينة المطلوبة . فاذا أراد الباحث أن يجري بحثه على طلبة الكلية الممتازين علميا فقد يحدد هذا الامتياز العلمي بأنه يشتمل على مرتبة جيد جدا على الأقل في النتيجة النهائية لمواد العام الذي يجري فيه البحث ، وعلى ذلك فان الخطوة الأولى في اختيار أفراد العينة تنحصر في تحديد الأفراد في المجموعة الأصلية (طلبة وطالبات الكلية جميعا) الذين ينطبق عليهم هذا الشرط ، أي الحائز بن على درجة

جيدا جد على الأقل . وفي هذه الحالة قد يكون عدد هؤلاء الطلبة قليلا للرجة أن العينة تستنفذهم جميعا وبذلك لا تكون المشكلة مشكلة اختيار عينة من بين أفراد المجتمع ، بل مشكلة الحصول على عدد كاف من الأفراد لغرض البحث . وكلما كثرت الشروط اللازمة في العينسة صعب الحصول عليها بطبيعة الحال وقسل عدد الأفراد الذين يتم الاختيار من بينهم ، أما اذا كان المجتمع الأصلي مشتملا على عدد كبير من الأفراد المستوفين لحميع الشروط اللازمة في العينة ، فان من اللازم بعد عملية الحصر الأولى اجراء عملية اختيار اما عن طريق عشوائي باضافة شرط جديد يحدد من عدد الأفراد اللاتقين للعينة . .. ففي المثال السابق له اذا كان عدد الحائزين على تقدير و جيد جدا ، في مواد العام الدراسي أكثر من العدد المطلوب قد يميل الباحث الى زيادة التحديد فيقتصر بحثه على الطلبة دون الطالبات ، أو على طلبة وطالبات السنتين النهائيتين فقط ، أي أن اختيار العينة في هذا النوع يتم أيضا على خطوتين ، تشتمل الحطوة الأولى على حصر الأفراد المستوفين للشروط المكن اعتبار هذا النوع من العينة المعاوبة من هؤلاء الأفراد . وعلى هذا فمن المكن اعتبار هذا النوع من العينة ضمن نوع العينة الطبقية السابقة .

أما تحديد أي نوع من أنواع العينة التي سبق وصفها هو الصالح للباحث فهذا يتوقف على طبيعة البحث وهدفه ، وقد يجد الباحث نفسه مضطرا الى استخدام عينة من نوع خليط من الأنواع جميعها .

#### أبسات المقاييس الاحصائية:

اذا كان من المتعذر على الباحث أن يشتمل بحثه على جميع أفراد المجتمع الأصلى وأنه يتعين عليه ازاء هذه الصعوبة أن يتضمن بحثه عينة محدودة العدد فقط فان من المهم أن نتساءل عن مدى دقة وثبات النتائج التي يحصل عليها من بحثه على العينة المحدودة . بمعنى لو حدث وكرر الباحث نفس البحث وقد يغير في هذا الاجراء المتكرر أفراد العينة فما هو مدى التغير في المعاملات والمقاييس التي يجدها في كل مرة ؟ وهل هذا التغير كبير لدرجة تجعلنا نشك في أن العينات المختلفة في مرات البحث المتكررة قد جاءت من مجتمع أصلي واحد ؟ أو أن هناك فرقا جوهريا بين نتائج هذه التجارب المتكررة لدرجة تجعلنا نشك في الاعتماد على أنها تقدير ناجح Estimation للمعاملات والنتائج التي يحصل عليها البحث لو أمكنه (جدلا) اجراء البحث على جميع أفراد العينة الأصلية .

ويميل الاحصائيون الى التفريق بين أسماء ورموز المعاملات المختلفة في العينة ومسا

يقابلها في المجتمع الأصلي. فبينما يسمون معاملات المجتمع الأصلي المجتمع الأصلي عكن مطلقا التنبؤ يسمون معاملات العينة معاملات العبنة الحقيقية من معرفة المعاملات والنتائج التي يحصل الباحث عليها من العينة مهما أحكم اختيارها بدقة تامة . ولكن الباحث يستطيع أن يضع حدودا المقيمة المتوقعة في المجتمع الأصلي ، ويقرن هذه الحدود بنسبة احصائية ، هي نسبة الثبات أو التأكد ، وقد سبق أن ذكرنا ذلك في الباب الأول عند الكلام عن فوائد الاحصاء في البحوث العلمية . والباب الحوائد بمعاملات ثبات احصائيات العينة ومسدى الاعتماد عليها .

ويخطىء كثير من الباحثين والمجربين باهمال حساب معامل الثبات للنتائج التي يحصلون عليها في بحوشهم المحددة بعينة مخصوصة وظروف محددة على أنها النتائج التي كانوا يحصلون عليها عند اشتمال البحث على جميع أفراد المجتمع وتحت ظروف طبيعية للغاية ، فاذا وجد باحث معامل ارتباط ٢٠٠٠ بين متغيرين فهل هذا المعامل يقطع بوجود علاقة طردية بين المتغيرين ؟ حينئذ تتحول المشكلة الى مشكلة ثبات هذا المعامل التجربي الذي نتج من البحث . وعلى الباحث أن يسأل نفسه دائما عن مدى الثقة التي يضعها في نتائجه التي يحصل عليها ، ومدى التغير المتوقع في هذه النتائج لو كرر البحث وزاد اتساعا .

## **نبسات المتوسط الحساني :**

ولنبدأ بالوسيلة الاحصائية لحساب ثبات معامل من أهم المعاملات المستخدمة في البحوث النفسية وهو المتوسط الحسابي . ولنفرض أن الباحث كان يهدف الى حساب متوسط أعمار المتقدمين للامتحان بالجامعات المصرية وقد أنحذ عينة جمثلة بأية طريقة من الطرق العلمية السابق ذكرها وحسب المتوسط الحسابي لأعمار هذه العينة فكان ٢٠ سنة ، فمن الطبيعي أن هذا المتوسط قد ينطبق أو لا ينطبق على المتوسط الحقيقي للأعمار (المتوسط الحقيقي True Mean يعرف بأنه متوسط قيم المجتمع الأصلي ، أو المتوسط المقدر من متوسطات عدد لا نهائي من العينات). الا أنه من المرجح اذا كانت العينة صحيحة ألا يبعد هذا المتوسط عن المتوسط الحقيقي كثيرا ، بل ان متوسطات العينات تتذبذب حول هذا المتوسط الحقيقي ، ومن الثابت احصائيا أن التوزيع لمتوسطات هذه العينات يكون قريبا المتوسط الحقيقي ، ومن الثابت احصائيا أن التوزيع لمتوسطات هذه العينات يكون قريبا قربا كافيا من التوزيع الاعتدالي ، بل هو أقرب عادة لهذا النوع من التوزيع من قيم

الأفراد المكونة للمجتمع الأصلي . كما أن الانحراف المعياري لهذه المتوسطات يكون.عادة أقل من الانحراف المعبَّاري للقيم الأصلية ( ويطلق على الانحراف المعياري للعينات اسما آخر هو « الحطأ المعياري Standard Error ويرمز بالرمز خ م P.B. ) ومن الواضح أن تشتت متوسط الِقيم في العينة يتوقف على عاملين هامين :

١ ... الانحراف المعياري للمجتمع الأصلى ، ذلك لأنه كلما كان الانحراف المعياري للمجتمع الأصلي صغميراً تقساربت قيمة بعضها من بعض ، وكلما تقاربت تبعا لذلك قيم العينات المختارة . بينما اذا كبر الانحراف المعياري للمجتمع الأصلي زاد اتساع تباين القُهم الأصلية وزاد احتمال تشتت منوسطات العينات المأخوذة .

٧ ... عدد أفراد العينة فاذا كان عدد العينة صغيرا في كل مرة كلما توقعنا تشتتا كبيرًا في قيم متوسطات العينات ، وكلما اشتملت العينة على عدد أكبر مسن الافسراد كان تشتت متوسطات العينات صغيرا ، بحيث اذا وصلنا بحجم العينة الى منتهى الصغرأو الكبر وصلنا بتشتت المتوسطات الى حده الأكبر أو الأصغر . فاذا وصل حجم العينة درجة من الصغر حتى وصلت الى فرد واحد كان الانحراف المعياري للمتوسطأت هو نفس الانحراف المعياري لأفراد المجتمع الأصلي ، واذا بلغ حجم العينة درجة من الكبر حتى استغرق المجموعة كلها في عينة وأحدة أصبح هناك متوسط واحد ، ومن ثم أصبح الانحراف المعياري صفرا ، حيث لا يوجد تشتّت بالمرة . وفيما يلي توضيح لتطور الانحراف المعياري للمتوسط الحسابي للعينة بالرسم (١):

توزيع أفراد المجتمع الأصلي توزيع متوسطات العينات : حجم العينة فرد واحد

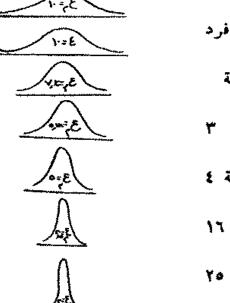
توزيع متوسطات العينات: حجم العينـــة

توزيع متوسطات العينات: حجم العينة ٣

توزيع متوسطات العينات: حجم العينسة ٤

توزيع متوسطات العينات: حجم العينة ١٦

توزيع متوسطات العينات: حجم العينة ٢٠



(۱) هذا الترضيح متقوليمن: . Guildford, J. P. Fundamental Statistics in Psychology and Education

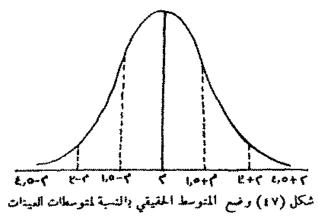
ومعتى ذلك أن الانحراف المعياري لمتوسطات العينات يتناسب طرديا مع الانحراف المعياري الحقيقي للقيم الأصلية وعكسيا مع عدد حالات كل عينة ( لا عدد العينات المأخوذة من المجتمع الأصلي ) .

حيث ع م = الانحراف المعياري للمتوسطات

حيث ع = الانحراف المعياري للقيم الأصلية .

فمثلاً في الرسم التوضيحي السابق اذا كان عدد أفراد العينة ٢٥ يكون الانحراف المعياري للمتوسطات - بالمعياري للمتوسطات - بالمعياري المعياري المعاري المعا

ولنعد ثانيا للبحث الذي يهدف الى معرفة متوسط أعمار المتقدمين للالتحاق بالجامعات. فقد ذكرنا أن الباحث اختار عينة محدودة من هؤلاء الطلبة وكان متوسط أعمار أفراد هذه العينة ٢٠ عاما فمن المعقول أنه لو كررنا هذا البحث على عينات أخرى لما ابتعد متوسط الأعمار عن ذلك كثيرا ، وأنه لو كرر البحث عددا من المرات فان المتوسط الحقيقي لا بد وأن ينحصر بين القيم التي نتجت من العينات المختلفة ، وطبيعي أن الباحث لا يكون عارفا بقيمة هذا المتوسط الحقيقي كما لا يكون عارفا بموضعه بالنسبة لتوزيع هذه المتوسطات ، وبما أن هذه القيم في العينات المختلفة تكون موزعة توزيعا اعتداليا كما ذكرنا فان هذا التوزيع ينطبق عليه نفس الخواص الذي ذكرت في الباب العابق ، كما تنطبق عليه نفس الخواص الذي ذكرت في الباب السابق ، كما تنطبق عليه نفس النسب الموضحة في جدول (٩٩) أي أن القيم المحصورة بين السابق ، كما تنطبق عليه نفس النسب الموضحة في جدول (٩١) أي أن الأنجراف المعياري التجريبي بمقدار هم ا عن هناك احتمال ٢٨,٠ أن المتوسط الحقيقي سيبعد عن المتوسط المحقيقي يقع خارج هاتين القيمتين كما يتضع من الرسم الآتي :



كما أنه في ٩٥٪ من الحالات تنحصر قيم المتوسط بين م ــ ٣ ــ ، م + ٣ وفي ٩٩٪ من الحالات تنحصر بين م ــ ٤٫٥ ، م + ٤٫٥ تقريبا .

وعلى هذا الأساس يستطيع الباحث أن يتنبأ بالحدين اللذين يقع بينهما المتوسط الحقيقي ، فالعمر ٢٠ سنة لا شك هو احدى القيم المحتملة لمتوسط أعمار المجتمع الأصلي ، ولكن من المحتمل أن يكون المتوسط قيمة أخرى تختلف عن ذلك ، ومدى بعد أو قرب القيم الأخرى عن المتوسط التجريبي وهو ٢٠ سنة يتوقف على مدى الثقة التي يود الباحث أن يلتزمها ، فاذا قبل الباحث أن يتسامح في نسبة خطأ قدرها ه/ في الفرص المحتملة بلحميع القيم التي يأخذها المتوسط الحقيقي فان المدى الذي الذي يحسده، الممتوسط بناء على ما تقدم يكون بين ٢٠ – ١٩٩٦ع م ، ٢٠ + ١٩٩٦ع م ، واذا قبل أن يتسامح في ١٪ في الفرص فان المدى يحدده يكون بين ٢٠ – ١٩٩٦ع م ، ٢٠ + ١٩٩٢ع م ، وهذا فانه في المناء قبل الباحث نسبة أقل من الخطأ في الفرص المحتملة الحدوث حسدد مسدى أكثر النساعا مؤسسا على ما يحصل عليه في البحث التجريبي المحدود بالعينة وظروف البحث .

وتبعا لهذا فان حكم الباحث على نتائجه لا يكون ما اذا كانت النتائج ثابتة يعتمد عليها أو غير ثابتة ، ولكنه يحدد عادة المدى الذي تتغير فيه النتائج التي يحصل عليها ونسبة الخطأ المحتمل في تحديد هذا المدى .

# ثبات الوسيط :

يتوقف حساب ثبات الوسيط على الخطأ المعياري للقيمة الذي يحصل عليه الباحث في بحثه ويقدر الخطأ للوسيط بمقدار بي من الخطأ المعياري للمتوسط الحساني (تقريبا)

$$\frac{1}{1} \text{ is } 3e = \frac{1,7077}{\sqrt{c}}$$

مثال : اذا حسب الوسيط لدرجات ١٠٠ طفل أعمارهم ١٠ سنوات في اختبار المحصول اللغوي فكان ٢٥ وكان الانحراف المعياري للدرجات ٢٠٥ ، فال أي حد يمكن اعتبار قيمة هذا الوسيط ثابتة ، أي الى أي حد يمكن أن نعتبر هذه الدرجة ممثلة لدرجات الأطفال في هذا السن عموما ؟

للاجابة على ذلك تحسب الحطأ المعياري للوسيط فهو يساوي

٠,٣١ ==

وفي حالة المنحنى الاعتدالي ٩٥,٠ من الحالات تقع بين -- ١,٩٦ خطأ معياريا ، +١,٩٦ خطأ معياريا . أي أننا نستطيع أن نقول بدرجة ٩٥,٠ من التأكد أن الوسيط الحقيقي
يقع بين الوسيط التجريبي = ١,٩٦ × ١,٩٦ أي بين ٢٤,٣٩ ، ٢٤,٣٩ وبدرجة ٩٩،٠
تأكد من أن الوسيط الحقيقي يقع بين الوسيط التجريبي = ٢٥٥١ × ٣١،٠ أي بين ٢٤,٢٠،

ونسبتا تأكد ٠,٩٥، ، ٢٩٩، هما النسهتان المتخذتان عادة في البحوث التجريبية ، وعلى أساس أي نسبة من هذين عادة يرسم الباحث لنفسه الحديناللذين قع بينهما المعاملات في المجموعة الأصلية بناء على المعاملات التجريبية في البحث الذي يقوم به .

#### ثبات الانحراف المعياري:

لمعرفة درجة ثبات الانحراف المعياري نستخدم الخطأ المعياري لهذا الانحراف وهو :

ولتطبيق ذلك في المثال السابق نجد أن الخطأ المعياري للانحراف المعياري

 $^{\circ}$  فالانحراف المعياري الحقيقي للمجتمع الأصلي ينحصر بين  $^{\circ}$   $^{\circ$ 

#### ئيات النسسة:

كثير من نتائج البحوث توضع على صورة نسبة خاصة بدلا من متوسط أو مقياس للتشتت . فنقول مثلا أن نسبة الناجحين في اختبار ما ٨٦٪ ، أو أن الموافقين على موضوع معين هم إلى العينة ويكون من المهم في هذه الحالات معرفة مدى ثبات هذه النسبة ، أي مقدار تغيرها اذا تكرر البحث على عينات أخرى كل منها تستوفي فيه شروط العينة الصالحة .

والفرض الذي يفترضه الباحث بناء على ذلك هو أن النسبة التي يحصل عليها مسن البحث عينة من العينات الكثيرة التي تمثل النسبة الحقيقية ، وأنه اذا أمكنه حساب الانحراف المعياري لتشتت هذه النسبة أمكن أن يصل الى حدين يفرض وقوع النسبة المحقيقية بينهما ، واضعا نسبة خاصة من نسب التأكد لهذا الافتراض والانحراف المعياري الذي يستخدمه الاحصائي في ذلك هو الانحراف المعياري للنسبة الحقيقية لا النسبة التجريبية التي تنتج من البحث وهي تساوي .



حيث أ هي النسبة الحقيقية .

- ، ب هي باقي طرح هذة النسبة من الواحد الصحيح.
- ، ن هي عدد الحالات التي بحثت ونتجت منها البنسبة الحقيقية .

وبالرغم من أن النسبة الحقيقية لا تكون معلومة لدى الباحث الا أنه لا يكون بعيدا عن الصواب اذا افترض أن النسبة التي حصل عليها من البحث قريبة قربا كافيا مسن النسبة الحقيقية المجهولة . والأثر الذي يحدثه هذا الافتراض صغير دائما لأن قيمسة الانحراف المعياري في القانون لا تتوقف كثيرا على قيمة أ (النسبة) بقدر ما يتوقف على ن (عدد الحالات) ، لأن الله الله يتغير كثيرا عند ما تأخذ (أ) أية قيمة بين ٢٠٠٠، ٥٠٠٠٠.

وتكرر نفس القيم للمقدار √ أب اذا كانت قيم أ = ٠,٦٠ أو ٠,٧٠ أو ٠,٨٠ بينما يحدث تغير أكبر اذا أخذت أ القيمة ٠,٩٠ أو ٠,١٠ أو قيمة قريبة منهما، — ومن الطبيعي أنه اذا كانت النسبة صغيرة جدا أو كبيرة جدا كان هناك احتمال أكبر من قرب النسبة في المجتمع .

والذي يساعد أيضا على صحة هذا الافتراض أن عينة النسب في العينات تكون موزعة توزيعا قريبا قربا كافيا من الاعتدالي اذا كانت(ن)كبيرة وكانت النسبة محصورة بين ٠٠,٥٠،

واليك مثلا لتطبيق هذه القاعدة . ولنفرض أنه عمل استفتاء للطلبة عن نظام الدراسة الحالي بالجامعات ، فأخذت عينة من ١٠٠ طالب واتضح أن ٠,٦٠ من المجموعة قسد وافقت على النظام وأن ٠,٤٠ منها قد عارضته فما مدى ثبات هذه النسبة ؟ أو ما مدى تغير هذه النسبة لو كرر الاستفتاء على عينات أخرى من نفس الطلبة ؟

للوصول الى ذلك تحسب الحطأ المعياري لهذه النسبة وهو يساوي :

أي أن النسبة الحقيقية تنحصر بين 0,1 0,1 0,1 0,0 0,0 0,0 0,0 النسبة وبين 0,0 0

أما اذا كانت النسبة على هيئة نسبة مئوية فان الحطأ المعياري لها يكون :

فادا كانت المشكلة هي نفس المشكلة السانقة وأن نسبة الموافقير هي ٦٠٪ -والمعارضين ٤٠٪ فان الحطأ المعياري لهذه النسبة يكون

ا کریبا 
$$\sqrt{\frac{\cdot 7. \times \cdot 3.^{\cdot}}{\cdot \cdot \cdot \cdot \times \cdot \cdot \cdot}} = a$$
 تقریبا

وبمكن وضع هذا الحطأ المعياري على صورة أخرى كالآتي :

رهو يساوي في هذا المثال . 
$$\sqrt{\frac{1-1\cdot\cdot\cdot}{c}}$$
 وهو يساوي في هذا المثال . 
$$\sqrt{\frac{3\cdot\times10^{-10}}{10\cdot00}} = 0$$
 تقريبا .

## البات معاميل الارتباط:

يكون معامل الارتباط الناتج في البحث كغيره من باقي المعاملات الأخرى عرضة كنلك لأخطاء العينات والقياس والصدف وغير ذلك من العوامل المؤثرة في العينات. ويهم الباحث دائما أن يقف على الحدود التي يقع بينها المعامل الحقيقي المقابل للمعامل الذي أنتجه البحث ، والطريقة لا تختلف عما أجرى في المعاملات الأخرى فهي تتوقف على معرفة الانحراف المعياري لمعامل الارتباط وهو يساوي أ

قادا أجري بحث على ٥٠ شخصا وكان معامل الارتباط بين متغيرين في هذا البحث ٤ • كان الابحراف المعياري .

$$=\frac{1-71.4}{\sqrt{83}}=11.4$$

اختلافا كبيرا عن المعامل التجريبي مما يجعل معامل الارتباط ٤,٠ — المستخرج من عينة قدر ها ٥٠ ضعيف الشّات .

ويختلف معامل الارتباط عن المعاملات السابقة في أن توزيعه ليس دائما توزيعا اعتداليا أو حتى متماثلا ، فالتوزيع لا يكون كذلك الا في حالات معامل الارتباط الضعيف وحيث تكون العينة كبيرة نسبيا ، أما اذا كان معامل الارتباط كبيرا حوالي ١٠٨٠ أو أكثر فان توزيع معامل الارتباط يكون ملتويا . ولذلك فان حساب الانحراف المعياري المعامل الارتباط يكون قليل الفائدة . ولذا فقد بلخ Fisher (۱) الى طريقة لتعديل معامل الارتباط الى معامل آخر رمز له بالرمز Z ومن خواص هذا المعامل أنه موزع توزيعا اعتدائيا . وليس من الضروري استخدام هذا التعديل الافي حالات معاملات الارتباط العالية . فالفرق بسيط بين المعاملين في حالات المعاملات الصغيرة .

وبالمثل فان الخطأ المعياري لنسبة الارتباط n يطابق الخطأ المعياري لمعامل الارتباط فهو يساوي  $\frac{1-\eta}{\sqrt{\dot{v}-1}}$ 

# الخطأ المعياري لمعامل ارتباط الرتب :

وفي حالة معامل ارتباط الرتب فان الخطأ المعياري يتغير قليلا عن الوضع السابق فيصبح  $\frac{1.1}{1-\sqrt{1}}$ 

ولنفرض أننا حصلنا على معامل ارتباط رتب قدره ٠,٧ بمقارنة رتب ١٧ حالة في متغيرين فان الخطأ المعياري لهذا المعامل يعادل :

$$\cdot, |\Upsilon| = \frac{(\cdot, \xi - 1) \cdot 1, \cdot \xi}{1 - 1}$$

ومعنى هذا أن معامل ارتباط الرتب الحقيقي ينحصر بين ٧٠ ــ ١,٩٣×١،٩٦٠. و ٧٠، + ١,٩٦ × ١،٣٠ بنسبة تأكد ٩٠،٠ أي بين ٤٥، ، ٩٥، ، وأما في حالة نسبة تأكد ٩٩،٠ فان المعامل يحتمل أن يصل إلى ٧٠، + ٢,٥٨ × ١،٣٠ ومعنى هذا

Fisher, R. A., Statistical Methods for Research Workers. (1)

أن هذه النسبة تعطي معاملا للارتباط يحتمل وصوله الى قيمة تعادل أو تزيد قليلا عن الواحد الصحيح وهذا غير معقول.

# ثبات معامل الارتباط الثنائي:

يختلف الحطأ المعياري لمعامل الارتباط الثنائي عن الصورة السابقة فهو يعادل :

حيث أ = نسبة الحالات في المجموعة العليا .

- ، ب = نسبة الحالات في المجموعة السفلي .
  - . بر = معامل الارتباط الثنائي .
    - ، ن = عدد الحالات.

ولنخر المعامل الذي حصلنا عليه في المشال نجسه أن معامل الارتباط الثنائي الذي حصلنا عليه هو ٢٠١٦

وبناء على ذلك فان الحطأ المحتمل لهذا المعامل :

ومعنى هذا أنه عند نسبة تأكد ه٠,٥ ينحصر المعامل الثنائي الحقيقي بين ١٠١٠ – ١,٩٦ × ١,٩٦ م بين ١,٩٦ م ١,٠١ م ١ النسبة الثانية .

# دلالة الفروق والفرض الصفري :

ان دلالة الفروق أهم بكثير من الناحية التجريبية العملية من البحث عن مدى ثبات المقاييس الفردية . ذلك لأن أغلب البحوث التجريبية تهدف الى المقارنة والمقاييس النسبية أكثر مما تهدف الى مجرد القياس أو القيم المطلقة وحتى في حالات القياس العادية يلجأ الباحث الى مقارنة نتائجه — سواء كانت هذه المقارنة صريحة — أو ضمنية بمعيار خاص مم ليقف على مدى قرب القيمة التي حصل عليها من قياسه أو تقديره من المعيار المألوف في هذه الناحية ، بل وزيادة على ذلك فان أغلب البحوث التجريبية سواء في الميادين النفسية أو التربوية أو الاجتماعية تحتاج من الباحث أن يجري البحث على مجموعتين احداهما ضابطة والأخرى تجريبية وتستلزم المقارنة بين نتائج المجموعتين .

ومن هنا كان من المهم أن نعرف الانحراف المعياري للفرق بين متغيرين اذا عرف الانحراف المعياري لكل منهما . فاذا فرضنا أن الانحراف المعياري لأحد المتغيرين هوع , وأن الانحراف المعياري للمتغير الآخر هو ع .

فان الانحراف المعياري للفرق بين المتغيرين= ع ٢ + ع ٢ أي يعادل الجذر

التربيعي لمجموع تباينهما على شرط أن يكون المتغيران غير مرتبطين بأية علاقة عددية بين المتغيرين عددية أي أن معامل الارتباط بينهما صفر . فاذا كانت هناك علاقة عددية بين المتغيرين وليكن معامل الارتباط بينهما مربه مثلا فان الانحراف المعياري للفرق بين المتغيرين :

# = V3, +3, - ×3, 3, ~, v

واذا طبقنا هذا على المتوسط الحسابي لمتغيرين فان المشكلة تصبح اختبارا لفرض عدد ، هل هناك فرق جوهري بين متوسطي المتغيرين ؟ ويمكن وضع هذا الفرض على صورة يطلق عليها اسم و الفرض الصفري (Null Hypothesis) فيفترض الباحث أنه و ليس بين متوسطي المتغيرين أي فرق له دلالة و أو بمعنى آخر أن الفرق بين المتوسطين في المجتمع الأصلى يعادل صفرا و .

وفي هذه الحالة يوجد الباحث الفرق بين متوسطي المتغيرين في البحث الذي يجريه ثم مقارف هذا الفرق بالخطأ المعياري للفرق نفسه .

#### النسيسة الحرجسة :

وتستخدم لهذه المقارنة نسبة خاصة يطلق عليها النسبة الحرجة (Critical Ratio (C.R.) وهي تساوي خارج قسمة الفرق بين المتوسطين على الانحراف المعياري (أو الخطساً المعياري) لهذا الفرق .

ويوصف الفرق التجريبي الذي ينبىء بفرق في المجتمع الأصلي بأنه فرق ذو دلالة الحصائية Significant difference . ومسن الطبيعي أن يقرن الوصف بنسبة تأكد خاصة كما سبق ذكره في ثبات المقاييس السابقة فنقول مثلا أن الفرق ذو دلالة عند نسبة ٥٠٠، وعند نسبة ١٠٠، أي أن هناك احتمال ٥٪ أو ١٪ خطأ في صحة هذا الاحتمال ومن الطبيعي أن الباحث الذي يختار نسبة ١٠٠، يستلزم فرقا أعلى بين متوسطي المتغيرين .

فاذا فرضنا أن المتوسط الحسابي لأحد المتغيرين هو م، أن المتوسط الحسابي للمتغير الثاني هو م، وأن الانحراف المعباري للمتغير الأول ع، والمتغير الثاني ع، وأن عدد حالات المتغيرين هو ن، ، ن، على الترتيب كان الانحراف المعياري للمتوسط الأول

$$= \frac{\frac{3}{\sqrt{5}}}{\sqrt{5}}$$

وكان الانحراف المعياري للمتوسط الثاني 
$$=\frac{3}{\sqrt{\dot{v}}}$$

وكان الانحراف المعياري للفرق بين المتوسطين  $\frac{3}{1}$   $\frac{7}{1}$   $\frac{7}{1}$   $\frac{7}{1}$   $\frac{7}{1}$   $\frac{7}{1}$   $\frac{7}{1}$   $\frac{7}{1}$   $\frac{7}{1}$   $\frac{7}{1}$   $\frac{7}{1}$ 

$$\frac{1 - 1}{\sqrt{2}} = \frac{1 - 1}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{3}{\sqrt{2}} + \frac{3}{\sqrt{2}}$$

واليك مثالا لطريقة تطبيق هذه النسبة : ﴿ وَالَّالُّونُ النَّاسِةِ النَّاسِةِ النَّاسِةِ السَّالِينَ ا

طبق اختبار المحصول اللغوي على مجموعتين متجانستين (متعادلتين تقريبا من النواحي الأخرى)من البنينوالبنات وكانت نتيجة الاختباركا هو مبين في الحدول التكراريالآتي:

تکر ار البنات	تكرار البنين	فئسات الدرجات
*	ė	صفر —
v	14	Y
10	74	£
١٨	٣٥	· *
77	£ *	A
70	۳۲	<b>)</b> •
٣٥	٣٠	۱۲
**	۹۲	- 18
17	٧.	- 17
14	14	17
11	٥	Y•
٧	٥	<b>- YY</b>
Y • •	You	المجموع

جدول(٧٩) نتيجة مجموعة من البنين واخرى من البنات في اختبار المحمول اللغوي

فاذا طلب بعد ذلك معرفة أي الجنسين أكثر تفوقا في نتائج هذا الاختبار فيمكن أن نحول هذا السؤال على صورة فرض صفري وهو « أنه لا فرق بين الجنسين في هذه الناحية » ولاختبار هذا الفرض علينا أن نوجد متوسط درجات الفئتين والانحراف المعياري لهما.

ادع"	ي ج	تكرار	ادع ا	دة ا	E	تكرار	فئسات
		البنات				البنين	الدرجات
Yo	10-	٣	١٢٥	۲٥	٥	0	صفر –
117	YA	٧	744	٧٢	٤ -	١٨	Y
140	10-	\0	7.7	٦٩	۲	74	<u> </u>
VY	۳٦ -	1.8	12.	٧٠	۲	40	٦
77	<b>YY</b>	77	٤٠	٤٠ ــ	١	٤٠	A
		40		<b>,</b>	صفر	۳۲	۱ •
70	٣٥	۳۵	٣٠	۳.	1	۳٠	۱۲
۱۰۸	eŧ	YV	١	٠٥	۲	70	\ ٤
122	٤٨	17	۱۸۰	٦,	٣	۲٠	- 17
772	70	1 8	197	٤٨	Ł	۱۲	1A
440	00	- 11	140	40	٥	٥	Y ·
707	٤٢	γ	۱۸۰	٣٠.	٦	٥	۱۲
1608	44.	٧	17.4	727			
	187.			777		40.	المجموع

. جدرل (۸۰) حماب المتوسط والانحراف المعياري لدرجات المجموعتين .

اذا رمزنا لمجموعة البنين بالرقم و ١ ، ولمجموعة البنات بالرقم ، ٢ ، .

$$0, V = \frac{V}{V} \times \frac{V}{V} - V = V \times \frac{V}{V}$$

$$0, V = \frac{V}{V} \times \frac{V}{V} \times \frac{V}{V} \times V = V \times \frac{V}{V}$$

$$17, \xi \xi = \frac{V}{V} \times \frac{1\xi \xi}{V} + V = V \times \frac{V}{V}$$

$$0, Y \cdot = \frac{V}{V} \times \frac{1\xi \xi}{V} + V = V \times \frac{V}{V}$$

ويتضح لأول وهلة أن مجموعة البنات متفوقة عن مجموعة البنين في هذا الاختبار ، فمتوسط الدرجاتِ في هذه المجموعة أعلى منه في مجموعة البنين . ولكن الباحث ينبغي

أن يختبر مدى دلالة هذا الفرق ، أي يختبر دلالة الفرض بأن البنات يتفوقن على البنين في هذه الناحية بوجه عام . والطريقة الشائعة كما ذكرنا هي حساب النسبة الحرجة كسا يسأتي :

$$\frac{\frac{1}{\sqrt{\xi}} + \frac{1}{\sqrt{\xi}}}{\frac{1}{\zeta}} + \frac{1}{\zeta}$$

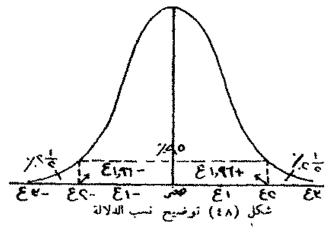
والفرق بين م , . م , لا تهم فيه الاشارة ذلك لأن اعتبار احدى المجموعتين ١ أو ٢ يتوقف على المجرب نفسه ، ولذا فسوف لا نهتم باشارة الفرق في الخطوات الآتية :

$$\frac{17,\xi\xi-1\cdot,V\xi}{7V,\cdot 1,\frac{Yo,T\xi}{Yo.}} = \frac{3}{7}$$

$$\frac{17,\xi\xi-1\cdot,V\xi}{Yo.} = \frac{1,V\cdot}{Yo.} = \frac{1,V\cdot}{Yo.}$$

### مقاييس الدلالة:

واذا رُجعنا الى جدول (٥٥) للمنحنى الاعتدالي لمعرفة الدرجة المعيارية المقابلة للمساحة الصغرى ٢٠,٥ أي عندما يكون مجموع المساحتين عند طرفي المنحنى ٢٠,٥ نجد أن هذه الدرجة ١,٩٦ وعند المساحة الصغرى ٥ ,٪ أي عندما يكون مجموع المساحتين عند طرفي المنحنى ٢٠,٠ نجد أن هذه الدرجة ٢,٥٨ .



قاذا بلغت النسبة الحرجة ١٠٩٦ قبل أن الفرق له دلالة عند نسبة ه٠٫٠ واذا بلغت ٢٠٥٨ قبل أن له عند نسبة ٢٠٠١ .

وتفسير ذلك أنه لنفرض أن الفرق الذي وجد بالتجربة غير حقيقي وأنه نتج بسبب ظروف تجريبية ليس الا ، وأن الفرق بين المتوسطين صفر فانه من المعلوم نظريا أن الفروق بين متوسطات العينات المختلفة تكون موزعة توزيعا اعتداليا ، ما دام عدد الأفراد في كل عينة كبيرا .

ففي هذا المثال قد وجدنا أن الفرق التجريبي يقع من هذا التوزيع خارج الحدود التي تعجز ٩٠٪ من المنحى ويقع أيضا خارج ٩٩٪ من مساحة المنحى ، مما يرجح ترجيحا كبير ا أن الفرق التجريبي لا يمكن أن يكون ناتجا عن الصدفة أو ظروف التجريبة فقط . ونسبة ٩٠٪ أو ٩٠٪ أوما شابهها هي نسبة اعتبارية يضعها المجرب لنفسه دون تقيد بنسبة خاصة . ولكن من المتبع في البحوث النفسية والتربوية والاجتماعية أن يعتبر الفرق الذي يخرج عن حدود يخرج عن حدود ٥٠٪ من مساحة المنحى ذا دلالة احصائية ، وأن الذي يخرج عن حدود ٩٠٪ من مساحة المنحى ذو دلالة احصائية . وأما الذي يدخل ضمن حدود ٩٠٪ من مساحة المنحى ذو دلالة احصائية .

وتستعمل الرموز الآتية عادة في الانجليزية لهذه الاصطلاحات:

ويقصد بأن الفرق له دلالة احصائية عند ٥٠٠٠ أنه يقع في طرف المنحى الذي بحجز داخله ٩٩٪ من المنحى على اعتبار أن النسبة الحرجة من كل طرف هي ٢٠٥٪ ويفهم عادة من التعبير . ( فودلالة احصائية عند ٥٠٠٠ فقط )، أن الفرق ليس له دلالة جوهرية عند نسبة ٢٠٠١ ويقتبع كثير من الباحثين بنسبة ٥٠٠٠ فقط ومن الطبيعي أن الفرق ذا الدلالة عند ١٠٠٠ لا بد أن يكون ذا دلالة أيضا عند ٥٪ فالنقطة في المساحة الخارجية عندما تكون المساحة الداخلية ٢٩٠٠ من مساحة المنحى لا بد وأن تكون خارجة أيضا بالنسبة المساحة الداخلية ٩٥٪.

وبناء على هذا نستطيع أن نرجح أن الفرق الحالي في المثال انما هو فرق جوهري ذو دلالة حتى عند نسبة ١٪ مما يرجع البنات بوجه عام على البنين في هذا الاختبار استخدام الفرض الصفري في حساب ثبات معامل الارتباط :

ذكرنا عند الكلام عن ثبات معامل الارتباط أن الصعوبة التي تصادف الاحصائي هي أن توريع هذا المعامل ليس اعتداليا وخصوصا عند القيم الكبيرة. وأن فيشر تغلب على هذه الصعوبة باستخدام معامل، 2 ، ولكن بعض الاحصائيين يميلون الى اختيار معامل الارتباط على ضوء القرض الصفري ، وذلك بفحص معامل الارتباط الذي يحصل عليه ازاء الفرض بأنه في المجتمع الأصلي لا توجد علاقة ما بين المتغيرين. أي ازاء افتراض أن معامل الارتباط صفر . فيحسبون الانحراف المعياري عندما يكون المعامل صفراً ، فاذا بلغ المعامل الارتباط ١٩٩٦ من هذا الانحراف قبل أن المعامل له دلالة احصائية عند ٥٠٠ واذا بلغ من الانحراف قبل أنه ذو دلالة عند ٢٠٥١ .

ففي حالة معامل ارتباط قدره 0.1.0 عندما كانت العينة عددها 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0

وهذه النسبة ذات دلالة عند نسبتي ه٠,٠١ ، ٠,٠٠

هذا وهناك طريقة أخرى لقياس مدى ثبات معامل الارتباط نذكرها عند الكلام عن اختبار \* ت » .

اختبار و ت ،

ذكرتًا سابقًا أن الاحصائيين بميلون الى التفريق بين الحطأ المعياري للعينة الصغيرة (١)

<sup>(</sup>١) يميل كثير من الاحماثيين إلى اعتبار أن العينة الصغيرة ما يقل عدد أفرادها عن . ه .

والانحراف المعياري للمجتمع الأصلي ، ومن الممكن اثباته نظريا أن الانحراف الجعياري للمجتمع يختلف حسابيا عن الخطأ المعياري للعينة فقيمة الأولى عادة أكبر من الثاني .

و بذلك يصبح الحطأ المحتمل للعينة  $=\sqrt{\frac{2}{1-\sqrt{1-\frac{2}{3}}}}$  بدلا من  $\sqrt{\frac{2}{3}}$  وهذا التعديل يكون عديم

القيمة في حالة العينات الكبيرة، حيث تتعادل √ن مع √ن - آ تقريبا. ولكن من المستحسن دائما استخدام هذا التعديل ما دام المعامل قد حسب من العبنة وليس من المجتمع . وإذا طبقنا ذلك على الانحراف المعياري للمتوسط الحساني في حالة العينات الصغيرة ، وجدنا أن

$$\frac{3}{\sqrt{1-\sqrt{3}}} = \frac{3}{\sqrt{3}} = \frac{3}{\sqrt{3}}$$

ومما تجدر ملاحظته كذلك أنه في حالة العينات الصغيرة لا تتبع المتوسطات توزيعا اعتداليا كما كان الحال في العينات الكبيرة ، بل يختلف التوزيع قليلا عن هذا النمط فيصبح أكثر ارتفاعا قرب الطرفين ، وبذا تصبح النسب الاحتمالية عند الطرفين أكثر منها قليلا في المنحى الاعتدالي العادي وقد بحث Student هذا التوزيع الجديد وأعطى فشر (۱) جدولا للنسب الاحتمالية المختلفة وفي هذا الجدول نجد اصطلاحا جديدا :

هي درجات الحرية Degrees of Freedom ودرجات الحرية في أية مجموعة هي عدد الحالات في المجموعة المجموعة محددا الحالات في المجموعة ناقصا واحد ( وتفسير ذلك أنه ما دام مجموع قيم المجموعة محددا وليكن عدد أفراد المجموعة خمسة فائنا نستطيع ان نصنع لهذه المجموعة أية أربع قيم بطريق الصدفة أما الحامس فيجب أن يقيد بقيمة تجعل المجموع معادلا للمجموع الآصلي ، آي أنه اذا كان عدد أفراد المجموعة ن فان درجات الحرية لهذه المجموعة هي ن - ١).

والجدول الآتي هو جدول لنسب الاحتمالات في التوزيع الجديد وقد أطلق عليه توريع (١) وترمز له بالعربية بالرمز (ت) وبهذا يصلح توزيع ، ت ، لأن يتخذ مقياسا للدلالة سواء كان ذلك في العينات الصغيرة أم الكبيرة .

Fisher R. A. Statistical Methods for Researches Workers.

# نسب الاحتمالات

٠,٠١	۰۲,	,••	• . \ •	٠,٥٠	درجات	1
			<u> </u>		الحرية	
					(いーじ)	
ت = ۲۲,۳۲	ت = ۲۱٫۸۲ر	14,41 =	ت= ۲٫۳٤ ت	ت=٠٠٠١	١	1
4,41	۸,۹٦	٤,٣٠	۲,۹۲	۰٫۸۱۶	Y	
٥,٨٤	1,01	4,14	7,70	۰,۷٦٥	٣	
٤,٦٠	۳,۷۰	۲,۷۸	۲,۱۳	۰,۷٤١	£	
٤,٠٣	۳,۳٦	Y,0Y	Y,•Y	٠,٧٢٧	ò	
٣,٧١	4,12	Y,£4	1,448	۰,۷۱۸	٦	ĺ
۳,0 ۰	۳,۰۰	7,47	1,4.	۰٫۷۱۱	٧	
4,47	٧,٩٠	۲,۳۱	١٨٨٦	٠,٧٠٦	٨	
7,40	۲,۸۲	۲,۲٦	1,44	۰٫۷۰۳	4	
4,14	7,77	۲,۲۳	1,41	٠,٧٠٠	١٠	
۳,۱۱	Y, YY	۲,۲۰	١٫٨٠	۰,٦٩٧	11	
۳,٠٦	۸۶,۲	۲,۱۸	۱٫۷۸	۰,٦٩٥	114	
۳,۰۱	٧,٦٥	۲,۱٦	1,77	٠,٦٩٤	۱۳	
4,41	7,77	Y,11	1,٧٦	٠,٦٩٢	18	
4,40	٧,٦٠	۲,۱۳	1,٧0	,741	10	
Y,4Y	Y,0A	Y,1Y	1,٧0	*>74*	17	
۲,۹۰	٧,٥٧	۲,۱۱	1,74	+>7119	17	
۲,۸۸	Y,00	۲,۱۰	١٫٧٣	۱۸۲٫۰	۱۸	
۲,۸٦	Y,01	۲,۰۹	١,٧٣	٠,٣٨٨	11	
<b>4,</b> 75	۲,۵۳	٧,٠٩	1,77	47.64	<b>Y</b> • • •	-
۲,۸۳	Y,6Y	۲,۰۸	1,77	FAF1+	۲۱	
Y, <b>A</b> Y	Y,01	Y,•V	1,77	٠,٦٨٦	Ŷ۲	

		1			
7.41	۲ ۰۷	٧٠٧	1,71	,ጚሉø	44
۲,۸۰	Y-£4	4.+4	1,71	۹۸۶,	7 £
Y.Y4	٨3.٢	47	1.71	,٦ለ\$	Ye
Y,YA	۳.٤٨	7.•7	1,71	3AF,	<b>Y</b> ٦
Y,YY	Y,£V	Y,•0	1,٧٠	,ጓለ٤	YV
٧,٧٦	Y,£Y	۵۰,۲	١,٧٠	,ጓለ٤	44
7.77	7,17	٧,•٤	۱,۷۰	,ግለም	74
4.70	7.17	٧,٠٤	۱٫۷۰	,٦٨٣	۳.
7,77	Y,££	٧,٠٣	1,74	۲۸۲,	٣٥
7.71	Y.£Y	Y,+Y	١,٦٨	,381	٤٠
Y.74	Y,£1	Y. • Y	1,78	۰۸۶ر	į o
Υ,٦٨	Y,£+	٧,٠١	١,٦٨	۸۷۶,	٥٠
7,77	۲,۳۹	Y, * *	1,77	۹۷۶,	٦.
٥٢,٢	۲,۳۸	Υ,	1,37	۸۷۲,	٧٠
٧,٦٤	۲,۳۸	1,44	1,77	۷۷۲,	۸٠
7,74	Y, <b>T</b> Y	1,44	1,77	۷۷۶,	4.
۲,٦٣	۲,۳٦	1,44	1,77	۲۷۷٫	1
7,77	۲,۳٦	۱,۹۸	1,11	,777	۱۲۵
Y,71	۲,۳٥	۱,۹۸	1,77	,577	١٥٠
٧,٦٠	4,40	1,47	1,70	۹۷۶,	Y.,
Y,04	Y, <b>Y</b> £	1,47	1,70	,٦٧٥	۳.,
Y,04	Y,T£	1,47	1,70	۹۷۶,	٤٠٠
7,04	۲,۳۳	1,47	1,70	,٦٧٤	٥٠٠
Y,0A	۲,۳۳	1,47	1,70	,774	1
Y-0A	۲,۴۳	1,47	1,70	,٦٧\$	

جدول(٨١) قيم (ث) عند نسب الاحتمال المختلفة

ولاستخدام و ت ، كاختبار لقياس مدى دلالة الفرق بين متوسطي عينتين يستخدم الفانون الآتي ( هذا ويستحسن استخدام هذا القانون مهما كان حجم العينة ) .

حيث م 📁 متوسط قيم العينة الأولى .

حيث م = متوسط قيم العينة الثانية .

حيث ن = عدد أفراد العينة الأولى .

حيث ن = عدد أفراد العينة الثانية .

حيث ع = الانحراف المعياري للعينة الأولى .

حيث ع = الانحراف المعياري للعينة الثانية .

وبعد ايجاد قيمة (ت) للبيانات السابقة نحسب درجات الحرية وهي في حالة الفرق بين متوسط عينتين = ن, + ن, - ٢ ( درجات الحرية للعينة الأولى ن, - ١ ، درجات الحرية للعينة الثانية ن, - ١ ومجموعهما ن, - ن, - ٢ ) .

والحطوة التالية هي استخدام الجدول السابق فنبحث عن (ت) في صف درجات الخرية الحاصة البلجث عند نسبة ٠,٠٥ ( العامود الرابع ) فان كانت قيمة (ت) في البحث تعادل أو أكبر من الموجودة في الجدول دل ذلك على أن الفرق بين المتوسطين له دلالة احصائية عند نسبة ٥,٠٠ ، وفي هذه الحالة نبحث عند نسبة ٥,٠٠ ( العامود الأخير ) لتحديد ما اذا كان الفرق له دلالة احصائية عند نسبة ٥,٠٠ أيضا .

لنعد الى المثال بجدول ( ٨٢ ) حيث :

ونكرر هنا أن اشارة م \_ م لا تهم في حساب (ت) لأن اختبار (ت) يوضح ما اذا كان الفرق له دلالة مهما كانت الاشارات

$$(\frac{1}{Y \cdot \cdot} + \frac{1}{Y \cdot \cdot}) \xrightarrow{YV \times Y \cdot \cdot} + \frac{Y \cdot \cdot X \times Y \cdot \cdot}{\{\xi \Lambda\}}$$

وبالكشف في جدول (ت) عند درجة حرية ٤٤٨ نجد أن قيمة (ت) عند نسبة ٠٠٠٠ = ١,٩٧ - ١,٩٧ وعند نسبة ٢٠٠١ = ٢,٠٩ .

ومعنى هذا أن الفرق التجربيي له دلالة عند النسبتين .

واذا كان عدد الحالات في المجموعتين واحدا فان صورة قانون (ت) تصبح أكثر اختصارا حيث تصير :

يلاحظ أن هذه نفس النسبة الحرجة مع اختلاف واحد ، وهو وضع ن -- ١ بدلاً من ن استخدام احتبار « ت » في مقياس لبات معامل الارتباط:

ذكرنا فيما سبق أن هناك طريقتين لحساب مدى ثبات معامل الارتباط وهما

ا 
$$\frac{1-\frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}{2}}}}{1-\frac{1}{2}}$$
  $=\frac{1-\frac{1}{2}}{1-\frac{1}{2}}$   $=\frac{1}{1-\frac{1}{2}}$ 

٢ ـــ مقارنة المعامل بالانحراف المعياري لمعامل ارتباط صفري ، أي فحص صحة الفرض بأن المعامل الارتباط الحقيقي هو صفر حيث :

وذكرنا أن عيوب طريقة مقارنة معامل الارتباط بانحرافه المعياري تنحصر في أن توزيع معامل الارتباط ليس اعتداليا . ولهذا اقترح فيشر معاملا جديدا هو Z.

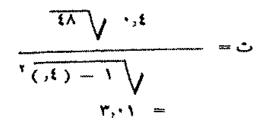
ونضيف هنا طريقة أدق من سابقتها ، وتنحصر هذه الطريقة في افتراض أن معامل الارتباط الحقيقي هو صفر ومقارنة قيمة « ت » لمعامل الارتباط التجريبي بما يتوقع لها عند نسبتي ه.٠٠ ، ١٠٠ وتحسب « ت » من القانون :

م البحث البحث البحث البحث

، ن = عدد الحالات.

فبعد حساب و ت ، بهذه الطريقة يرجع الى جدول قيم و ت ، وتكون درجات الحرية في هذه الحالة ن - ٧ . فاذا كانت (ت) الناتجة أكبر من الموجودة في الجدول عند نسبة ٥٠,٠ وصف معامل الارتباط التجريبي بأنه ذو دلالة عند هذه النسبة ، وفي هذه الحالة يبحث عن قيمة و ت و عند نسبة ٢٠,٠ لمعرفة ما اذا كانت القيمة الناتجة ذات دلالة عند هذه النسبة أيضا .

وعلى سبيل المثال نبحث عن دلالة معامل الارتباط ٤,٠ الناتج عن عينة عدد أفرادها



بالرجوع الى جدول « ت ، نجد أنها تساوي ٢,٠١ ( د . ح = ٤٨ ) عند نسبة ه٠٠٠ وتساوي ٢,٠٨ أن معامل الارتباط ٤٠٠ ذو دلالسة احصائية عند النسبتين .

وزيادة في سهولة هذه الطريقة يعطينا جاريت Garrett (۱) جدولا يشتمل على قيم معامل الارتباط التي تكون ذات دلالة عند نسبتي ه٠,٠٥ و ١٠,٠١ اذا عرفت درجات الحرية . واليك فيما يلي هذا الجدول :

ſ	٠,٠١	٠.٠٥	درسيئات الحوية	٠,٠١	٠,٠#	درجات الحرية
Ì	1,193	٠,٢٨٨	<b>T £</b>	1,	.,447	١
ļ	٠,٤٨٧	144.	4.0	٠,٩٩٠	1,441	Y
l	٠,٤٧٨	1,576	**	٠,٩=٩	۸۷۸,۰	۴
I	٠,٤٧٠	•,٣٦٧	77	٠,4١٧	۱۱۸٫۰	
l	1,577	-,٣٦3	<b>የ</b> እ	3.4V£	·,V=£	
١	*,60%	4,40	74	17٨,٠	۰,۷۰۷	١,
١	+,229	٠,٣٤٩	*	۰,۷۹۸	٠,٦٦٦	V
	1,214	٠,٣٢٥	¥.	۰,۷٦ <b>+</b>	٠,٦٣٢	٨
ı	٠,٢٩٣	1,712	<b>\$</b> •	۰,۷۳۰	۲۰۶۰	4
I	۲۷۳,۰	۸۸۲٫۰	10	۰,۷۰۸	۲۷۵,۰	١٠.
ļ	+,50 i	۲۷۲۲,۰	<b>6</b> 3	1,7,4	۰,004	11
I	·,***	*,7*	7.	1,771	٠,•٣٢	17
l	1,818	• , የሞፕ	٧٠	1,781	٠,٥٠٤	14
۱	٠,٢٨٢	٠,٢١٧	۸۰	-,777	+,£47	1 18
١	۲۹۲ <b>۷</b> ،۰	٠,٧٠٥	4.	1,212	1,447	\*
I	1.701	1,150	1	1,541	1,878	17
	٠,٢٢٨	1,178	140	۰,۵۷۰	1,20%	ł .
ı	٠,٢٠٨	1,304	1#*	٠,•٦١	+,111	١٨
	۱۸۱٬۰	٠,١٣٨	7	٠,=٤٩	٠,٤٣٢	14
1	4,1 <b>£</b> A	٠,١١٣	7	۰,*۲۷	٠,٤٢٣	γ.
1	4,17A	**,***	£ · ·	۲۲۵٫۰	1,215	*1
	1,110	٠.٠٨٨	<b>a</b>	.,010	*,1 . 8	44
-	1,181	*,***	1	٠,٥٠٠	1,847	177
- 1		ŧ		i	1	E

جِعْرِلُو (٨٧) سَمَّعُلِاتُ الْإِرْتِهِالْمُ وَأَنْ الْعَلِاقًا عَنْدُ دَرِجِاتُ الْقَرِيةَ الْمُعَلَّلَةُ

ولتوضيح استخدام هذا الجدول نقدم الأمثلة الآتية :

التفسير	معامل الارتباط	درجات الحرية	عدد الحالات
له دلالة عند ٠,٠٠ وليس له دلالة عند ٠,٠١	*,***	١٨	Y٠
له دلالة عنسد كل مسن	۰۲۲، ۰	٤٨	••
۰٫۰۱ و ۰٫۰۱ ليس له دلالة عند كل مسن	٠,٧٥٠	4.	***
۵۰٫۰ و ۰٫۰۱			

### اختبار کا<sup>۲</sup> :

ومن أهم الاختبارات المستخدمة لفحص الفرض الصفري اختبار كا ٢ ، وهو يستخدم بنوع خاص في اختبار مدى دلالة الفرق بين تكرار حصل عليه الباحث وتكرار مؤسس على الفرض الصفري . فاذا قسمنا عددا من أطفال فرقة دراسية حسب اختبار للذكاء الى مجموعتين : احداهما متفوقة وأخرى ضعيفة ثم لاحظنا في نهاية العام الدراسي نجاح ورسوب أفراد المجموعتين فكانت النتيجة كما يلي :

المجموع	ضعيف	محساز	ذكاء
			تحصل
	١,٠	ŧ٠	ناجے
0.	۲.	γ.	راسب
\ · ·	<b>£</b> •	7.	المجمرع

جدول (۸۲) الدلاقة بين الذكاء والتحصيل ً ك

أي أن مجموعة الأطفال عددها ١٠٠ طفل ٢٠ منهم ممتازون من حيث الذكاء و ٤٠ أقل من المستوى العادي ، واتضح في نهاية العام أن ٤٠ من ممتازي الذكاء قد نجحوا في الامتحان التحصيلي ورسب ٢٠ منهم ، بينما نجح ١٠ من الضعاف ورسب ٣٠ . فانه يطلب مقارنة هذه النتيجة بما كان يتوقع لها لو أن أثر مستوى الذكاء في نتيجة التحصيسل منعسدم .

لتحقيق هذا الغرض ننشىء جدولا آخر يحتوي على تكرارات فرضية مؤسسة على افتراض أن الذكاء لا أثر له في التحصيل . في مثل هذه الحالة يكون عدد الناجحين معادلا لعدد الراسبين في كل من فثني الذكاء ، أي يصير الجدول التكراري النظري على أساس الفرض الصفرى كالآتى :

المجمسوع	ضعيف	محتـــاز	ذكاء تحصيل
0.	٧٠	۳٠	ناجے
٥٠	Υ•	٣٠	راسب
1	٤٠	٦.	المجموع

جدول (٨٤) التكرار على أساس القرض الصفري

1,6

ومن هذين الجدولين يمكن أن نحصل على جدول ثالث يشتمل على الفروق بين

التكرارات التجريبية والتكرارات النظرية على أساس الفرض الصفري ويكون هذا الجدول كسالآتي :

المجمسوع	ضميف	محساز	الذكاء التحصيل
صفر	<b></b>	1.	ناجــح
صفر	١.	١٠	راسب
صفر	صفر	صفر	المجموع

جدول (ه ٨) الفروق بين التكرارات التجريبية والتكرارات النظرية

من الطبيعي أن صحة هذا الفرض أو خطأه يتوقف على هذه الفروق ، فان كانت هذه الفروق كانت صغيرة هذه الفروق كانت صغيرة كان الاحتمال كانت الله احتمال في خطأ الفرض الصفري ، وان كانت صغيرة كان الاحتمال كبيرا في صحته .

وهذه الفروق لا تعطي دلالة واضحة عن مدى بعد النتيجة التجريبية عما يتوقع لها اذا نظر اليها نظرة مطلقة . فاذا كان التكرار الأصلي ١٠ وكان الفرق بين التكرارين الأصلي والنظري ١٠ كان الموقف مختلفا عما اذا كان التكرار الأصلي ١٠٠ وكان الفرق بين التكرارين ١٠ أيضا ، كما أن هناك ملاحظة أخرى وهي أن اشارة الفرق (سالبة أو موجبة) لا تهم في معرفة مدى قرب التكرارين أو بعدهما عن بعض . ولذا فان اختبار (كا٢) يقوم على تربيع هذه الفروق وقسمة هذه المربعات على التكرارات النظرية ، ثم جمع نواتج القسمة للتكرارات المختلفة . أي أن :

حيث ك : التكرار الملاحظ (التجريبي).

، لئ : التكرار النظري (حسب الفرض المختبر ) .

وتفسير هذا أن كا۲ تعادل مجموع خوارج قسمة مربعات الفروق على التكرارات

النظرية ويلاحظ أن مربع الفرق يقسم على التكرار النظري لا التكرار التجريبي الأصلي . ولحساب قيمة كا ٢ في المثال السابق تتبع الخطوات الآتية :

_ብ (_ন-ন)	(_ন_ন)	<u>_1</u> _ 1	التكرار النظري ك	التكرار التجريبي ك
٣,٣٣	1	١.	۲.	٤٠
4,44	1	۱۰	۳۰	۲٠
۰,۰۰	1	1 •	٧,	١٠
٠٠,٠٥	1	١.	٧٠	ψ.
17,77			1	1

جلول (۸۹) حماب کا<sup>۲</sup>

.. كالأ في هذا المثال = ١٦,٦٦

والخطوة الباقية هي معرفة درجات الحرية ، ثم الكشف في جدول كا عما اذا كانت قيمة كا لمله القيمة من درجات الحرية ذات دلالة عند نسبة ٠,٠٠ ثم عنسد نسبة ٠,٠١

ودرجات الحرية في مثل هذا الجدول =

(عدد الأعمدة - ١) (عدد الصفوف - ١).

( ذلك لأننا مقيدون في كل صف أو عامود بقيمة واحدة حتى يكون مجموع الصف أو العامود ثابتا ) (١) .

\_\_\_\_\_\_

(١) ويمكن حساب درجات الحرية بطريةة أخرى : ففي الجدول ٤ خاذات تعطي ٤ درجات من الحرية الا أنذا مقيدون في مل. هذه الخاذات بأربعة قيود ، هي حراصل الجمع ولكنتا في ذلك نكون قد تقيدنا بالمجموع الكل مرتين : مرة في حواصل جمع الأعدة ومرة في حواصل جمع الصفوف ، فينهني أن نزيد ١ عل درجات الحرية الناتجة فتكون درجات الحرية = ٤ - ٤ + ١ = ١ .

۰,۷۰	۰,۸۰	1,4+	۰,۹۵	۰,۹۸	٠,٩٩	دع
۰،۱٤۸	·,•3£Y	۸۵۲۰۰۰	• , • ٣٦٣	, • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•,•••\•Y	١
۰,۷۱۳	٠,٤٤٦	٠,٢١١.	٠,١٠٣	1,12.2	1,1411	۲
1,678	1,	4,08٤	۰,۳۰۲	۰,۱۸۰	۰,۱۱۰	٣
Y,190	1,789	١،٠٦٤	٠,٧١١	4,£٢٩	٧,٧٩٧	1
۳,۰۰۰	7,727	1,711	1,150	<b>۴,۷۵۲</b>	-,00%	٥
۳,۸۲۸	٧,٠٧٠	7,7+2	1,770	1,178	۰,۸۷ <b>۲</b>	٦
1,771	<b>۳,۸</b> ۲۲	۲,۸۳۳	4,170	1,478	1,774	٧
۷۲۵,۵	4,041	٣,٤٩٠	7,777	7, . 44	1,727	٨
٦,٢٩٣	<b>ወ,</b> ሞሉ •	٤,١٦٨	4,440	Y,044	¥,•AA	٩
٧,٣٦٧	1,174	1,874	4,41.	4,.04	۲٫۵۸۸	١,٠ '
۸٫۱٤۸	1,484	0,078	£,eYe	4,3.4	7,.04	11
4,.44	٧,٨٠٧	7,402	۰,۲۲٦	£,\YA	T,0Y1	14
4,477	۸٫٦٣٤	7,127	۵,۸۹۲	٤,٧٦٥	1,1.4	۱۳
۱۰٫۸۲۱	1,677	V,V4+	۲,0۷۱	<b>۸۶۳</b> ۱۸	1,430	11
11,771	11,71	V,01Y	٧,٢٦١	0, <b>4</b> \0	0,779	10
17,778	11,104	4,414	<b>٧,٩٦</b> ٢	7,711	۰٫۸۱۲	17
۱۳٫۵۳۰	17, 4	4,+40	۸٫٦٧٢	<b>V,</b> Yaa	٦,٤٠٨	17
14,55.	۱۲,۸۵۷	۱۰٫۸٦٥	4,44.	٧,٩٠٩	V, 10	14
10,707	14,414	11,401	11,119	۷۲۵٫۸	٧,٦٣٣	11
17,777	12,074	14,224	۱۰٫۸۰۱	4,777	۸,۲٦٠	4.
14,144	10,220	14,41.	11,091	٧,٩١٥	۸,۸۹۷	41
١٨,١٠١	17,718	12,-21	17,777	10,700	4,027	44
14,.41	17,147	۱٤,٨٤٨	18,.41	11,794	10,197	74
14,424	14,077	10,709	۱۳,۸٤۸	11,447	۱۰٫۸۵٦	71
7.,47	11,92.	17,277	18,711	17,747	11,072	Ya
*1,744	14,44	14,444	10,774	14,2.4	14,144	77
77,714	7.,7.4	14,118	17,101	12,170	14,474	77
74,754	Y1,0AA	18,474	17,444	11,817	14,010	۲۸
Y1,0VV	YY, EV4	19,774	17,7+4	10,071	16,404	44
Y0,0 · A	<b>77,77</b> £	71,099	14,897	17,807	12,790	۳.

	T	T	T	1	1	<u> </u>	r
دع	• . • 1	٠٠٢		+.1+	٠,٧٠	٠.٣٠	+.0+
١	7.750	0.817	4.781	Y.V.7	1.727	1 . 4	1.200
Y	4.71+	Y.ATE	0.441	8.1.0	7,714	Y, E • A	۱٫۸۳٦
٣	11.720	1.424	٧,٨٧٥	7,701	1,711	4.770	7.777
٤	17.777	11.774	1,244	V.VV4	0.484	£,AVA	۷۹۳,۳
۰	10,007	17,711	11	1,141	٧,٢٨٩	7.+78	1.401
3	17.777	10,.77	17,047	11.750	٨,٥٥٨	٧,٢٣١	437.0
٧	14.670	17,77	11,-17	14.+14	1,1.4	۸٫۳۸۳	7,717
٨	10.040	14.134	۷۰۵,۵۰۷	17.417	11	1,011	V.711
4	¥1.777	14.374	17,414	18,718	17,727	10,704	۸,۳٤٣
11	71.7.4	Y1.171	14,41	10,414	17,557	11,77.1	4,7127
11	41.410	24,118	14.770	17,770	12,771	17,844	1.721
14	<b>41,41</b> 0	¥£,.0£	*1*	14,029	۱۵٫۸۱۲	1811	11.78.
۱۳	۳۷,٦٠٨	Y0,2Y1	77,77	14,614	17,440	10,115	14-48.
12	¥9,1£1	<b>۲</b> ٦,۸۷۳	44.74	¥1.+7\$	۱۸٫۱۵۱	17,777	14.44
١٥	T+,0YA	44,404	71.447	27,7.4	14,711	17,411	18.774
17	**,	<b>74,377</b>	77,7Y	YY,02Y	Y . , £ 7 0	14-814	ነ ቀ , ፕፕለ
۱۷	44,5.4	۳۰,۹۹۰	YV,oAY	71,774	41,710	14.011	ነ ጓ . ፕዮሌ
۱۸	78,1.0	44,44	YA,A79	40,484	¥¥,V\•	20,301	14.44
- 11	77,141	24,144	71,122	YV,Y+1	Y4,4	<b>۲1,7</b> 84	ነለ,۳۴۸
۲٠	44,011	40,.4.	21,210	<b>Y</b> A,£ \ <b>Y</b>	YE.+#A	11,440	14,577
Y1	44,444	27,727	177,771	74,710	10,171	Y4,404	۲۰,۳۳۷
**	\$+,444	P97,774	27,472	4.714	<b>۲۷,۳۰1</b>	71,949	۲۱,۳۳۷
77	1	<b>**</b> **********************************	<b>‡</b>	41,4	·	Y7,•1A	
72	٤٢,٩٨٠	٤٠,٢٧٠	47,210	27,147	79,004	14,.47	የ <b>ም</b> ,ዮዮሃ
40	\$8,7718	\$1,077	27,707	<b>የ</b> ٤,٣٨٢	40,770	44,144	71,777
41	10,717	204,73	۳۸,۸۸۰	40,074	71,V\$0	74,727	70,777
YV	17,478	\$2,12.	111,03	77,V£1	44,41.	40,819	Y7,777
Υ٨	£ <b>A,</b> YYA	10,219	£1,740	۳۷,۹۱٦	<b>41,- 44</b>	71,791	YV,YY3
74	£7,7 <b>9</b> ٣	14,00V	<b>٣</b> 1, · ٨٧	40,144	40,144	27,271	የለ,ሦየን
٣٠	4٠,٨٩٢	\$7,439	27,777	re7,+3	<b>41,74</b> 1	TT,0T.	74,747
L		<u>ا</u> الارم الاعمادة	1			<u> </u>	

جدول (٨٧) فيم كا ٢ المقابلة لنب الاحتمالات المختلفة

واذا بحثنا في الجدول أمام درجة الحرية <sup>(۱)</sup> في عامودي نسبة الاحتمال ٠,٠٠ ونسبة احتمال ٠,٠١ نجد أن قيمتي كا <sup>۲</sup> هما على الترتيب ٣,٨٤١ ، ٣,٦٣٥ .

وكا <sup>٢</sup> التي حصلنا عليها تزيد كثيرا عن هاتين القيمتين ، مما يدل على أنها ذات دلالة عند النسبتين ، أي أن الفرض الصفري لا يقوم عن أساس سليم ، أي أن التجربة قد أثبتت أن لمستوى الذكاء أثرا فعلي في النجاح التحصيلي . فاختبار (كا <sup>٢</sup>) يستخدم عادة كمحك لقبول أو رفض الفرض الصفري .

وَ فِي حالات الجداول الّي تتساوى فيها الفروق بين التكرارات النظرية والتجريبية في الحلايا الأربع يمكن أن نحول القانون الذي نحسب به كا ٢ الى (ك ــ ك َ ) ع الم

مثال آخر : عمل استفتاء اجتماعي عن موضوع ، التعليم المشترك » في المستوى الثانوي فكانت النتيجة كما يلي :

موافق جدا موافق محايد معارض معارض بشدة المجموع عدد الاجابات ۳۳ ۲۸ ۱۹ ۱۹۰ معارض

فهل يمكن الاعتماد على هذه النتيجة التي عدد الموافقين فيها ( ٣٣ + ٤٧ ) = ٨٠ وعدد المعارضين فيها ( ٢٨ + ٢٨ ) = ٤٧ ، أم أن الفروق بين التكر ارات نتجت بمحض الصدفة وراجعه لظروف الاستفتاء واختيار العينة ؟ المتبع في مثل هذه الحالات أن نفترض فرضا صفريا وهو ه أن التكرارات الحقيقية في المجتمع الأصلي متعادلة ، وليس هناك اتجاه حقيقي لزيادة الموافقين عن المعارضين ، . وبناء على هذا الفرض الصفري تنشىء جدولا تكراريا جديدا فيه تتساوى تكرارات الفئات الخمسة ( مع تقيدنا بالمجموع ١٥٠) أي أن الجدول النظري يصبح كالآتي :

موافق جدا موافق محايد معارض معارض بشدة المجموع عدد الاجابات ۳۰ ۳۰ ۳۰ ۱۵۰

ثم تقارن بين التكرار التجريبي والنظري وتحسب كا ٢:

.지 ((국-국)	<u></u>	_ন – ন	التكرار النظري ك	التكرار التجرببي ك
۰٫۳۰	1	٣	۳,	۲۳
4,75	474	17	۳۰	ŧ٧
1,75	٤٩	٧	γ.	74
٠,١٣	£	Y	٣,	۲۸
٤,٠٣	171	11	٣٠	14
10,77			10.	10.

جدول (٨٨) حساب كالالإجارات الاستفتاء

ودرجات الحرية في هذا المثال ن - ١ ، وينبغي أن لا يفوتنا هنا أن ن هي عسده التكرارات وليس مجموعها كما كان الحال في اختبار و ت ، أي أنها تساوي هنا ٥ - ١ = ٤ ( لأتنا كنا مقيدين بقيد واحد في وضع التكرارات النظرية المتساوية وهو مجموع التكرارات ) واذا رجعنا الى جدول كا آ في صف درجات الحرية ٤ تجد أنها تعادل التكرارات ) ودا دامت كا آ في جدول ( ٨٩ ) أكبر من هاتين القيمتين فاننا نكون محقين في رفض الفرض الصفري ، ذلك لأن النتيجة التي حصلنا عليها لا تحدث إلامرة واحدة في كل مائة مرة عن طريق الصدقة اذا كان الغرض الصغري صحيحا ، أي أن هذه التكرارات التجريبية ذات دلالة احصائية وأن هناك انجاها حقيقيا في المجتمع الأصلي للموافقة أكثر منه للمعارضة .

# كا ٢ في حالة الجداول التكر اربة ذات التكر ار الصغير:

في كثير من الأحيان تحتوي خلايا الجدول التكراري المزدوج على تكرارات صغيرة وفي مثل هذه الحالات يفضل اجراء تصحيح في الفروق بين التكرارات وقد اقترح هذا التصحيح يول Yule ويطلق عليه تصحيح الاستمرار Yule اعتبار التقسيم مستمرا وليس والفكرة من هذا التصحيح أن نظرية العينات تؤدي بنا الى اعتبار التقسيم مستمرا وليس محددا بنقط حادة فاصلة ، واعتبار هذه النقط على أنها منتصف فترة ، هي مرحلة الانتقال بين القسمين ، ولذا يفضل دائما أن نعمل حسابا لكسرقدره هر ، في كل فرق بين التكرار التجربيي والمتوقع ، ولنأخذ مثالا لتطبيق هذا التصحيح . لنفرض أننا أجربنا استبيانا التجربي والمتوقع ، ولنأخذ مثالا لتطبيق هذا التصحيح . منفرض أننا أجربنا استبيانا خمسين مراهقا ، فكانت النتيجة التجريبية أن ٢٨ أجابوا اجابات تجعلهم يوصفون بالخضوع . فهل نكون محقين في بالسيطرة ، و ٢٧ أجابوا اجابات تجعلهم يوصفون بالخضوع . فهل نكون عقين في وصف المراهقين بأنهم يميلون الى السيطرة أكثر من الخضوع ؟ للاجابة على ذلك نفترض فرضا صفريا مؤداه ه أنه ليس هناك ميل خاص بين المراهقين الى السيطرة أو الخضوع وبناء على هذا الفرض يكون من المتوقع أن يوصف نصف العدد الكلي بكل من الصفتين وبناء على هذا الفرض يكون من المتوقع أن يوصف نصف العدد الكلي بكل من الصفتين أن الوضع التجربي والمتوقع كما يلى :

يمجمسوع	خساضع	مسيطر	
٥٠	**	47	تكرارات تجريبية
٥٠	Yo	40	تكرارات نظرية
	٣	٣	الفـــرق
	۲,٥	حيح ۲٫۵	ويكونالفرق بعدالتص
	Y ( Y, 0 ) + Y	( Y,0 ) Yo	وتكون كسا ً =
		o ===	
	1=1-	الحرية = ٢.	وتكرن عدد درجات

Goulden, C. H., Methods of Statistical Analysis (1939) and Sendecor, G.W. Statistical (1) Methods. (1937).

وواضح من جدول كا <sup>٧</sup> أن النتيجة تقل عن قيمة كا <sup>٢</sup> عند درجة حرية ١ ونسبة احتمال ٥٠٠٠ ( ٣.٨١١ ) أي أن كا <sup>٣</sup> هنا لا دلالة احتمال ١٠٠٠ ( ٣.٨٦٥ ) أي أن كا <sup>٣</sup> هنا لا دلالة احصائية لها . مما يرجح قبول الفرض الصفري وهو أنه ليس هناك ميل خاص لأية ناحية من هاتين الناحيتين عند المراهقين .

# كا أ قياس مدى انطباق التوزيع على التوزيع الاعتدالي :

تكلمنا في الباب الخامس عن خواص المنحى الاعتدالي ، وبينا أن هذا النموذج من التوزيع انما هو نموذج نظري صرف لا يحدث عمليا أن ينطب عليه التوريس التجريبي لأي صفة نفسة أو أي متغير طبيعي انطباقا تاما . ولكن الذي يحدث دائما أننا نفترض هذا التوزيع في أغلب السمات النفسية والاجتماعية في المجتمع الأصلي ، ويكون هدف الباحث مقارنة التوزيع الذي يحصل عليه بهذا التوريع الاعتدالي النظري . وقد دكرنا أن الطريقة لهذه المقارنة تنحصر في تهيئة Pitting أقرب توزيع اعتدالي لما حصل عليه الباحث من بيانات ، مع التقيد في هذه التهيئة بالمعاملات الأصلية في التوزيع التجريبي كالمتوسط الحساني ، الانحراف المعياري كما يجب التقيد كذلك بعدد الحالات التي شملها البحث : وطريقة تحويل التوزيع الى التوزيع الاعتدالي موضحة في ص جدول ٤٥ ، وتشتمل على تحويل القيم الل درجات معيارية ثم تعديل التكرارات الأصلية الى تكرارات مستمدة من ارتفاعات المنحى الاعتدالي النظري .

وقد ذكرنا أنه يمكن المقارنة بالنظر بين التكرارات الأصلية والتكرارات المعدلة ، فاذا كان الفرق كبيرا دل ذلك على أن التوزيع التجريبي لم يأت من التوزيع أصلي اعتدالي . الا أن مدى كبر الفروق بين التكرارين ينبغي أن نصل اليه عن طريق احصائي . ونظرا لأن اختبار كا لا يوصلنا الى المقارنة الاحصائية بين أي تكرار تجريبي وأي تكرار آخر نظري نفترضه فان هذا الاختبار هو خير ما يصلح للوصول الى هذا الهدف ، حيث يمكننا أن نفترض الفرض الصفري الآتي و لا يوجد فرق جوهري ذو دلالة بين التكرار التجريبي الذي حصلنا عليه والتكرار الاعتدالي النموذجي ه .

ولتوضيح الحطوات المتبعة في هذا السبيل نرجع الى جسدول ٣٤ فقسد كانت التكرارات الأصلية التجريبية والتكرارات النظرية المعدلة كما هو مبين فيما يأتي :

التكرار المعـــدل ك <sup>ـ</sup>	التكر ار لئ	الفئات
£,£Y		
۸,۸۰	17	Y •
۱۷,۷۰	**	<b>ξ</b> •
۲۸,۸۲	**	<b>ö +</b>
74,77	۳٥	<b>1 •</b>
11,71	٤٥	Y•
٤٧,٠٣	£Y	<b>V•</b>
77,17	YA	-4.
77,17	14	۱۰۰
17,17	١٤	-11.
٥,٥٣	١٢	14.
۲,۲۱		
Y04,44	Y7.	المجموع

جدو ل (٨٩) تكر ار ات ممدلة حسب التوزيع الاعتدالي

ويلاحظ أننا أضفنا في التكرارات المعدلة فئة عند كل طرف نظرا لاحتمال أن العينة التجريبة لم تشتمل على القيم الصغيرة جدا أو الكبيرة جدا ، فلحساب كا لل لهذه المقارنة نتبع الخطوات المعتادة ، كما في الجدول الآتي وقد ضمننا التكرارين الزائدين على تكرار أول وآخر فئة لتتسى المقارنة بين التكرارات المقابلة .

+			التكرار المعدل	التكر ار	
*("出一也)	((고 리)	(ビー・ビ)			الفثات
_n			쇠	(ట)	
٠.٥٦	٧.٤٥	۲.۷۳	14.40	17	Y•
1,-1	٨,٤٩	1.70	17,71	**	_ į,
٠,١١	۲,۲۱	1.47	۲۸,۸۲	47	01
٠,٣٦,	۱۳,۸٤	۳,۷۲	۳۸. <b>۷</b> ۲	70	_ ٦·
•,•1	۰,۵۸	۲۷.۰	£2-Y2	٤o	V·
		٠,٠٣ _	٤٢,٠٣	٤Y	A•
۱۸٫۰	۲٦,۸۳	۰,۱۸	77-11	47	<b>٩</b> ٠
٠,٤٤	4.٧٣	4,14	77,17	11	١٠٠
۰,۲۷	4,40	1,18	17,17	18	١١٠
7,78	18.10	٤,٢٦	٧,٧٤	17	۱۲۰
0,18		۱۳٫۸۸	Y04.44	۲٦٠	المجموع
		۱۳،۸۷			

جدول (٩٠) مقارنة بين التكرار الأصلي والتكرار المعدل باستخدام اختبار كالا من هذا الجدول نجد أن كا ٢ = ٩٤.٥

ولحساب درجات الحرية ينبغي أن نذكر أنه في تعديل هذه التكرارات كنا مقيدين بقيود ثلاث هو المتوسط والانحراف المعياري وعجموع التكرارات ولذا فان درجات الحرية تساوي عدد الفئات ـ ٣ ( وينبغي ألا نخلط بين عدد الفئات وعدد الحالات الذي هو مجموع التكرارات كما كنا نحسب درجات الحرية في اختبار ه ت »).

واذا رجعنا الى جدول كا أعندما تكون درجات الحرية ٧ نجد أن نسبة ٠,٠٠ يجب أن تصل أن تصل الى كا أ الى ١٤٠,٦٧ حتى تكون ذات دلالة وعند نسبة ٠,٠١ يجب أن تصل الى ١٨٠٤٧٥ . وعلى هذا تكون كا أليست ذات دلالة احصائية ، ولذا نستطيع أن نقبل الفرض الصفري الذي يفيد بأنه ليس هناك فرق جوهري بين التكرار التجريبي الذي حصلنا عليه والتكرار الاعتدالي النظري .

ونضيف هنا ملاحظة صغيرة وهي أنه اذا قل تكرار احدى العثات عن (٥) ضممت هذه الفئة الى قبلها أو بعدها واعتبرت الفئتان فئة واحدة وذلك لأن تطبيق اختبار كا ٢ يشترط فيه أن يكون كل تكرار في الجدول ٥ على الأقل .

# استخدام كا ٢ في اختبار اعتماد متغيرين كل على الآخر :

X<sup>2</sup> as a test of Dependence

اذا حاول باحث ايجاد العلاقة بين متغيرين فالطريقة الطبيعية كما ذكرنا سابقا هي ايجاد معامل الارتباط بينهما ، مستخدما في ذلك أي معامل من المعاملات التي سبق لنا ذكرها . ولكنه لا يتسى ذلك الا اذا تيسر له الحصول على فترات عددية منتظمة لكل متغير ، أما اذا كانت البيانات التي حصل عليها لا تسمح بهذا التقسيم العددي المنتظم لجأ الى معامل التوافق (ق) في ذلك .

هذا ويمكن استخدام كا <sup>٢</sup> في اختبار صحة الفرض بأن المتغيرين منفصلان عـــن بعضهما تماما من حيث الأثر ، بحيث لا تأثير لتغير أحدهما في تغير الآخر أي في اختبار استقلال Independence كل من المتغيرين عن الآخر .

واليك مثل لتطبيق اختبار كا" في مثل هذه الحالات :

أراد باحث معرفة العلاقة بين التوافق الاجتماعي لطلبة الكليات ونجاحهم الدراسي ، فأجرى استبيانا للتوافق الاجتماعي على عينة من هؤلاء الطلبة ، ثم قسمهم حسب نجاحهم تبعا لتقديراتهم في النجاح ، فكانت نتيجة البحث كما هو مبين في الجدول الآتي :

المجموع	توافق منخفض	توافق معتدل	توافق عال	التوافق
				الدزاسة
٣٠	1	٩	۱۲	متاز
۲.	٧	10	٨	جيدا جدا
٦.	17	٣٦	٨	جيــــــ
۸۰	4	70	٦	مقبسول
ø,	٣١	11	٨	ضعیت
	۲۸	١٤	۸	ضعيف جدا
۳۰۰	1	10.	٠	المجموع

جدول (٩١) العلاقة بين السُجاح الدراسي والتوافق الاجتماعي لطلبة الكليات .

ويهدف الباحث الى معرفة هل يعتمد كل من المتغيرين على الآخر أم أنهما مستقلان تماما بعضهما عن بعض . :

والطريقة هنا هي نفس الطريقة المتبعة دائما في تطبيق اختبار كا <sup>٢</sup> ، وهي تنحصر في تكوين جدول تكراري على أساس الفرض الصفري ، أي على أساس استقلال العاملين بعضهماعن بعض، فاذا ثبت بعدذلك أن كا <sup>٢</sup> ذات دلالة احصائية رفضنا الفرض الصفري . واذا ثبت أنها ذات دلالة قبلنا الفرض الصفري ، واعتبرنا المتغيرين مستقلين .

لمعرفة عدد الممتازين الذين على درجة كبيرة من التوافق على فرض استقلال العامل الدراسي وعامل التوافق فلاحظ أن عدد الممتازين جميعا ٣٠ طالبا ٥٠ منهم متوافقا الأول) . كما فلاحظ أن في المجموعة كلها البالغ عددها ٢٠٠ طالبا ٥٠ منهم متوافقا توافقا عاليا ، أي ما بعادل إلى المجموعة الكلبة . فان لم تكن هناك أي علاقة بين الدراسة والتوافق توقعنا أن النسبة إلى (بنه) تكون محفوظة في جميع مراتب الدراسة. أي فتوقع أن يكون عدد الذين نجحوا برتبة جبد جدا ومتوافقين توافقا عالبا ٣٠ × بنه وفتوقع أيضا أن يكون عدد الذين نجحوا برتبة جيد ومتوافقين توافقا عالبا ٣٠ × بنه ...

وفي حالة تكرارات خلايا العامود الثاني نجد أن عدد المتوافقين توافقا معتدلا يعادل نصف المجموعة الكلية ( بهل ) . فيجب أن تظل هذه النسبة محفوظة في جميع خلايا هذا العامود على فرض أنه ليس هناك علاقة بين المتغيرين ، فنتوقع أن يكون عدد الممتازين المتوافقين توافقا معتدلا ٣٠ × بهل ، وعدد الناجحين برتبة جيد جدا ومتوافقين توافقا معتدلا ٣٠ × بهل ومتوافقين توافقا معتدلا ٣٠ × بهل ومتوافقين توافقا معتدلا ٣٠ × بهل وهكذا .

و فلاحظ من هذا أن التكرار المتوقع لكل خلية من خلايا هذا الجدول يساوي مجموع العامود \_\_\_\_\_\_\_ المجموع الكلملي

فاذا رمزنا للصف بالرمز أوللعامود بالرمز ب كان التكرار المتوقع للخلية في الصف أوالعامود ب أي الخلية أب ذات التكرار لش<sub>ك</sub>

المجموع	توافق ضعيف	توافق معتدل	تو افق عال	التوافق
				الدراسة
۳۰	١.	10	٥	ممتساز
۳.	١.	10	٥	جيد جدا
٦,	γ.	٣٠	١.	جيــد
۸۰	۲٦,٧	٤٠	۱۳٫۳	مقبول
ø,	۱٦,٧	70	۸٫۳	ضعيف
٠.	۱٦,٧	Yo	۸٫٣	ضعیف جدا
٣٠٠	١٠٠,١	10.	٤٩,٩	المجسوع

جدول (٩٢) التكر أرات المتوقعة على أساس الفرض الصغري

وبعد ذلك نستطيع أن نحسب كا لبنفس الطريقة المعتادة :

*			C	
		_	التكرار المتوقع	التكوار الأصلي
1(「モーカ)	(_피-피)	(_7-7)		
_1			<u>_</u> 7	4
۹,۸۰	٤٩	٧	٥	۱۲
٧,٤٠	41	٦	۱۵	•
۰٫۱۰	١	١ –	١٠	4
۱٫۸۰	4	٣	۰	^
_	, The Male		10	10
٠,٩٠	4	٣	1+	<b>Y</b>
٠,٤٠	٤	٧	١٠	^
Y	77	٦ ٤	۳.	77
۰٫۸۰	17		γ,	١٣
٤,٠١	٥٣,٢٩	۷,۳	14,4	**
10,77	740	Yo	٤٠	٥٦
11,77	114,74	۱۷٫۷	<b>Y</b> 7, <b>Y</b>	4
٠,٠١	٠,٠٩	۳٫۰	۸٫۳	٨
٧,٨٤	147	11,	40	١١
17,70	4+1,14	18,8	۱۳,۷	٣١
٠,٠١	٠,٠٩	۰,۳	۸٫۳	۸ .
٤,٨٤	171	11-	40	*
۷,۲۰	177,74	11,7	17,7	Y۸
		7,77		
۸۱,۳۷		7,77-	۳.,	۳.,
		•••		

جدرل (٩٣) حساب كا<sup>٧</sup> في اختبار اعتماد متغيرين كل عل الآخر

من هذا الجدول يتضع أن كا المحدول بتضع أن كا المحدول المحدول المحدول المحدول المحدول المحدود ا

وبالرجوع الى جدول كا <sup>٢</sup> نجد أن قيمتها ذات الدلالة لحذا العدد من درجات الحرية عند ٢٠,٥٠٥ أي أن قيمة كا <sup>٢</sup> في الحرية عند ٢٤,٩٩٦ أي أن قيمة كا <sup>٢</sup> في الحدول ذات دلالة احصائية عند هاتين النسبتين مما يجعلنا نرفض الفرض الصفري . ويؤدي بنا هذا الى احتمال اعتماد كل من المتغيرين ( التوافق والدراسة ) كل على الآخر .

ويمكن تلخيص طريقة حساب كا \* في الجدول التوافقي في القانون الآتي :

و هو يتطلب الخطوات الآتية :

١ — احسب التكرار النظري لكل خلية فاذا رمزنا للخلية بالرمز أب وكان رمز تكرارها الأصلي كان يعسب بضرب تكرارها النظري المقابل للتكرار التجريبي يحسب بضرب الصف كم × تكرار العامود كلي وقسمة الناتج على التكرار الأصلي ك .

٢ - اطرح كل تكرار نظري من التكرار الأصلي (التجريبي المقابل له) أي احسب
 افر . كن المراد المراد الأصلي (التجريبي المقابل له) أي احسب

اقسم مربع الفرق في كل خلية على التكرار النظري لها أي أوجد

اجمع خوارج القسمة للخلايا المختلفة ، فيكون حاصل الجمع هو قيمة كا ١.

٦ - احسب درجات الحرية للجدول التوافقي و هي تساوي :

(عدد الصفوف - ١) × (عدد الأعمدة - ١).

٧ ــ اكشف عن قيمة كا ` ذات الدلالة المقابلة لعدد درجات الحرية من جدول كا ` عند نسبي ١٠٠٥ و ١٠٠١ ، فان كانت القيمة الناتجة أقل من القيمة في جدول كا ` دل ذلك على استقلال المتغيرين بعضها عن بعض ، وان كانت أكبر منها دل ذلك على اعتمادهما بعضهما على بعض .

## حساب معامل الترافق من كا ٢:

بالرغم من أن اختبار كا \* يفيد الباحث في تحديد ما اذا كان أحد المتغبرين يعتمد على الآخر ، أم أنهما مستقلان عن بعضهما تماما . الا أنه في الحالات التي يتضح من هذا الاختبار أن المتغيرين مرتبطان لا يفيد الاختبار كما هو في معرفة مدى العلاقة بينهما ولكن بتعديل بسيط في قيمة كا \* يمكن أن تحصل على قيمة قريبة من معامل التوافق الذي سبق ايضاحه في الباب السابق .

وطريقة حساب معامل التوافق من قيمة كا ٢ تنحصر في تطبيق

$$\frac{\overline{Y_{15}}}{Y_{15}+\overline{y}} = \overline{3}$$

ولتطبيق هذا القانون في المثال السابق نجد أن :

ومعامل التوافق لا يحسب في هذه الحالة الا بعد تطبيق اختبار كا' . والاستدلال من هذا الاختبار على أن هناك علاقة بين المتغيرين ، أما اذا أثبت هذا الاختبار أن المتغيرين مستقلان كل عن الآخر فبكون لا معنى مطلقا حينئذ لحساب معامل التوافق ، لأنه في هذه الحالة يكون عادة عديم الدلالة .

#### تحليل التباين :

يستخدم اختبار <u>«ت</u> » في المقارنة بين متوسط مجموعتين لمعرفة ما اذا كان الفرق بينهما جوهريا لا يمكن أن يكون قد حدث عن طريق الصدفة ، أو بمعنى آخر لاختبار الفرض بأن المجموعتين يمكن اعتبارهما عينتين من مجتمع أصلي واحد ، ويمكن تحوير هذين الفرضين ووضعهما على صورة فرض صفري بأنه ليس هناك فرق حقيقي بين المتوسطين في المجتمع الأصلي .

ويضطر الباحث في كثير من الأحيان أن يختار عينته التجريبية من جهات متعددة . فيجري اختياره مثلا على عينة من مدارس متباينة ، أو من مستويات غتلفة من الثقافة ، أو مستويات اقتصادية اجتماعية متنوعة ، أو من بلاد غتلفة ، ومثل ذلك حينما يجري الباحث استفتاء عن موضوع معين ، أو بحثا اكتشافيا للرأي العام نحو مشكلة خاصة فيجمع العينة التجريبية من أوساط وأقسام مختلفة . وتكون المشكلة التي يصادفها الباحث هي هل يكون محقا اذا جمع النتائج الجزئية التي حصل عليها ويعاملها على أنها نتيجة واحدة من مصدر واحد ، أم أن عليه أن يعاملها على أنها نتائج منفصلة مختلفة ؟ في مثل هذه الحالات ينبغي أن يتحقق من عدم دلالة ما بين هذه المجموعات وبعضها من فروق . ويمكنه القيام بهذا الاختبار على أساس المقارنة بين كل مجموعتين على حدة مستعملا في ذلك اختبار و ت و ومعنى هذا أنه يقوم بعدة اختبارات للوصول الى هدفه ، فان كان عدد المجموعات أربعة اضطر الى اجراء ٦ اختبارات واذا وصل عدد المجموعات الى ٨ كان عليه أن يجري ٢٨ اختبارا حـ

ولكن طريقة تحليل التباين التي وضعها Fisher توصل الى هدف المقارنة بسين مجموعات متعددة عن طريق مباشر . فالتباين هو متوسط مربعات فروق القيم عسن المتوسط ، أي أنه مربع الانحراف المعياري . ويمتاز التباين عن الانحراف المعياري في أن استخدامه أعم وأنه يصلح لعمليات كثيرة ، فهو يخضع لعمايات الجمع مثلا فاذا جمعنا مجموعتين احداهما مكونة من ن قيمة وانحرافها المعياري ع والثانية من ن قيمة وانحرافها المعياري ع والثانية من المعياري المعياري ع فقد توصل هلسن Helson الى حساب الانحراف المعياري الممجموعة الكلية المكونة منها من المعادلة الآتية :

حيث على: تباين المجموعة الكلية ( المكونة من المجموعتين ٢٠١)

ن : عدد حالات المجموعة الكلية .

ن : عدد حالات المجموعة الأولى .

ن : عدد حالات المجموعة الثانية .

ِ فَ ۚ : الفرق بين متوسط المجموعة الأولى والمتوسط العام للمجموعة الكلية

في: الفرق بين متوسط المجموعة الثانية والمتوسط العام للمجموعة الكليسة

واذا ضربنا حدي المعادلة في ن تصبح :

نع ١=١٠٠ + ١٠ بن ع ١٠ + ن ف ١١٠ ن ف

ويلاحظ أن هذه المعادلة تحلل مجموع المربعات ( مربعات فروق القيم عن المتوسط العام ) الى قسمين :

أولا : ن ع ، ٢ ؛ ن ع ع ٢ وهذا المقدار هو مجموع المربعات داخل المجموعتين أي مربعات الفروق الموجودة بين كل قيمة ومتوسط المجموعة التي تنتمي اليها .

ثانيا : ن ، ف ، ٢ ؛ ن ، ف ، ٢ وهو المجموع المرجع Weighed لمربعات الفروق بين متوسط كل مجموعة والمتوسط العام .

المجموعات وانسجامها أو اختلافها بعضها عن بعض . فان كان متوسط المجموعات المجموعات وانسجامها أو اختلافها بعضها عن بعض . فان كان متوسط المجموعات المكونة للمجموعة الكلية واحدا فان التباين الكلي يرجع الى التباين الداخلي في المجموعات فقط . وذلك لأن قيمتي ف و ف في المعادلة السابقة تصير صفرا . وكلما زادت الفروق بين متوسطات المجموعات والمتوسط العام كلما قل تجانس المجموعة الكلية .

فكأن درجة تجانس المجموعة يتوقف على النسبة بين نصيب القسمين السابقين من التباين . ولتوضيح ذلك نفير ض ثلاث مجموعات تتكون كل منها من خمسة أطفال أعمارهم كالآتي :

ومن هذه القيم الاثني عشر يمكن حساب مجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط العام كما يلي :

$$\begin{bmatrix} \omega_{0}(t+t)^{T}+t(t)^{T}+t(t)^{T} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} t+t(t)^{T}+t(t)^{T}+t(t)^{T} \end{bmatrix}$$

$$(-T)^{T} \end{bmatrix} + (-T)^{T} + (-T)^{T} \end{bmatrix} + (-T)^{T} + (-T)^{T} \end{bmatrix} +$$

ر مجموع مربعات انحرافات المتوسطات عند المتوسط العام .

متهصو مجموع مربعات انحرافات القيم داخل المجموعة عن متوسطها ـــ

$$= \left[ (-1)^{7} + ((1)^{7} + (oid)^{7} + (oid)^{7} \right] + \left[ (-1)^{7} + (oid)^{7} + (oid)^{7} \right] + \left[ (-1)^{7} + (oid)^{7} + (-1)^{7}$$

ولمراجعة العمليات الحسابية التي أجريت نلاحظ أن ٢٢ = ٢ × ٤ + ١٤ أي أن عجمرع مربعات انحراف القيم عن المتوسط العام = مجموع مربعات انحرافات المتوسطات عن المتوسط العام × عدد أفراد كل مجموعة + مجموع مربعات انحرافات القيم داخل المجموعات عن متوسطات المجموعات التابعة لها .

وقد ذكرنا أن مدى انساق المجموعة الكلية يتوقف على النسبة بين ( التباين بين المجموعات ) و ( التباين داخل المجموعات ) فان كانت النسبة كبيرة دل ذلك على عدم تجانس المجموعة الكلية .

ولكي تحصل على التباين من مجموعات المربعات التي حسبناها ينبغي أن نقسم كل مجموع على عدد درجات الحرية في كل حالة .

فدرجات الحرية لمجموع مربعات انحرافات القيم عن المتوسط العام

= عدد القيم كلها - ١ = ١١ - ١ = ١١

ودرجات الحربة لمجموع مربعات انحرافات المتوسطات عن المتوسط العام

= عدد المتوسطات أي عدد المجموعات - ١ = ٣ - ١ - ٢ = ٢

ودرجات الحرية لمجموع انحرافات القيم داخل المجموعات

مجموع درجات الحرية للمجموعات كل على حدة .

$$=(\dot{v}_{y}-1)+(\dot{v}_{y}-1)+(\dot{v}_{y}-1)$$

ويلاحظ أيضا أن عدد درجات الحرية في الحالة الأولى = مجموع درجات الحرية في الحالتين الثانية والثالثة ويمكن أن نضع النتيجة في الجدول الآتي :

متوسط مجموع المربعات(التباين)	مجموع المربعات	در جات الحرية	المسدر
٤٠٠	۸	Y	بين المجموعات
١,٥٦	١٤	4	داخل المجموعات
	**	11	المجمــوع

جدو ل (٩٤) محليل التباين لقيم نلاث مجموعات

وقد أطلق اسم F Ratio ونسميها « نسبة ف » على النسبة بين التباين بين المجموعات والتباين داخل المجموعات . ووضع Snedecor جدولا لقيمها التي تكون لها دلالة الحصائية عند نسبتي ٥٠،٥ ، ١٠،١ ، ولاستخدام هذا الجدول يلزمنا معرفة درجات الحرية لكل من حدي النسبة . ونظرا لأن القيمة الصغرى من التباين تقابلها درجات حرية عددها ٩ في المثال السابق نبحث في الجدول عن العامود تحت الرقم ٢ والصف الذي رقمه ٩ ( فأرقام الأعمدة هي الحاصة بدرجات الحرية المقابلة لأكبر جزء من التباين ، وأرقام الصفوف هي الحاصة بدرجات الحرية المقابلة لجزء التباين الأصغر . والجزءان في هذا المثال المعما ٤ ، ١٠٥٦ ) وبالرجوع الى الجدول نجد أن قيمة « نسبة ف » ذات الدلالة عند نسبة احتمال ٥٠،٠ هي ٢٠٦ ، وعند ١٠٠١ هي ١٠٠٨ أي أن قيمة «ف» في هذا المثال ليست المدلالة عند النسبتين .

ومعنى هذا أن التباين بين المجموعات وبعضها لا يزيد عن التباين داخل المجموعات بنسبة كبيرة تجعلنا ذئك في تناسق المجموعة الكلية المتكونة منها ، أي أننا نستطيع أن نقول أن هذه المجموعات الثلاثة قد أخذت كعينات من مجتمع أصلي واحد ، وبمعنى آخر أتنا نستطيع أن نقبل الفرض الصفري .

ويكون الاستنتاج الأخير سهلا في حالة عدم دلالة الفروق بين المجموعات لأن هذا الاستنتاج يتضمن عدم وجود فرق جوهري بين أي مجموعتين من هذه المجموعات الثلاث، أما اذا كان هناك فروق جوهرية بين أي مجموعتين فان تحليل التباين سبوضح أن المجموعات كلها لم تأت من مجتمع أصلي واحد وتكون نسبة «ف» ذات دلالة احصائية واليك المثال الآتي لتوضيح هذه الحالة.

طبق اختبار تحصيلي على عيبنة من كل من أربعة فصول دراسية فكانت الدرجات كما هي مبينة فيما بلي :

	17.70	1.00	٠٤٠	۷.> ه	31.7	Y,14	٧,٠٠	3.7.2	1.4.1	7.77	30.1	٧٤.٢
<	A. O. A.	34.3	£.٣0	£.}Y	F.4V	۸۷۰ ۴	۲.۷۹	۲.۷۴	٧٢.٦	71.7	۲.٦٠	۳.۵۷
	34.41	11.01	1.V/A	1.10	8. <b>54</b> 7.70	۲.۲۸ ۸۶:۷	2.71	۸.۱۰	£.11 V.¶A	۷۰.۷	\$ <b>r</b> V.V4	\$ V.VY
•	17.71	14.44	0.21	10.71 11.00	0,.0	11V	٠٠٠٠ ٨٧٠٠٤	17.3	1\ \\\	3.7.3	, ,	4.4.4 × 4.3
**	٧.٧١	7,42	17,74	1.74	1.77	7.17	Vb.31 4 · · ·	٠٧٠٤ ا	11.31	12.02	14,60	16.41
-1	11.37	1.00 T.,A1	1.17	4.17 7A.V)	4.+1	7.4£	۸۲.۸۸	7.7.8	۸.۸۱ ۲۷.۳٤	ለ.٧٨ <b>۲</b> ٧. <b>۲</b> ۲	74.17	۸.٧٤ ۲۷.٠٥
	10,01	3,:	14,17	14,70	16.7	44.77	19.77	14.77	11.77	14.74	3.5	13.67
	170.4	¥,444	1.3.0 1.1.1	017,0	٥,٧٦٤	344	V16.0		117	1.07	7 7. £4	23.7
		~		••	6	بــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	<	>	هر		=	14
ن ۲									ن - ن	درجات الحربة	ره.	

0,01 10,1 10,0	7,01		0	0 -t	, A							* ;
17 P.11 T.TE F.VE E.7.	איוו דיגנ	T		7	7.4.7	٧.>٥	٧٧,٧٧	۲,۷,	Y 70	Y . 7 .	7.07	۲.0۲
7 0,51 0,40 7,47 4,77	0,5,0 13,0	0,£1	<u></u> .		•	1.7.3	***	£ ,0 :	£ , ** 4	£,T.	2,44	1163
1 F, Y7 F, 24 F, AA E, VO	r, r, r, e,	7,7,			۲,11	۲.٠١	7.9.7	۸۰٬۸	۲,۸۰	۲,۷,۲	۲,۷۲	Y, 7.4
Y 0,717 17,7 V,7. 1.70	7,77	0,77	ļ		14.0	0;1Y	i	\$,Y£	7	*,0 *	13,3	.3,3
. TTT T.04 T.46 E,62	T, TT T.04	7,7,	<del>-,,-</del>	-	۲,۲۰	7;.	۲.,۰	٠,٩,٧	1.V:A	<b>۲۸</b> ٬۸	<b>۲</b> ,۸۲	۲,۷۹
0,44 1,00 V.01 12	0,94 7,00 V.07	0,44	<b></b>		31.0	0.F.4	0,71	4,47	٤,٩٥	\$,40	٤,٧٨	1,4,3
T T, EA T, VI E, 11 E, 17	T, EA T, V1	×3,5×			1, 1, th	4,44	T; 18	٧٠,٣	-TT	٧,4٧	Y,98	۲۶,۹۱
7,67 7,44 A, 1 101	7,47 7,44 A,.Y	7,67	<b> </b>	L	7, 19	۰۸۰	0.77	٧٤.٥	0. TO	0.41	۸۱٫۵	0,11
V L'16 L'17 E'17 0'11	r.1r r.31	T- 17			٧٤٠٦	۲۳.۳	r. 7.4	۲.۲۲	7,17	41.14	7;	7,.4
V, 1 V, 01 1, 10 11, 17	V, 1 V, 01 1, 10	٧,٠١			1.14	7,47			0.4		4٧,٥	۸٤٠٥
	13,3 V.3 34.7	134.7		_	7,74	7,01	T;0:		T, T,	* * *	4,4	٨٢.٢٨

7,70	7,77	7.10	٧٠٤٢	۸۹,۵	0.4.	3.×0	۸۷٫۵	0.40	۰۰٪	۷۲.0	0.70	-
٣,٥٢	¥. £.4	33.7	T.2.	T. T. A	T*.T*	7,77	7.	4,47	7. 70	7.72	7.77	<
٧,٦٠	٧,0٢	Y. <b>**</b>	٧,٣١	٧.۲۲	Y, 14	٧,٠4	٧.٠٧	7.44	3.9.5	4.4.	۸۸,۲	
7.47	77.47	۲۰.۸۷	¥.,√£	١٧٠٦	۲,۷۷	7.40	4.44	T-V1	T.74	۲.٦٨	۲,٦٧	, II
. 4.44	<b>4</b> .7/	4,00	1,67	۹.۳۸	4, 44	37.4	7.7	9.17	4V	4	44	
37,3	.1.3	1.07	¥0.3	۲. ۵.	~ ~	**	73.3			٧٣٠٤	<u></u>	0
18,78	16.10	16.07	14.44	14.74	17.VX	14.74	17:21	14.01	17.07	17.EA	17.17	
۷۸.ه	3√'≎	ه <u>۰</u> ۸۰	٩٠٧٧	4√.٥	٥.٧١	• .≺	•; ; ;	٠,٠	0.10	, r	, , <del>,</del> , <del>,</del> ,	~
41,44	Y7.AF	Y7:14	47,7.	10.17	13.17	47.70	44.FY	44.44	V1.17	77.12	44.1Y	
۸,۷۱	11.7	<b>^,</b> 77	۸,٦٤	> 4	> 	۸۰۰۸	>. <b>o</b> Y	>.01	>.•	>.o.	>:01	
11,67	11.66	11,50	113,89	49.87	43.84	V3.11	14.54	11.61	44.64	44.01	14.00	
14,27	19.67	13;11	14.50	   	14.EV	14.67	14.67	19.64	19.64	14.0.	14.01	
7.188	7,174	۲, ۲۰۸	7,446	7.701	1.777	1.7.7	7. TT 2	3.44.8	7.404	1.44.1	7,777	
720	23.4	<b>73</b> Y	4 7 7	~< 0	101	404	404	404	307	307	<b>₹</b> 0.	معبد
1.5	1.4	γ.	¥ \$	- <b>4</b>	*	0	< 0	<u>ر</u> :	- <b>*</b>	0		۲ ن
التبساين	باين الأكبر											

 - <del>-</del>	={		14				*		<b></b>	_	>
*	7,14	3	- <del>-</del>	7.1.	. 3.7	7.4.	7.0%	7	7.4.7	7.3	1,4,
-ţ -₹	7.14	7.77	7,77	41.14	13,51	4,44	۲,00	1.TT	Y.YY	<b>₹</b> ∧∧	1,42
E	11.1	r.\$1	۲.۳۲	F. 7.7	73,57	7.9.1	Y:07	2.4.1	Y.VF	1.9.3	1,42 1,41
71	٧.١٩	4.87	7.70	T; V:	4.50	*	Y,04	13.3	1.4.4	11.3	1.1× T
7	۲,۲۱	Y. £ 1	1,4,4	T.V2	Y3.7	٤.٠٥	1.4	\$.\$0	٧٧.٧	0. • •	-1
4.11	۲.۲٤	4.01	٧.٤٠	۲۰,۸۰	۲,0٠	2.17	\$1°.4	10.3	۲.٨٠	0.17	7
7.77	۲.۲۷	7	Y . Y	۲.۸٦	7.05	11.3	٧٧.٧	1.0.3	۲.۸۲	0. :	-1
-4 -4	1.4.1	4.4.	L3.Y	7.92	Y0.Y	6.70	٧,٧٠	\$1.3	۲۸.۲	0. ¥	- <b>*</b> >
7.~~	٧.٣٥	۲. ۲. ۲.	۲.0٠	۲٠٠٤	Y . 4 .	\$.YT	3.4.1	7. VF	۲.4.	٥.٢٨	T
•	Y.F4	1,>,	30.Y		Y , 70	13:3	٧٠٧٧	· . >	7.47	0.41	7.
**************************************	33.7	7.5	۲.٦٠	6.71	¥.V.	10.3	۲.۸۲	\$ . A Y	7.4.	· ; >	7.4.
7.4.	۲.٤٨		37. 1	£ . ¥ 9	۲.٧٤	-4	7.71	5	77	0.01	4.44

<u>.</u>	Y . 4 >	***	× : ; *	7 7	7.75	7; 77 7; 77	11.11 31.14	٧٠,٠٧	۸۲٬۸	1,47	1,47	1,24 1,54
0	V, 7.	0.17	¥.7.3	7.07	7.2.7	7.17	7,7	Y.\Y	7 7x	Y.V.	7.7.Y A.P. I	1.40
<b>.</b>	£,-% V.T.)	0.1x	77	7 7	7.40	7.77	7.77	4.1.4 V.1.4	Y.1Y	۲.۰۷	Y.Yr	¥.1.7
7	1.0.7 A1.3	יידי	7.0.7	7:3	T.V.	7.27	T.T.	7.1V	7.71 7.77	4.17	Y,1Y Y,4*	\$V'. \$
7 12	1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1	0,77	***	1.VA	7.4	7.01 7.7V	Y. 2. T	Y.T.	T.T.	4.17 1.1.1	T.TT	T.:.T
	> "	0.7.0	7.7.	~ · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	¥.V.	۲.7.	7.47	7.60	Y.E.	77.7 07.7	1.41 7.71	¥.44 7.44
¥	3.4	7.0	0.17	7. T. S.	7. A.	Y.V.	7.78 7.47	Y.00	Y.0.7	Y.\$0 Y.01	Y.£1 F.or	03.4 V4'A
	-			**	D.		٧	>	۰	1.		7
ح د.												
									C.	ن ۱ در جا	در جات الحريسة	٠,

1		7	 <del></del> -	····			<del></del> 1		Γ	ا مـ				
۱۷	<b>۲</b>		 7.15	1 40	Y, Y.	5	7.77	۱.۷۸	۲.۲۸	٠٨,١	¥. F.	1,54	1.4.1	٠ ١٠ ٥
4.70			7.4	١.٧٩	4.41	٠٨.	7,79	1.4.	7,72	1,75	4.44	1,,	73.7	1,^^
1,47	<b>.</b>		7,44	۱,۸۳	¥.7.8	1,74	٧,٣٧	۱,۸۵	Y. E	١,٨٧	Y, £ £	1,,14	10.1	1.47
١.٩٨	۲.,			۱,۸۸	7,27	1,24	7,57	1,4,1	۲,0٠	1,4,7	4,04	36.1	Y.04	1.47
۲, <i>γ</i> ,۲	1		7,01	35.1	7,04	1.40	¥.00	1,49	7.7.	1,4,	7,77	٠٠, ۴	17,74	7,.4
Y, Y4	٥٧		¥, 7,	1.4	Y.73	1.1	Y,74	A+' À	Y,V <del>Y</del>	٥٠, ١	۲.٧٦	۸۰۰۸	17,7	۲,1.
1, V.1 V.1, 1	٠.		-: -:	۲.۰۹	۲.۸۲	Y. 1.	Υ,Λο	4.14	7,4.	31,1	7.97	L1'A	۲,۹۹	٧,14
Y;4.Y	٠,		 -T	17.7	T; . 2	4.44	4	7,74	r,11	4.47	4.18	4.44	4.4.	٠ ٢. ٢
Y.10	₹.		7	٨.4.4	4.4.8	۲,۳۸	4.4.1	7.74	T.2.1	13.7	73.7	7.27	4.01	7.57
Y.Y4	7 5		۲.۷۸	٠٢.٦٠	۲,۸۰	* 1.	7,7	7,17	۲.۸۸	7.10	7.4.	7,77	٣,٩٨	۲,۷۰
Y, YF	٧,	Ļ	5 A	 	11:37	-1	1.7.3	;; ;;	1.4.	-1	° > . 3	7	١٨. ٤	-4 :
7.77	<i>-</i> 5	بے الاکے۔	  	<b>₹</b> ,>,		ન .> ઢ	۲,۷،	7,>1	٦,٧,٦	7,74	1,4%	7.0		77.46
7.77	<i>.</i>	·\ <u>.</u> .				· · ·		*		~~< •		ó		

	-	÷	0	ŗ.	-	- <del>-</del>	٠.
7 7 7	7.27	1.00	33.1	1.01	1 . 7	1.44	13.7
7.70	1.4.	1.6.1	1.4.1	1.07	1.7¢	1.77	1.70
7.7	1.01	1.2.	1.47.1	1.20	44	۸4.4	٧٤.٢
- i	1.01	1.50	1.07	1.04	1.74	۲.۲۲	Y.04
١٠٥٠ / ٨٠٠ / ٨٠٠ /	1.18	1.£Y 1,¥£	1.00	1.41	1.VY 7.17	1.AY 7.74	1.98 7.07
7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7	1.67	1.04	34.1	1.77	1.V1 7.72	1.AT 7.££	1 97 7.78
7.47	1.01	1.6.1	1.97	11.7	1.74	1.14 7.24	7.74 4.9.
).or	1.64	1.47	1.14	1.72	1.75	7.0A	۲۰۲
1,04	7.5	٧٠.٦٧	1.74	1.74 1.74	A 7. A	1.47	7. 2. 7
7.:1	7.17	1.VT	4.4.4 VA.1	1./¢	T.47	7.72	7.4.2
1.37	1.70	1.74	1.40	7.3.	7,77	T. ^0	7 7 7
Y.T.	7.77	7, TO	7.67	1,40 Y.01	7 · £	7.97	7.77

							~ 7 4	131 1	131	1) 1	1,1	
<b>₹</b> ;<	1,44 4,.4	<u></u>	<u>-</u>				-	1	- X	-	,	
1,14	1,75	1,04	1,04	1,2,1	- 3.6.		1,1	1,76	1,17	11.1	1,1.	
7,.4	Y, . 1 Y, . 4	1.34	1,4,1	1,4,1	7,27	1,00	13,1	1,1",	1,74	1,14	1,1,1	
١,٧٠	1,10	<del> </del>	or	1,EV	13.1	1,4,1		1,47	1,14	1,14	۸۰,۱	
7,17	Y, 12 Y, 17	17,4,1	1,3% 2,000	1,72	37.75	1	1,24	1,57	1,44	1,78	1,14	
1,44	1,74	Ţ		- 2.6	7.27	いだメ	1,57	۱٫۲۸	1,77	1,19	1,14	*** **
Y, 1V	Y, . 4 Y, 1V	1,47	1.44	1,44	1,74	7,77	1,04	1,84	1,14	1,44	۱٫۲۸	
3,4.	5.74	1,11	7,07		1,50	7.3.; F	1,10	1,44	1,77	177	1,14	¥ · ·
		-					<b>***********</b>					

جدو لـ(٩٥) ة م ف 'لمة بنة ندرجان الحرية المختلفة ( الأحمدة لدرجان الحرية للتباين الاكبر عند نسبتي ه ٠٫٠ ( العدد العلوي في كل حانة ) و ٢٠٠٠ ( العدد السفلي في كل سمانة ) .

				<del></del>	
(3)	فصـــل (	فصل (ج)	فصل (ب)	فصل(أ)	
	40	70	٣٨	44	
	44	77	٤٢	17	!
	٧١	**	40	70	
	11	44	41	۳۰	
	44	٤١	۳۷	٧.	:
	44	٣٤	٤٠	48	
	٤٤	۳۷	٤١	٣٨	
	٧٠	٨٧	79	YY	
	77	40	40	٣٧	
	۱۷	٤٢	٣٧	*1	
<u> </u>	77.	۲۲۰	۳۸۰	· <b>YV</b> •	المجموع
	**	٣٣	<b>۲</b> ۸	YV	المجموع المتوسط

جدول (٩٦) درجات أريمة فسول في اختبار تحصيلي

ويكون المتوسط العام = 
$$\frac{YY + YY + YY}{3}$$
 (نظرا لأن العدد متساوي في المجموعات ) .

مجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط العام .

$$+[(\Lambda) + \xi q + 7\xi + 7\xi + 17 + 1 + 40 + 40 + 147 + 7\xi]$$

$$+[(\xi q + 40 + \Lambda) + 141 + 1 + 44 + 40 + 14\xi + 7\xi]$$

$$+[(\xi q + 40 + \Lambda) + 141 +$$

متوسط مجمسوع مربعات التبساين	مجموع المربعات	درجات الحرية	المصدر
٤٨٦,٦٧	127.	*	بين المجموعات
۲۸,۸۲	1.78	47	داخل المجموعات
	7848	71	المجموع

ا المسلم (۹۷) تحلیل تباین در جات ار بعة فصول نی اختبار تحصیلی

$$17,40 = \frac{\xi \Lambda 7,7V}{Y \Lambda,VY} = 0$$
ومن ذلك تكون ف

واذا رجعنا الى جدول (ف) مع ملاحظة أن درجات الحرية المقابلة للتباين الأكبر تساوي ٣ ، وأن درجات الحرية المقابلة للتباين الأصغر هي ٢٦ ( أي في عامود ٣ القيمة المقابلة للعدد ٣٦ نجو أن قيمة ف ذات الدلالة عند نسبة ٥٠٠٥ تنحصر بين ٢,٨٤ ، ٢,٩٢ ، وعند نسبة « ف » هنا ذات دلالة احصائية فهي

أكبر من القيمة اللازمة عند نسبتي ١٠٠١ ، ١٠٠٠ ويهم الباحث في كثير من الأجيان معرفة أي المجموعات هي التي سببت ريادة للتباين بين المجموعات عن التباين داخل المجموعة لهذه الدرجة ، وفي هذه الحالة يضطر الى حساب معامل « ت » بين كسل مجموعتين أي حساب ٢ معاملات في هذه الحالة بين ١ و ٢ ، ١ و ٣ ، ١ و ٢ ، ٢ و ٣ ، ٢ و ٢ ، ٢ و ٣ ، ٢ و ٣ ، ٢ و ٢ ، ٣ و ٤ . ٣ و ٢ . ٢ و ٣ . ٣ و ٣ .

وقيم \* ت \* في المثال الحالي ومدى دلالتها موضحة في الحدول الآتي :

دلالة عند ٠,٠١	دلالة عند ٢٠٠٥	ت	الفصـــول
نعم	نمم	٤,١٠٤	7 . 1
צ	K	1.74	٣ ، ١
K	K	1.17	٤،١
K	צ	۲,٤٤	٣ ، ٢
نعم	نعم	14,41	£ ; Y
تعم	ثعم	۳۱,۰	1 , 4

جدول (٩٨) قيم «ت» للمقارنة بين متوسطات المجموعات الأربعة

## أسئلة على الباب السادس

١ ــ قسمت مجموعة من التلاميذ الى مجموعتين متعادلتي القوة الدراسية تقريبا في بحث يهدف الى المقارنة بين طريقتين من طرق التدريس ، وفي نهاية السنة الدراسية كانت النتيجة الدراسية للمجموعتين كما يلي : ـــ

رقم المجموعة	عددها	ناجحون	ر اسبون
(1)	٧¢	7.	40
<b>(Y)</b>	14.	٧٠	٦.

اختبر ما اذا كان هناك فرق جوهري بين أثر كل من الطريقتين على نجاح التلاميذ ورسوبهم .

تكوار	تكرار	تكرار المجموعة الأولى	فثات
المجموعة الثالثة	المجموعة الثانية	المجموعة الأولى	درجات الاختبار
Y	٣	٥	Y
٨	١٦	11	<u> </u>
**	٧٠	١٤	_ 1
Yo	44	40	۱۲
£ Y	۳٠	**	10
10	٣ŧ	۳۲	۱۸
٤٠	٣٨	٣٤	Y1
YA	74	۱۸	Y£
٣٠	45	14	YV
70	γ.	١.	<b>r</b> ·
1	4	٦	<b>۲</b> ۳
١٥	٥	٣	- <b>۴</b> ٦
٣٠٠	You	۲	المجموع

جدرل (٩٩) حدول تكراري لبيان العلاقة بين ذكاء الابن ووظيفة الأب

٣ في خت لبيان العلاقة بين عمل الوالد وذكاء الان أجري اختبار للذكاء على ثلاث مجموعات من الأطفال: المجموعة الأولى آباؤهم يعملون في مهن صناعية والمجموعات الثانية آباؤهم يعملون في مهن كتابية والثالثة في مهن فنية عالية. فكانت نتائج المجموعات الثلاثة كما هو مبين في الجدول التكراري السابق.

باستخدام اختبار ، ت ، بين ما اذا كان الفرق بين متوسط كل مجموعتين مــن المجموعات الثلاثة ذات دلالة احصائية .

عزفت خمس قطع موسيقية على مجموعة من ١٠٠ شخص ، وطلب منهم
 بيان أفضل هذه القطع الحمس فكان عدد الذين اختاروا كل قطعة كما يلي :

<b>YY</b>	r en	āzbi
10	ب	قطعة
*1	<b>5-</b> -	قطعة
17	د	أعلمة
Y£		قطعة

اختبر ما اذا كان هناله فرق جوهري بين تفضيل المجموعة للقطع الخمس،

اجریت أربع اختبارات على ١٠٠ شخص فكانت معاملات الارتباط بین انتائج هذه الاختبارات الأربعة كما هو مبین في المصفوفة الآتیة :

<b>(£)</b>	<b>(4)</b>	(٢)	ر (۱)	اختبا
۳۳, ۰	,£Y	ه۳,		اختبار (۱)
٧٤,٠	۲۱,	- <del></del>		<b>(Y)</b>
•,01				<b>(٣)</b>
_				<b>(t)</b>

انحتبر درجة دلالة هذه المعاملات الستة ، ( المعامل المستخدم هو معامل بيرسون ) بطريقتين مختلفتين .

الجدول التوافقي الآتي يبين العلاقة بين الاجابة على سؤالين مختلفين في الاستفتاء
 عن تربية الفتاة .

المجموع	معار ض بشدة	معارض	محايد	موافق	موافق جدا	السؤال الأول السؤال الثاني
11+	11	١.	Yo	۳.	40	موافق جدا
4.	۱۲	١٤	١٢	77	Y٦	موافق
٧٠	١٠	•	١٥	۱۸	١٨	محايد
4.	٧٠	77	١٥	11	١٥	معارض
1	**	41	72	١٢	١٦	معارض بشدة
٤٦٠	۸٠	٨٠	4.	1:-	11.	المجموع

جدول (١٠٠) جدول توافقي للعلاقة بين الاجابة عن سؤالين من استفتاء

į \* •

احسب معامل التوافق بين هذين السؤالين عن طريق ايجاد قيمة • كا ٢ ، لاستغلال المتغيرين كل عن الآخر .

٧ ــ ألقي زهر اللعب ١٠٠ مرة فكان تكرار وقوعه على الأرقام المختلفة كما يلي :

رقم الزهر ۱ ۲ ۳ ٤ ه ۲ ۱۸ ۱۸ ۱۸ ۱۸ ۱۸ ۱۸

هل هذه التجربة تؤيد أم ترفض نظرية الاحتمالات ( الصدفة ) ٢

۸ - في مثال سابق بهسدا الكتاب أربع مجموعات لتقديرات طول مستقيم طوله الحقيقي ١٠ سم . وقد عملت هذه التقديرات في الحالات الآتية :

# عامــل الاتجـــــاه الثانت أطول ــ الثابت أقصر

## عامل الواضـــع الثابت على اليمين .. الثابت على البـــار

استخدم طريقة تحليل التاين لاختبار صحة الفرض الصفري ، بأنه ليس هناك فرق جوهري بين هذه الحالات الأربع » .

أجري إخرار النزعة العصابية ، Neuroticism على مجموعتين من
 الأشخاص : احداهما تشتمل على أشخاص عاديين
 Normals والأخرى

أشخاص غير عاديين Abnormals نكانت نتيجة المجموعتين في الاختبار كما يلي :

> عاديين غير عاديين المتوسط الحسابي ٢٥ لاء الانحراف المعياري ٦,٢٥ العسدد ١٦٦

اختبر مدى صحة Validity هذا الاختبار (أي قدرته على التمييز بين العاديين وغير العاديين ).

# (ال)بر (ل) بع

#### التحليل العساملي Factor Analysis

- أهداف التحليل العاملي .
- الخطوات التجريبية التي أدت الى التحليل العاملي:
- معادلة الفروق الرباعية . Tetrad Difference Equation
  - = اكتشاف العوامل الطائفية . Group Factors
    - = الطرق العملية للتحليل العاملي : \_\_

طريقة الجمع البسيط . Simple Summation Method

الطريقة المركزية . Centroid Method

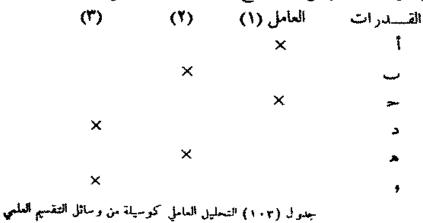
طريقة العرامل الطائفية . Group Factor Method

طريقة العوامل الجمعية . Bi-Factor Method

= خـــاتمة .

#### أهداف التحليل العاملي :

من أهم الأهداف التي ترمي اليها المحاولات العلمية تنظيم الحقائق والمفهومات تنظيما وضح ما بينها من علاقات ، أو تقسيمها على أساس ما بينها من أوجه التشابه والاختلاف . وقد نشطت عملية التقسيم والتنظيم منذ منتصف القرن الماضي فيما يتعلق بالظواهر الطبيعية Physical phenomena حيث يكون التقسيم واضحا محدودا وعند ما تحول اتجاه التقسيم العلمي للظواهر الحيوية Biological اتضح أن التقسيم المحدد لا يتمثل في الأتواع المختلفة ، بل وجد أن السمات والصفات البيولوجية يتداخل بعضها مع بعض فهي سمات مرتبطة لا يمكن فصلها واقترح جولن Galton طريقة معامل الارتباط كوسيلة عدية لوصف هذا التداخل . فاذا انجه التقسيم بعد ذلك الى السمات النفسية أو الظواهسر الاجتماعية كانت صعوبة التقسيم أصعب بكثير نظرا لتعقد الصورة وتشابك الحيامل التي تكوما نشابكا يجعل من العسير على التجارب العملية وحدها ــ مهما أحكمت ــ القيام بعملية التقسيم والتنظيم دون مساعدة الوسائل الاحصائية ، ومن أهم الوسائل الاحصائية التي تهدف تذلك في ميدان القباس النفسي والاجتماعي الطريقة المسمأة و التحليل العامل وحيث يبدأ الباحث بعدد من القدرات العقلية أو السمات النفسية مثلا ، وينتهي من هذا التحليل الى بطلق عليها العوامل .كما يتضح من الشكل التوضيحي الآتي :



ي (۲۰۱۴) مصليل مصلي حوسية من د من من م

وبالرغم من أن الباحث المدرب قد ينجح في بعض الأحيان في اجراء تقسيم كهذا بناء على فحصه ومعلوماته الفنية الا أن هذا التقسيم يكون بمثابة فرض يحتاج الى التحقيق العلمي . وكثير ا ما يعدل في هذا التحقيق أو يلغيه . والتحليل العاملي هُو وَسَيَلَةُ هَذَا التحقيق .

وينظر بعض الباحثين الى طريقة التحليل العاملي على أنها وسيلة للتبسيط العلمي (۱) ، Scientific Simplification فهو يحول عددا كبيرا من الأوصاف والسمات المعقدة المترابطة الى عدد قليل من العوامل غير المترابطة (وخاصة في حالة العوامل المتعامدة التي سيأتي ذكرها فيما بعد) فبدلا من أن نميز فردا ما عن غيره على أساس درجاته مثلا في عشر بن اختبارا فستطيع عن طريق تحليل هذه الاختبارات الى عدد محدد من القدرات تمييزه على أساس عدد قليل من العوامل.

وقد حاول الباحثون في القياس العقلي خلال النصف قرن الأخير الوصول الى المكونات الأساسية للحياة العقلية ، أو الأبعاد الأولية التي ينسب اليها كل وصف نفس لأي فرد . فكما أن الطول أو العرض والارتفاع ثلاثة أبعاد أساسية نستطيع بها أن نحدد شكل الشيء وحجمه ، فكذلك بعمل الباحثون الى الوصول الى ما يقابل هذه الأبعاد في الميدان النفسي ، والتحليل العاملي هو الوسيلة التي يأمل الباحثون عن طريقها أن يصلوا الى هذا الهدف ، حتى يستطيعوا استخدامه بعد ذلك في الأغراض العملية التطبيقية في الحياة كالتوجيه التعليمي والتوجيه المهني على المنافقية المنافقة المنافقة المنافقة التطبيقية المنافقة ال

وقد كان سبيرمان يرى في التحليل العاملي أداة لاكتشاف العوامل الأساسية المسببة المعمليات العقلية Causal Mechanisms والقوانين العامة التي تسير عليها . ومن هذه النظرة العامة التي تجعل العام يهدف الى اكتشاف المسببات قد تغيرت أخيرا بعد أن تشكك العلم كثيرا في صحة العلاقات السببية .

وللتحايل العاملي عدا هذه الأهداف الأساسية التي ذكرت أغراض أخرى تختلف باختلاف البحث ووجهة نظر الباحث ، فقد يكون وسيلة من وسائل التحقق من معامل صدق Validity اختبار معين حيث يجمع الباحث بينه وبين اختبارات أخرى تقيس السمة أو العامل الذي وضع الاختبار لقياسها مع بعض الاختبارات الأخرى ، ويكون تمط تجمع هذه الاختبارات وتقسيمها دليلا على صدق الاختبار ، وقد يمتد البحث الى

Wundt, W. Principles of Physiology, Psychology, 1904.

حصر جميع العوامل الأساسية الداخلة في الاختبار ودرجة تشبعه بكل عامل من هذه العوامـــــل .

وقد تطبق هذه الطريقة على العلاقة بين الأشخاص ويكون الهدف هنا تقسيم الأشخاص المختبرين لاكتشاف الأنماط Types التي تصلح أساسا لهذا التقسيم وما يشتمل عليه كل نمط من عوامل .

# الخطِوات التجريبية التي أدت الى التحليل العاملي :

اذا تتبعنا تقسيم العمليات العقلية وجدنا آثار هذا التقسيم في آراء فلاسفة اليونسان كأرسطو وأفلاطون ثم في نظريات الملكات المعروفة . فقد كانت هذه النظرية تقوم على تقسيم العمليات العقلية الى ملكتين عامتين : ملكة المعرفة وملكة الرغبة . كما هو موضح في التقسيم الآتي :

ولكن التاريخ الحقيقي للتحليل العاملي يبدأ منذ أن بدأ القياس العقلي يتخذ اتجاها عمليا تجريبيا على يد جولتن (١) ، فقد وجد من بموثه عن الانسان والحيوان والنبات أن من بين أفراد الفصيلة الواحدة حتى الخصائص المختلفة ترتبط فيها ارتباطا موجبا .

كما استخدم وسلر (٢) تحت اشراف ماك كين كاتل طريقة معامل الارتباط التي أوجدها بيرسون للتحقق من تمييز القدرة العامة General Ability عن القدرة الحاصة Specific Ability وقد وجد من نتيجة تجاربه أن هناك ارتباطا عاليا بين نواحي

Galton, F. Hereditary Genius. 1869.

Psychological Monngraph Supplement III 1901.

(1)

التحصيل الدراسي ، بينما ليس هناك ارتباط يذكر بين النواحي النفسية التي اشتملتها الاختيارات . وقد كان سبب ذلك راجعا الى : \_\_

- (١) العينة التي طبقت عليها الاختبارات والمقاييس كانت مختارة لحد كبير .
  - (٢) كما أن الوظائف النفسية التي شملها البحث كانت حسية بسيطة .

وفي سنة ١٨٩٥ حاول بينيه (١) Binet قياس القدرة العامة (الذكاء) على أنه محصلة على ملكات : الذاكرة والتصور والتخيل والانتباء وملكة النهم والقابلية للايحاء والحكم الجمالي والعاطفة الحلقية والقوة العضلية وقوة الارادة والمهارة . وقد أعد اختباره المعروف للذكاء متضمنا هذه الملكات .

وفي سنة ١٩٠٧ قام ثورندك Thorondike ببحث عملي حسب فيه معاملات الارتباط بين عمليات ادراكية وارتباطية ووصل منه الى النتيجة الآتية : ــ ان النتائج تؤيد أن الوظائف العقلية التي تبدو شديدة التشابه قد تكون في الواقع عمليات تخصصية مستقل كل منها عن الاخرى .

ولكن بذور التحليل العاملي قد نبعت من بحوث وتجــــارب سبير مان (٣) Spearman فقد أجرى سنة ١٩٠٤ عددا من البحوث قام فيهــــا بحساب المعاملات الارتباط بين عدد من الاختبارات ، وقد انتهى من هذه البحوث الى النتيجنين الآتيتين : ــــ

(أ) أن هناك ما يمكن أن نطلق عليه « الذكاء » كعامل يدخل في جميع العمليات العقلية.

(ب) ومع هذا العنصر المشترك فان جميع نواحي النشاط العقلي يختلف كل منها عن الأخــــرى .

وكانت هاتان النتيجتان هما الأساس الذي بني عليه سبيرمان نظرية العاملين : Two Factor Theory التي تنص على أن كل عملية عقلية تتكون من عاملين أساسيين :

Binet, A., Henri, V. « La Psychologie Individuelle » L'Année. Psychologue II. (1)

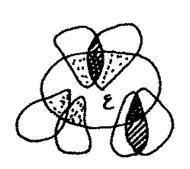
Thorondike, E. L., \* Heredity and Correlation in School Abilitles \* Psychological, (7) Review 1X, 1902.

Spearman, C., « General Intelligence Objectively Determined and measured, American (7) Journal of Psychology, 1904.

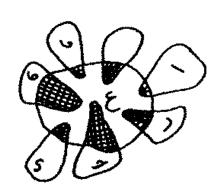
۱ سعامل عام تشترك فيه جميع العمليات الأخرى ويرمز له سبير مان بالرمز « g »
 ۲ سعامل خاص بها تختلف فيه كل عملية عن الأخرى ويرمز له سبير مسان بالرمز « S » .

وفي بحث بيرت Burt الذي كان يهدف منه الى اختبار صحة النتائج التي وصل اليها سبيرمان ، كما قصد الى اختبار صحة فرض جديد هو وجود عوامل طائفية تتدخل في بعض العمليات العقلية دون غيرها ، وجد بيرت بالفعل أن التحليل الاحصائي لمعاملات الارتباط التي حصل عليها من تجاربه تدل على أن الاختبارات التي استخدمها يمكن تقسيمها على هيئة مجموعات ، تحددها عوامل مشتركة بين اختبارات المجموعة الواحدة علاوة على العامل المشترك بين الاختبارات جميعا .

وقد مهدت هذه البحوث وكثير غيرها لظهور تعديل لنظرية العاملين واعلان نظرية العوامل الثلاثة ، والعلاقة بين النظريتين يمكن تمثيلها بالرسم الآتي :



شكل (٥٠) نظرية ذات الموامل الثلاثة



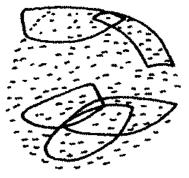
شكل (٤٩) نظرية ذات العاملين

وأهم نواحي النقد التي وجهت ضد نظرية العاملين ونظرية العوامل الثلاثة قد جاءت من جهتين :

Burt, C., Experimental Tests of General Intelligence, British Journal of Psychology, (1) 3, 1909.

(أ) نظرية العينات Sampling Theory التي وضعها تومسون Thomson (أ) نظرية العينات المتعددة (٢) التعددة (٢) Multiple Group Factors Theory

يرى تومسون أن السلوك يتوقف على عدد كبير من العناصر المستقل بعضها عن بعض وهذه العناصر كان يفسرها أحيانا على أنها النيورونات العصبية أو الوصلات بين هسده النيورونات، وكل وجه من أوجه النشاط يتوقف ويتضمن عينة محددة أو نموذجا Pattern خاصا من هذه الوحدات ومعاملات الارتباط الموجبة بين أي وجهين من أوجه النشاط العقلي مرجعه التداخل الذي يحدث بين العينات المختلفة التي تضم عناصر مختلفة . وعلى هذا الأساس يمكن أن نفسر وجود أي نوع من أنواع العسوامل أكثرها اتساعا وهو العامل العام ال أقلها اتساعا وهو العامل الخاص الذي يختص بعملية واحدة . ويمكن تمثيل هذه النظرية بالشكل الآتي :



شكل (١٥) نظرية المينات لتومسون

أما ثرستون فيرجح تنظيم العمليات العقلبة على هيئة مجموعات أو قدرات حسب التفسير النفسي ، ويستبعد ضرورة وجود العامل العام المشترك في جميع هذه العمليات . ويقنع بأن يقرر بأنه لم يجد ضرورة تحمّ عليه في أي بحث من بحوثه الالتجاء الى مفهوم العامل العام كأساس لتفسير النتائج .

الا أنسه يعود ويفضل التفسير على أساس العوامسل الطائفية المترابطسة Correlated Group Factors ، أو ما يطلق عليه أحيانا العوامل الطائفية من الدرجة الثانية Second Order Group Factors وبذا يقترب قليلا في تفسيره هذا من احتمال ايجاد العامل العام .

Thomson, C., The Pectorial Analysis of Human Ability, 1950. (1)

ويمكن أن نلخص النظريات المختلفة للتنظيم العقلي فيما يأتي :

- ۱ ـ نظرية البؤرة الواحدة . Unifocal
   و عثلها سيرمان .
- Multifocal نظرية البؤرات المتعددة ويمثلها ثرستون
  - ۳ نظریة اللابؤریـــة Non-Focal
     وعثلها ثورندیك .

ومن النظريتين الأولى والثانية نشأت نظرية العوامل الثلاثة ويمثلها بيرت في انجلترا و لهزنجر Holzinger في أميركا .

واليك فيما يلي الأسس الاحصائية التي أدت الى الوصول لأهم طرق النحل. العاملي الشائعة الاستخدام . ومن الطبيعي أن فيدأ في هسله الأسس بالوسائل الاحصائية التي استخدمها سبيرمان في بحوثه والتي تعتبر الفتح الهام في هذا الميدان .

## معادلة الفروق الرباعية Tetrad Differences Equation

وبالرغم من أن طرق التحليل الاحصائي التي قام بها سبيرمان لا تعد من طرق التحليل العاملي الا أنها كانت الأساس النظري والاحصائي الذي بنيت عليه الطرق الأخرى . وقد ساعد على ظهور هذه الطرق التقدم الاحصائي وزيادة استخدام الوسائل الاحصائية في البحوث النفسية في نصف القرن الأخير الذي تلى ظهور نظرية العاملين .

والفكرة الأساسية في نظرية سبيرمان تقوم على مفهوم الترتيب المتدرج المتشعب Hirarchy ويسميه البعض (١) الترتيب الهرمي . فاذا أجرينا ست اختبارات على عينة من الأفراد ووضعنا معاملات الارتباط في مصفوفة مرتبة حسب المجموع الكلي للأعمدة كما في الجدول الآتي :

<sup>(</sup>١) انظر باب التنحليل العامل في كتاب الاحساء في التربية وعلم النهس الدكتور عبد العزيز القوصي الدكتور حسن محمد حسين - الدكتور محمد خليفة بركات ويفضل المؤلف استخدام المقط كما هو فيطلق على الجدول المربي عبد الشكل و الحدول الهيراركي و .

,	*	د	÷-	ب	•	
٠,١٦	37. •	۲۳۲،۰	۰,٤٠	٠,٤٨		1
٠,١٢	۰٫۱۸	٤ ٢, ٠	۰ ۳٫۰	_	٠,٤٨	ب
*,\*	۰,۱۵	٠,٢٠		٠,٣٠	٠,٤٠	٠-خد
۰۰۰۸	٠,١٢,٠		٠,٧٠	٠,٧٤	۰ ,۳۲	د
٠,٠٩		٠,١٢	۰,۱٥	۱٫۱۸	٠,٢٤	۸
<u></u>	٠,٠٦	۰,۰۸	٠,١٠	٠,١٢	٠,١٦	و
۰,۵۲	۵۷٫۰	٠, <b>٩</b> ٦	1,10	١,٣٢	1,71	المجموع

جدول (١٠١) مصفوفة ارتباطية مرتبة على هيئة « هير آكي »

ويلاحظ أن المعاملات في هذا الجدول تتناقص تدريجيا في كل صف أو عامود .

وقد وجد سبير مان أن هذا الجدول حالة العمليات العقلية المعرفية تكون جميعها موجبة الاشارة ، مما جعله يصل الى فرض وجود العامل العام في العمليات التي يتضمنها الجدول الارتباطي . وقد لاحظ سبير مان ملاحظة هامة ، وهي أن النسبة بين المعاملات المختلفة في أي عمودين تكون واحدة ، فاذا أخذنا مثلا المعاملات في العامودين به من الجدول نجد أنها :

النسبة		ب
	\ . Y£	٠,٤٨
	٠,١٨	
	٠,١٥	٠,٣٠
1 : Y	٠,١٢	٠,٧٤
	<u> </u>	٠,١٨
	<u> • ,</u> • ٦	٠,١٢

وكذلك في أي عامودين آخرين ، وقد استنتج سبيرمان أنه اذا وجدت خاصية النسبة

هذه في أعمدة جدول ارتباطي دل ذلك على أن الاختبار ات التي يمثل هذا الجدول العلاقة بينها يشترك بينها عامل عام (١) .

والجدول السابق هو جدول فرضي ولذلك نجد أن هذه القاعدة تنطبق تماما على المعاملات في الجدول ، ولكن في التجارب العملية لا يمكن أن يصل الباحث الى هذا النموذج النظري ، فقد تزيد المعاملات أو تنقص عن هذه المعاملات المتوقعة ويحتاج الباحث بعد هذا الى تحديد درجة انطباق النتيجة التجريبية على النموذج النظري للترتيب الحيراركي ، وقد اقترح سبيرمان (1) لذلك أن نحسب معاملات الارتباط بين كل عمودين من أعمدة المصفوفة الارتباطية ، فاذا كانت كلها مساوية (١) كان الترتيب الحيراركي كاملا ، وكلما بعدت معاملات الارتباط عن ذلك كلما قلت درجة انطباق المصفوفة على الترتيب الهيراركي .

تحولت فكرة النسبة بين معاملات الأعمدة بعد ذلك الى فكرة المعادلة الرباعية ولتوضيحها نفرض الجدول الارتباطى الرمزي الآتي :

٤	>	ب	ŧ	
اد × ب د	ا اد	اب (بب)	(۱۱) ب ۱	Ļ
ح د ( د . د )	(ح. ح) د. ب	ج ب د ب	امر د أ	2

جنول (۱۰۲) مصفوفة ارتباطية رمزية

فهذه المصفوفة تتضمن معاملات الارتباط بين أربعة اختبارات أ ، ب ، ح ، د ... حيث أ ب بعثل معامل الارتباط من الاختبارين أ ، ب ، ونفس هذا التفسير يتبع في باقي الرموز الأخرى ، وقد وضعت الرموز القطرية بين قوسين لأن قيمها لا تعرف من

Spearman, General Ability Its Existance And Nature, British Journal of Psychology. (7)

<sup>(</sup>١) لا يوافق نومسون على هذا الاستنتاج بالرغم من أنه يوافق على عكس هذا الاستنتاج ، وهو أن الجلول الارتباطي لمهد من اختبارات تشترك في عامل يكون على هيئة ترتيب هيرادكي ، ولكن عاصية الترتيب الهيراركي ليست دليلا قاطماً على وجود عامل عام مشترك بين اختبارات الجلول .

البحث التجريبي بل تقدر تبعا للمعاملات في الجدول كما سيتضح فيما بعد وتسمى باشتراكية الاختبار Communality .

وبما أن هذا الجدول يمثل ترتيبا هير اركيا فحسب خاصية النسبية السابق شرحها يكون أح يسبح وتتبع نفس العلاقة بين أي أربعة معاملات متقابلة من معاملات الجدول . أ د ب د

ومن هذه المعادلة ينتج أن :

أح× ب د = أد × ب ح

أو أن أح× ب د ـ أد × ب ح = صفر

ويطلق على هذه المعادلة معادلة الفروق الرباعية Tetrad Equation

هذا ويمكن الوصول من معاملات الارتباط الموجودة في الجدول الى درجة تشبع Saturation أي اختبار بالعامل العام .

لنفرض وجود اختبار يمثل العامل العام ولنرمز له بالرمز ه م ه فيكون معامـــل ألارتباط بينه وبين نفسه معادلاً ، فاذا أضفناه للاختبارات الأربعة السابقة تصبح المصفوفة الارتباطية كما يلى :

<b>.</b>	>-	ب	İ	٢	
م د آ د	٠ ٦	م ب أب	† <sub>(</sub>	ا † م	,
بد	ب ء	(ب ب)	بأ	ب م	ب
د	( > >-)	ح ب	ح أ	ح م	-
(22)	د -ح	<i>د</i> ب	دأ	د۱	د

جنول (٣٠٧) مصفوفة أرتباطية مشتملة على اختبار عثل العامل العام

ومن الطبيعي ان يقع الاختبار الممثل للعامل العام في قمة الجدول نظرا لأن من خواص الحدول الهير اركي أن ترتب فيه الاختبار ات تبعا لدرجة تشبعها بالعامل العام .

ومن الخاصية النسبية للجدول الهير اركى نستنتج أن :

 $\therefore$  ب1=م $1\times$ م ب، ح1=م $1\times$ حم . . وهكذا .

أي أن معامل الارتباط بين أي اختبارين ينتج من حاصل ضرب معاملي الارتباط بينهما والعامل العام .

فاذا كان معامل الارتباط بين(أ)والعامل العام ( ويطلق على هذا المعامل درجة تشيع الاختبار أ بالعامل العام ) = ٠,٦ ، ومعامل الارتباط بين ب والعامل العام = ٠,٠ كان معامل الارتباط الناتج عن هذا العامل المشرك = ٠,٤٢ .

ومن هذه القاعدة يمكن أن نحلل أ أ الى م أ × م أ .

أي أنه لحساب درجة تشبع أ بالعامل العام نستخرج قيمة كا

ولكن أ أ لا تكون معروفة لدى الباحث بل يقدرها تبعا لنمط معاملات الجدول ولذا كان علينا أن نستعيض عنها بمقادير أخرى بالطريقة الآتية :

$$\frac{1}{3} = \frac{11}{31}$$

$$\frac{1 \times \times c^{\frac{1}{2}}}{c^{\frac{1}{2}}} = 11 \therefore$$

أي أن درجة تشبع (أ) بالعامل العام

$$= \sqrt{\frac{2|x|^2}{2|x|}} = \sqrt{\frac{2|x|^2}{2|x|}} = \sqrt{\frac{2|x|^2}{2|x|}} = \sqrt{\frac{2|x|^2}{2|x|}}$$

واذا طبقنا هذا على جدول ( ١٤٦) نجد أن درجة تشبع ( أ ) بالعامل العام

$$= \sqrt{\frac{1}{1}} \frac{1}{1} \frac{1}{1} \frac{1}{1} \frac{1}{1} \frac{1}{1} = \sqrt{\frac{1}{1}} \frac{1}{1} \frac$$

وكانت نظرية سبير مان تتلخص في أنه في الحالات التي تبلغ جميع قيم الفروق الرباعية صفرا فان معاملات الارتباط في الجدول تفسر على أنها ناتجة عن عامل مشترك واحد يجري في جميع الاختبارات وكانت النتائج التجريبية التي يحصل عليها سبير مان تشذ دائما عن ذلك ، الا أن البواقي في هذه المعادلات لم تكن ذات دلالة احصائية اذا قورنت بالخطأ المعياري لمعاملات الجدول ، وقد كان السبب الأساسي في ذلك أن هذه الاختبارات التي شملتها الأبحاث في ذلك الوقت كان أغلبها فرديا ، ولذا كانت مقصورة على عدد صغير من الأفراد .

#### اكتشاف العرامل الطائفيسة Group Factors:

بتقدم الأساليب التجريبية والوسائل الاحصائية في ميدان القياس العقلي أمكن استخدام الحتبارات جمعية تقيس عددا كبيرا من الأفراد في جلسة واحدة ، وبذلك اتضع أن بواقي (Residuals) معاملات الارتباط بعد استخراج أثر العامل العام منها والتي كانت تعتبر سابقا عديمة الدلالة الاحصائية هي في الواقع ذات دلالة اذا قورنت بعدد أفراد العينات الكبيرة ، ومعنى هذا أن هذه البوافي يمكن مواصلة تحليلها للكشف عن عوامل مشتركة أخرى بين بعض اختبارات الجدول دون غيرها ، أي أن الموقف قد تغير تغيرا يوضحه الجدول الآتى :

نظرية العوامل الطائفية

نظرية العاملين

البساق		عامل طائفي (۲)	عامل طاثفي (۱)	عامل عام	البساقي	العسامل المشترك	الاختبار
صفر		-	×	×	صفر	×	t
صفر		×		×	صنمر	×	ب
صفر	<del></del> -		×	×	صفر	×	<b>~</b>
صفر	×			×	صفر	×	د
صغر		×	-	×	صفر	×	A
صفر	×			×	صفر	×	9

جدول (٢٠٤) تمط التشيمات في نظريتي العاملين والموامل الطائفية

هذا وقد ذكرنا أن بعض الباحثين يعارضون ضرورة التفسير على أساس وجود العامل العام المشترك . ولذا فان الطرق التي يستخدمونها تحذف أثر العامل العام كضرورة لازمة من ضروريات تكوين الصورة الكلية في التحليل .

وعلى أساس فرض العوامل الطائفية يمكن أن نحلل معامل الارتباط بين أي اختبارين أ ب الى عدة عوامل ، فلو رمزنا للعامل العام بالرمز م وللعوامل الطائفية بالرموز ط ، ، ط مثلا .

فان أب = أم × ب م ، أط, × ب ط, ا أط, × ب ط, + أط, × ب ط, + أط, × ب ط, + خ .

على اعتبار أن • خ ، هو الجزء الناتج عن الأخطاء التجريبية في معامل الارتباط ! ب .

## الطرق العملية للتحليل العاملي:

يمكننا أن تلخص الموقف الحالي فيما يتعلق بالصورة النهائية لنتائج التحليل العاملي في اتجاهن :

(أ) اتجاه يعترف بالعامل العام كأساس لازم في التحليل مع الاعتراف أيضا بالعوامل الطائفية.

(ب) اتجاه لا يعترف بضرورة تضمن الصورة النهائية للنتائج للعامل العام ويقتصر على العوامل الطائفية ، سواء كانت هذه العوامل متر ابطة أو مستقلة ( متعامدة ) . وأصحاب هذا الاتجاه لا يدخلون ضمن الخطوات العملية للطرق التي يستخدمونها ما يضمن الاحتفاظ بالعامل العام .

وسنعرض فيما يلي طرقا لهذبن الاتجاهين وسيشتمل هذا العرض على :

(أ) طريقة الجمع البسيط Simple Summation ( بيرت Burt ) وعلاقتها بالطريقة المركزية .

(ب) طريقة العوامل الطائفية Group Factor Method ( بيرت Burt وعلاقتها بطريقة العوامل الجمعية Bi-Factor Method ( هلزنجر )

Holzinger K. J. Factor Analysis: A Synthesis of Factorial Methods, 1940.

#### طريقة الجمع البسيط:

لفهم الأساس النظري الذي تقوم عليه الطريقة نفترض أربعة اختبارات (أ، ب، ج، د) ومعاملات الارتباط بينها كما في الجدول الآتي :

	د	÷	ب	t	
ŀ	ا د	أج	ا ب	(11)	t
-	ب د	پ ج	( <b></b> ( 中	ب 1	ب
	ج د	( + + )	ج ب	جو آ	*
	(22)	د ج	د ب	د آ	٤

مجموع معاملات الاختبار أ ( العامود الأول = ( أأ ) + ( ب أ ) + ( ج أ ) + ( د أ ) .

وبتحليل كل معامل من هذه المعاملات الى قسمين يكون حاصل الجمع العامود الأول . (على اعتبار أن م تمثل العامل العام ) .

$$(i_{r}\times i_{r})+(i_{r}\times i_{r})+(i_{r}\times i_{r})+(i_{r}\times i_{r})=$$

وبالمثل فان مجموع معاملات العامود الثاني :

ومجموع معاملات العامود الثالث :

ومجموع معاملات العامود الرابع :

· يكون المجموع الكلي لهذه المعاملات = (مأ + مب \_ م ج + م د) ٢

قاذا استخرجنا الجذر التربيعي للمجموع الكلي ، ثم قسمنا حاصل جمع كل عامو د على هذا الجذر ينتج م أ ، م ب ، م ج ، م د ، أي معامل ارتباط الاختبارات بالعامل العام أو بالتعبير الشائع درجة تشبع كل اختبار بالعامل العام . وهذه هي نفس الخطوات العملية في طريقة الجمع البسيط وتتلخص الخطوات العملية لحساب درجات تشبسع الاختبارات بالعامل العام فيما يأتي :

١ جسن بالمبتدىء أن يرتب الاختبارات في المصفوفة ترتيبا تنازليا حسب المجموع الكلي لمعاملات ارتباط الاختبار مع باقي الاختبارات .

وفيما يلي نتيجة أخد البحوث وهي تتضمن مصفوفة ارتباطية لاختبارات ستة :

Synonyms and opposites المرادف والعكس المحادث

Y \_ التكميل Completion \_ ۲

Mumber Series الأعداد بالأعداد ٢

£ \_ المحصول اللغوى Vocabulary

• \_ ذاكرة الأعسداد Memory for Numbers

Form Series الأشكال - ٦

٦	۰	٤	٣	Y	١	رقم الاختبار
٠,٣٨	٠,٤٤	1.59	۰٫۳۰	۸۵,		١
۱۳,	,۲۱	٠,٤٦	٠,١٠		۰,۵۸	Y
,*•	٠,٢٨	,,4		٠,١٠	۰٫۳۰	٣
,17	,۲0		۶۰۹	,£٦	, ٤٩	٤
,٣٦		۰۲,	,۲۸	۲۱,	, £ £	٥
	,۳٦	۱۲,	۰۵,	۱۳,	۶۳۸	٦
1,£9	1,08	1,81	1,17	١,٤٨	Y,14	المجموع

جلول (١٠٥) مصغوفة ارتباطية لسنة الحتبارات

٧ - في الأحوال التجريبية تكون الخلايا القطرية خالية وتحتاج لملثها بمعاملات مناسبة . وليست هناك طريقة محددة لملئها . فطريقة برت هي وضع قيم تقديرية تتناسب مع نمط المعاملات في الجدول . ثم تعدل هذه القيم بعد نهاية التحليل ، ويعاد التحليل ثانيا وثالثا حتى ينتهي الباحث في النهاية الى وضع معاملات تناسب العوامل الناتجة من التحليل .

ولكن ثرستون يقترح وضع أعلى معامل في الحلايا القطرية في كل خطوة من خطوات التحليل ويوضع بدله أعلى معامل للاختبار .

وفي الجدول الآتي قد وضعت معاملات قطرية مقدرة تحت الصف الحاص بحاصل جمع الأعمدة ثم جمعت هذه المعاملات مع مجموع الأعمدة وحسب المجموع الكلي (١٢,٤٨).

المجمسوع	٦	٥	ŧ	٣	۲	\	رقم الاختيار
Y,14	,۳۸	,££	,٤٩	۳۰,	۸۵,		1
١,٤٨	٠١٣	۱۲.	,٤٦	۰,۱۰		۸۵,	٧
1,47	۰ ۵,	۸۲،	,•4		۰۱۰	۰۳۰	٣
1.81	-11	۰۲٥,		۶۰۹	,£٦	,£4	٤
1,01	.47		۰۲,	۸۲,	۲۱,	, ŧ ŧ	٥
١,٤٩		,٣٦	,۱۲	۰۵,	۱۳,	,۳۸	٦
1,77	1,59	1,01	١,٤١	1,44	۱٫٤٨	Y,14	المجموع
٣,١٠	,3+	٠٤٠	٠٤٠,	٠٤,	,٦٠	٠,٧٠	المعامل القطري
۱۲,٤٨	Y, • 4	1,18	۱۸۸۱	1,77	۲,۰۸	۲,۸۹	المجموع الكلي
Y ( W, 0 YY )	,044	,014	,017	,274	۰۸۹,	۸۱۸ر	سع

جدول (۱۰٦) حساب درجات التشبع بالعامل العام

٣ -- استخرج الجذر التربيعي للمجموع الكلي ( ٣,٥٣٣ ) .

\$ - اقسم مجموع كل عامود على الجذر التربيعي لتنتج درجات تشبع Saturations
 الاختبارات بالعامل العام:

( ۲,۸۹ ÷ ۳,۵۲۳ = ۱۸۱۸ ، ۰ ،۱۸۱۸ = ۲،۵۲۳ ÷ ۲٫۸۹ ) .

وللتأكد من صحة هذه العمليات الحسابية يببغي أن بكون مجموع درجات التشبع معادلا للجذر التربيعي للمجموع الكلي وهو هنا ٣٠٥٣٣.

## حساب درجات التشبع بالعامل القطبي الأول:

عد حساب درجات التشبع بالعامل العام تنحصر الخطوة التالية في تخليص الجدول من المعاملات الناتجة عن هذا العامل العام ، ولذلك فان من الملازم حساب معاملات الارتباط الناتجة عن هذا العامل وحده .

وقد سبق أن ذكرنا أن معامل الارتباط بين أي اختبارين بسبب ما بينهما من عامل عام = درجة تشبع الاختبار الثاني به ، عام = درجة تشبع الاختبار الثاني به ، ولذا فان هذه الخطوة تشتمل على تكوين جدول لمعاملات الارتباط المتوقعة على أساس العامل العام . والمعاملات المكتوبة خارج الجدول هي درجات التشبع بالعامل العام التي نتجت من الخطوة السابقة . ويلاحظ أن الاختبارات في هذا الجدول قد أعبد ترتيبها على أساس درجات تشبعها بالعامل العام .

	·,£V٣	110,0	.,0 [4	1.014	٠.٥٩٢	٨١٨. ٠
--	-------	-------	--------	-------	-------	--------

٣	٤	•	۲	**	١	رقم الاختبار	
۳۸۷٬	٠,٤١٩	1,884	٠,٤٨٢	٠,٤٨٤	(+,774)	١	۰٫۸۱۸
•,44•	۳۰۳٬	۰,۳۲۰		(*,424)	٠,٤٨٤	٦	٠,٥٩٢
۸۷۲, ۰	٠,٣٠١	۳۲۳, ۰	(٠,٣٤٧)	٠,٤٣٩	٠,٤٨٢	۲	٠,٥٨٩
٠,٢٥٩	٠,٢٨١	(۳۰۳,۰)	۰,۳۲۳	۰,۳۲۵	٠,٤٤٩	•	٠,٥٤٩
٠,٢٤٣	(۲۲۲، ۱	۰,۲۸۱	۱۰۳۰۱	۰٫۳۰۳	٠,٤١٩	٤	۰,۵۱۲
(+, 414)	1.727	٠,٢٥٩	٠,٧٧٨	۰۸۲٬۰	۰٫۳۸۷	۴	1,877
1,77.	1,41.	1,41.	۲,۰۸۰	Y, • 4 •	۲,۸۹۰	المجموع	

جدول (١٠٧) المعاملات المشرقعة على أساس العامل العام .

و نلاحظ أن مجموع الأعمدة هو نفسه للمعاملات الأصلية مع اضافة المعامل المقدر للخلايا القطرية مع فروق طفيفة جدا ناتجة عن التقريب في العمليات الحسابية .

٦ ـــ اطرح خلايا الجدول النظري للمعاملات المتوقعة الذي حسبته أخيرا من خلايا الجدول الأصلي ( التجريبي ) لتحصل على جدول البواقي Residuals ويلاحظ في هذا الجدول أن المجموع الجبري للبواقي في الصف أو العامود صفر ما دام مجموع المعاملات

في الأعمدة لم يتغير . فبعض البواقي تكون موجبة الاشارة وبعضها سالبة الاشارة .

واليك فيما يلي جدول البواقي بعد العامل العام في المثال ، وقد دونت فيه بواقي الحلايا القطرية وهي الناتجة من طرح المعامل المتوقع على أساس العامل العام من المعامل الذي سبق تقديره . ومن المتبع دائما وضع المعاملات القطرية بين قوسين لبيان أنهسا معاملات تقديرية . وهذه البواقي هي التي يحسب منها درجات تشبع الاختبارات بالعوامل القطبيسة .

المجموع	*	\$	\$	۲	٦	١	رقــــم الإختبار
	٠,٠٨٧	·,•V1 +	•,•••	• ,• <b>4</b> A ÷	٠,١٠٤	(٠,٠٣١)	١
_	*,***	÷ •,187 —	+ ۳۰۰۰ +	· •,۲۱۹	(+, ** )	٠,١٠٤	٦
_	۰٫۱۷۸ -		- ۱۱۲۰	(۴۹۲، ۰)	1,414.	,• •ለ +	۲
_	• ,• ۲۱+	·,•٣1 (	·,• <b>1</b> ٧)	٠,١١٣	+ ۲۰۴۰،	٠,٠٠٩	٥
	٠,١٥٣	· (*:144)	۰,۰۳۱	- +,104 -	۱۸۳	+ ۲۷۱٫۰	٤
	(+-144)	٠,١٥٣	•,• * * 1	+·, <b>1</b> YA	+,44.+	۰٫۰۸۷	٣
		******		*****			المجموع

جدول (۱۰۸) البواقي Residuals بعد العامل العام

٧ ـــ رتب البواقي الموجودة في الجدول بحيث تتجمع البواقي الموجبة الاشارة في الربعين الأيمن العلوي والأيسر السفلي ، والسالبة الاشارة في الربعين الباقيين . فيكون تمط توزيع الاشارات في الجدول كالآتي :

+	
	<b>‡</b>

ولا يشترط أن يكون عدد الاختبارات متساوية في القسمين العلوي والسسفلي أو الأيمن والأيسر كما هو الحال في المثال الحالي ولكن المهم أن يكون المجموع الجبري للبواقي هو الذي يكون واحدا في النصفين ، ولا ينتظر دائما في الحالات التجرببية أن تحصل

على نموذج منتظم انتظاما تاما كما في الشكل . ولكن المهم أن تتبع غالبية الاشارات في كل ربع بالجدول هذا النظام ، وأن يكون المجموع الجبري لأجزاء الأعمدة في كل ربع متمشيا مع هذا النموذج العام .

وفيما بلي جدول يضم البواقي السابقة مرتبة حسب النموذج المطلوب ، والذي يساعد على ترتيب البواقي ملاحظة اشاراتها فنجد في الجدول السابق أن البواقي ما بين الاعتبارات ٢ ، ٥ ، ٣ . ولكن بواتي ال ، ٢ ، ٤ موجبة دائما وكذلك البواقي ما بين الاختبارات ٢ ، ٥ ، ٣ . ولكن بواتي المعاملات بين أقراد كل من المجموعتين والاخرى سالبة ، مما يرجح التقسيم على هذا النحسو :

۲	•	1	٤	Y	•	رقـــم الاختبار
٠,٠٨٧	. • ,• • • _	٠,١٠٤	٠,٠٧١	± •,• <b>4</b> ∧ +	(1,171)	١
٠,١٧٨	٠,١١٣	-,۲۱۹	+ ۱۹۹۸،	(****)	·,• <b>4</b> 从+	4
٠,١٥٣	•,•٣1-	٠,١٨٣	*,\ <b>YV</b> +	.,104+	•,•V1+	۴
()	()	()	(¹)	( <del>†</del> )	<b>(</b> +)	
+, * * +	•,• <b>*</b> • +	(107,1)	٠,١٨٣	۲۱۹,۰	٠,١٠٤	٦
()	()	()	(†)	(+)	(+)	
·,•Y1+	(*,·1V)	·,•٣0+	۰,۰۳۱ —	٠,١١٣	•,••4_	۰
()	()	()	(+)	( <del>†</del> )	( <del>+</del> )	
(*,\YY)	+ 14	·, * * · ÷	٠,٢٥٣	۰,۱۷۸	٠,٠٨٧	٣
٠,٤١٨	۰,۱۸۳.	٠,٥٠٦	+ ۲۲۷۰,۰	٠,٥١٠+	*,*** +	
٠,٤١٨	+,1oT	٠,٥٠٦	+ ۱۳۲۷۰	+,01++	•,\$••+	المجموع
- ۱۲۸	٠,٣٠٦	1,017,-	·244.+	1,+	٠,٤٠٠ +	
£,٣·٨ ==	Y, Yot		+	4,108		
۰,٤٠٣	·,\{V	- ۲۸۶٫۰	.,٣01	1,841	*.144	س ق₁
			YY =			

جدول (٩٠٩) البواقي بمد العامل المام يعد تر تبها وعكسها .

Neflextion الحطوة التالية همي التي يطلق عليها خطوة الانعكاس Reflextion فنعكس اشارات الاختبارات التي في النصف السفلي من الجدول أي نضرب البواقي التي بها في – ۱ . ففي المثال الحالي نعكس اشارات الاختبارات ۲ ، ۰ ، ۳ . ولكي لا تضيع الاشارات الأصلية بين قوسين كما هو موضح في الجدول (۱۱۲) .

٩ - اجمع البواقي في كل عامود بعد حدوث الانعكاسات اللازمة ، ثم اوجد المجموع الكلي مع تجاهل اشارات حواصل جمع الأعمدة . والمجموع الكلي في هذا المثال لهذه البواقي هو ٤,٣٠٨ ، ويلاحظ أن مجموع أعمدة القسمين واحدا في الجدول (٢,١٥٤) .

١٠ - أوجد الجذر التربيعي لهذا المجموع الكلي ( وهو هنا ٢,٠٧٦ ) ، ثم اقسم حاصل جمع كل عامود على هذا الجذر التربيعي فينتج درجة تشبع كل اختبار بالعامل القطبي الأول ، ويجسب الا ننسى ارجاع الاشارة السالبة للاختبارات التي تم انعكاسها أثناء التحليل .

ويصف Burt (١) العوامل من هذا النوع بأنها عوامل قطبية أو ذات قطبين لأن درجات تشبع الاختبارات به لها نوعان من الاشارة (سالبة وموجبة) وهي في هذا المثال تمتد من + ١٤٩١ الى - ١٤٨٧.

11 - والحطوات التالية تشبه الحطوات السابقة وتهدف الى استخراج درجسات تشبع الاختبارات بالعامل القطبي الثاني ، وذلك بتكوين جدول نظري لمعاملات الارتباط المتوقعة على أساس العامل القطبي الأول بنفس الطريقة التي تكون بها الجدول النظري على أساس العام ثم تطرح خلايا هذا الجدول من خلايسا الجدول السابق للحصول على البواقي بعد العامل القطبي .

<sup>(1)</sup> 

,,,	**************************************	11/2.		4 +			
	•	<b>-</b> 4	*	~		قع الاختبار ا	
			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	+ 0 +	(***(*)	_	
۸۷۰۰۰	· . • Y > -	7.4.7.	5	•		E	
			·	(137.1)	10 +		1 1 2 1 1
1 3 1	-	,			-	₹	. Y
	1.101		(•,\(•)	, 1 V Z	5	-	
	, C	· ***			- 38	**	.,2,^
					K	.4	- 14
+	(*.**)	- 1V.	.,.07	·. • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		-	
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •		:	- 111	·.·\> -		*,***

جدول (١١٠) المناعلات المتوقعة على أساس العامل القطبي الأول

۲۸۷

المجموع	ł	٠,٠١ –	1	-	- ۱۰٬۰ + ۱۰٬۰ -	· ,	
	1,14	*,*1* *,**; +	•	*,* <b>Y</b> \$ +	٠,٠٣٨ -	(1,110) 1,171	• ,• 4 +
9	; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ;	5.47	· ;· ۲1 ÷	*, * * * 1	(•,√e)	;,r <sub>\</sub>	::-
	; -	*,***	,,,,,	(3.5)	·,· ۲٧ -	+ 34.5	1
•	*, * • <del>*</del> †			- 11,4	1,.11	: : : -	1
	*,****		7,010	* * *	- 13:0	*****	*,*1
	(*,•*)			3.1	.,.!4+	- b'e	-
رقع الانتبار		~	**	-4	•	+	المجسوع
	,		\$			***************************************	

جدول (۱۱۱) البواقي بعد العامل القطبي الأول

١٢ -- ومن البواقي في الجدول السابق يتضع أن التقسيم يكون الى قسمين مما : اختبارات ١٠٤٠ ه ثم اختبارات ٢٠٣٠ ، ٢٠

وتكون البواتي بعد ترتيبها كما يأتي:

			ſ					<u></u>		<u></u>			<u></u>		
	- (11)	+ 144.	٠,١١٢,-	· . • A	٠,٠۵٨ -	(1,116)	<u>-</u>	·, · · · · · · ·	1		( <del>-</del> )	·. 17V-	:,:11-	٠,٠١٠ –	
نها زمکتها	-111	٠,٣٣٧	3,111	1,104	٠,٠•٧	+ 34.6	(-)	(····)	<u> </u>	·, · Y · +	()	·,•*^	•,•••	·, · · •	***
= ( ۴/۸و۰ ) = ( ۴/۸و۰ ) = جنول (۱۱۴) البواقي بند النام الفطي الأول بند ترتيبها ومكسها	*.14Y	<del>- j-</del>	ر-۱۰،۱۰	·,••¥—	٠,٠٥٣	٠,٠٧٠+	Ĵ	•,••+	ĵ.	(3.13)	(T)	.,.(1)	· 161	****	~
* ( ۰٫۸۲۰۰ ) == ( ۱) البواقي بعد الدام التعليم	****		+ 141.	-,117+	*, 110+	*,•*V -	(+)	·,· T > -	(+)	٠,٠٤١ –	(+)	(·,·Ya)	•,• ٢١ +	*, * 14	•
<del>با</del> ول (۲	·,·^^	٠٠٠٠٠	+ 130.5	·,·**+	*, • ** 4	•,•11-	(+)	;;;	(+)	10101	(+)	*. • Y 1 +	(:::3)	-, +	*
	.,.**		·, · ۲7 +	·, · \1 +	+	1,111	<u></u>		• (‡	-	()	*,* 1,4 +	- +	(3,33)	
	405	<b>s</b>				1	,	••••	•		<b>.</b>	•			

17 — وتستمر عملية التحليل بنفس النظام حتى يتضع أن البواقي قد قربت من الصفر أي أصبحت عديمة الدلالة الاحصائية . وعلى هذا الأساس بكتمي هنا باستخراج ثلاثة عوامل : عامل عام وعاملين قطبيين . ويرى برت أنه اذا لم يقترب مجموع مربعات التشبعات لكل اختبار من العوامل القطبية ( اشتراكية الاختبار ) الذي قدرناه منذ البداية قربا كافيا يعاد التحليل مرة أخرى بتقديرات أخرى وهكذا حتى يتحقق ذلك .

وفي المثال الحالي نجد أن :

الفسرقا	المعامل المقدر	ع≥ س ۲	س ق ۲	س ق ۱	س م	
•,••۸	۰٫۷۰	۰,۷۰۸	٠,٠٣٩	•,194	۰٫۸۱۸	١
•,••£	•,4•	•,٦•\$	۰٫۱۲۸ -	+,£91	۰٫۵۸۹	·Y
٠,٠٠٦	٠ ڳر ٠	٠,٤٠٦	- ۱۶۱۰۰	1,8.4 -	1,274	٣
٠,٠٠٥	٠,٤٠	۰,۳۹٥	٠,٠٨٨	٠,٣٥٤	٠,٥١٢	£
1,11£	٠,٤٠	• .	٠,٢٨٤	·,\{\varphi\}	.,014	٥
٠,٠٠٨	٠,٦٠	۰٫٦٠۸	- ۱۹۱۰،	٠,٤٧٨	٠,٥٩٢	٦

جدول (١١٣) اختبار الماملات القطرية المقدرة

وقد روجعت المعاملات المقدرة حتى أمكن الوصول الى المعاملات الآتية :

وقد أدت هذه المعاملات الى درجات التشبع الآتية :

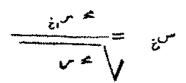
التشبـــــع بالعامل القطبي (۲)	التشبـــــع بالعامل القطبي (١)	التشبــــع بالعامل العام	الاختهـــار
77 Pol - PYI TA TYY	•,199 •,2•1 •,2•1 •,727 •,122	+,AYY +,09V +,EYY +,0+7 +,017 +,09V	المرادف والعكس التكميل سلاسل الأعداد المحصول اللغوي ذاكرة الأعداد سلاسل الاشكال

جدول (١١٤) درجات التشهم النهائية بالموامل الثلاثة

12 — ويتبع هذا التحليل الاحصائي تفسير للعوامل الناتجة ، وبرى برت أن النتيجة الحالية تصلح أساسا للتفسير بالرغم من وجود الاشارات السالبة في تشبعات اختبار أت القدرات بالعوامل القطبية ما دام اختلاف الاشارة لا يتخذ الاعلى أنه دليل للتقسيم . ولكن ثرستون بصر على أن العوامل الناتجة عوامل فرضية . فلو فرضنا أن هذه العوامل الثلاثة مثلا أبعاد بحدد موضع كل اختبار على أساسها فان الأبعاد المتخذة على هذا الأساس تكون أبعادا لا معنى لها ، كأن تحدد نقطة في فراغ الحجرة على أساس محاور متعامدة تصل بين أي ثلاث نقط في هذا الفراغ ، بينما يمكن تحويل هذه الأبعاد عديمة المعنى الى أبعساد مؤسسة على الأبعاد المألوفة وهي الطول والعرض والارتفاع بمعناها المفهوم .

ويتضح من جدول (١١٧) أن العامل الأول عامل عام يجري في جميع الاختبارات ويرجح أنه الذكاء العام والعامل الثاني يميز بين الاختبارات اللفظية الأخرى . والعامل والعكس ، والتكميل ، المحصول اللغوي ) والاختبارات غير اللفظية الأخرى . والعامل الأخير يجمع بين الاختبارات التي تشتمل على تكميل الناقص (أي ما يطلق عليه أحيانا ادر الد المتعلقات Correlates ويمكن أن نسميه عامل الاستدلال (Reasoning) ويفصلها عن الاختبارات التي تتضمن الاستفادة من الذاكرة وهي المرادف والعكس والمحصول اللغوي وذاكرة الأعداد .

وواضح أن طريقة الجمع البسيط تقوم جميع خطوانها على أساس واحد هو قسمة حاصل جمع معاملات ارتباط الاختبار بالاختبارات الأخرى على الحذر التربيعي للمجموع الكلى لمعاملات الارتباط أي أن المعادلة الأساسية في الطريقة هي كما يأتي :



حيث س : درجة تشيع الاختبار (خ) بالعامل.

، مريخ : معامل الارتباط بين الاختبار (خ) والاختبار (أ)

عمر : مجموع معاملات الارتباط بين الاختبار (خ) وجميع الاختبارات الأخرى .

، عس ﴿ عَجْمُوعُ مُعَامِلَاتُ الْأَرْتِبَاطُ فِي الْجُنُبُولُ الْأَرْتِبَاطِي .

ويقترح برت طريقة أخرى مؤسسة على التحليل بطريقة الحمم البسيط ويطلق على هذه الطريقة عمرية التقسيم الطريقة Method of Subdivided Factors ويمكن أن نسميها طريقسسة التقسيم المتزايد (١)

فهذا ينطبق على نمط التحليل الذي تؤدي اليه هذه الطريقة ، ونقطة الخلاف بين هذه الطريقة وطريقة الجمع البسيط تبدأ بعد استخراج العامل القطبي الأول ، حبث يفترح برت أن نقسم البواقي الى قسمين ، يحلل كل قسم منها على حدة على اعتبار أنه جدول منفصل ، وبذلك يكون نمط التشبعات كما هو مبين في الجدول الآئي وهو يمثل تحليلا فرضيا لثمانية اختبارات :

	يد	تمسيم المتزا	طريقة التا		البسيط	الجمع ا	. طريقة
سقس	سلق ۲	س ق	سم	<sup>س</sup> ق <sub>۴</sub>	سق	س م	العوامل
	***************************************	.1		<del>- ,,</del>	1	<del></del>	الاختبارات
		+	† +∤∙		+	+	\ Y
	-1-	+	†	+	· +	+	Ψ.
	' +	1	4.	4	+	+	£
_	·		ł	gazza		+	٥
- •			+		**************************************	+	٦
+		<del></del>	+	-1-	<u></u>	+	٦
+		****	+	†-		+	٨

جدول(١١٥) نمط التشبعات في طريقتي الجمع البسيط والتقسيم المتزايد

والحطوات العملية لهذه الطريقة في المثال السابق الذي تم تحليله بطريقة الجمع البسيط تبدأ بخطوة (١٢) هي الاقتصار على الربع الأيمن العلوي وتحليله على حدة ، ثم على الربع الأيسر السفلي وتحليله على حدة

 <sup>(</sup>١) استخدم بعض الاخصائيين في مصر تسمية أحرى ، الانقسام بالطريقة الثنائية ، أنظر الاحصاء في التربية وعلم النفس : الدكتور عبد العزيز القوصي - الدكتور حسن محمد حسين - الدكتور محمد خليفه بركات .

كذلك وتهمل البواقي في الربعين الآخرين ، ولذلك يشترط برت أن تطبق هذه الطريقة في حالات خاصة هي التي تكون غالبية البواقي في الربعين الأيمن العلوي والأيسر السفلي ذات دلالة احصائية بينما تقل أو تنعدم البواقي ذات الدلالة في الربعين الباقيين (١) .

### الطريقة المركزية:

تبدأ الطريقة المركزية بنفس الخطوات التي اتبعت في طريقة الجمع البسيط ، وقد ذكرنا أن الفرق بين الطريقتين في هذه الخطوات أن بيرت يفضل مل الخلايا القطرية بمعاملات تقديرية تعدل بعد نهاية التحليل حتى النهاية ، ولكن ثرستون بضع أكبر معامل أرتباط للاختبار في الجدول كتيمة تقديرية للخلايا القطرية ، على أن يتبع هذا الاجراء عند بدء كل تحليل البواقي كذلك حيث بحذف الباقي في الخلية القطرية ويوضع بدله أكبر باقي في العامود .

والاختلاف الثاني هو أن ثرستون يصر على أن العوامل المركزية Centroid Factors لا يمكن تفسير ها نفسيا الا بعد ادارة المحاور Rotation of Axes وتحويل نمط التشبعات الى ما يسميه ثرستون التركيب البسيط Simple Structure . والخطوات العملية لعملية ادارة المحاور للحصول على التركيب البسيط يبدأ بالتشبعات الناتجة من التحليل المركزي . ويرى ثرستون أن التركيب البسيط يضمن وصول التحليل الى نتيجة ثابتة موحدة والشروط التي يضعها لهذا النمط هي :

١ ــ أن يحتوي كل صف في التحليل على تشبع صفري على الأقل.

٢ ـــ أن يحتوي كل عامود في التحليل على عدد من التشبعات الصفرية يعادل عدد العوامل على الأقل .

٣ ــ اذا أخذنا أي عامود من أعمدة التشبعات ينبغي أن يكون بسه عدد مسن الاختبارات التي تتلاشى تشبعاتها بالعامل الآخر معادلا لعدد العوامل على الأقل.

وطريقة ادارة المحاور التي تتبع في هذا السبيل أن نختار أي عاملين ونعتبر هما محورين

Burt, C., \* Sub. Divided Factors \* British Journal of Psychology Statistical Section (1)

Thurstone, L., Multiple Factor Analysis, 1947. (7)

وتمثل الاختبارات بنقط على هذين المحورين ، وندير المحاور ليمر أحدهما بأكبر عدد من الاختبارات ، ومن الطبيعي أن تتغير التشبعات نتيجة هذه الادارة فتحتفظ بالتشبعات الجديدة للعامل الذي مر بالاختبارات ، ونأخذ العامل الثاني مع عامل جديد وهكذا بأخذ العوامل كل اثنين في محاولة نصل في النهاية الى نموذج التركيب البسيط السابق شرحه .

ومن المتبع عادة أن يقوم الباحث بمحاولات مبدئية ليقرر خطوات الادارة التي تضمن الوصول الى التركيب البسيط الذي يفي بالشروط الثلاثة السابقة ، علاوة على الوصول الى درجات تشبع موجبة لاختبارات القدرات العقلية .

واليك فيما يلي خطوات ادارة المحاور مبينة في مثال يتضمن ست اختبارات : أولا : المصفوفة الارتباطية التي بدأ منها التحليل .

1	ø	£	٣	۲	١	رقم الاختبار
٠,٠٠٢	٠,٤٤٨	٠,٠٠١	٠,٠٠١	٠,٥٢٥	_	<b>\</b>
٠,٠٠١	*,414	۲۰۳٫۰	٠,٠٩٨			Y
٤٠٥,٠	٠,٣١٤	.,174.				٣
٠,٠٠١	•,••		<u></u>			
۰٫۳۰۷						
<b> ↑</b>						

جدرل (۱۱۹) مصفرنة ارتباطية

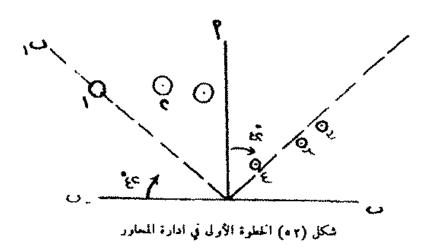
السانيا: نتيجة التحليل المركزي:

*	·	•	رقم العامل رقـــم الاختبار
٠,٠٧٤	715.	Y 3 0, •	\
·, TEA	٠,٣٤٣,٠	٠,٦٢٩	Y
•,141	., ٤٩٢ -	٠,٥٢٩	*
	٠,١٨٢ -	۰٫۲۸۱	٤
.,YV£	٠,١٤٣	۸۲۶,۰	•
.,٤٩0	., 178 -	+,274	٠,

جدول (١١٧) تشيمات الاختيارات بالعوامل أ ، ب ، ح

### ثالثاً : ادارة المحاور :

(أ) نقوم برسم مبدئي لموقع الاختمارات تعا لتشعانها بكل عاملين ، فتقوم بعمل ثلاثة رسوم (أمع س) ، أمع س ب ب مع ج) لمحتار منها الرسم الذي نبدأ منسه الادارة ، وقد وقع الاختيار في هذا المثال على الرسم الذي يكون فيه العاملان أ ، ب احداثيي الرسم . ونجد أن خير وضع تدار المحاور اليه هو الوضع الذي يمر فيه المحور أيموضع الاختبارات ٤ ، ٣ ، ٦ تقريبا ، وذلك لأننا فلاحظ أن النقط التي تمثلها تكاد تقع على استقامة واحدة بين نقطة الأصل ، ولذا اختير هذا الوضع كرحلة أول ، ويقتضي هذا ادارة المحاور في اتجاه العقرب حوالي ٤٢ الى الوضع الحديد الذي يأخذ فيه المحور الوضع أم ، والمحور ب الوضع بم ، وفي هذين الوضعين تصبح تشبعات الاختبارات الوضع أم ، والمحور ب الوضع بم ، وفي هذين الوضعين تصبح تشبعات الاختبارات من الشكل مباشرة ، وهذه تعطي بطبيعة الحال مقاييس تقريبية لدرجات التشيع الجلايلة . من الشكل مباشرة ، وهذه تعطي بطبيعة الحال مقاييس تقريبية لدرجات التشيع الجلايلة .



(ب) ذكرنا أن المحورين سيدوران في اتجاه عقرب الساعة بنحو ٤٣ ، وتبعسا لقاعدة رياضية اذا كان بعدا نقطة عن نقطة الأصل (تقاطع المحورين) هما س ، ص حيث س هو البعد على المحور ب فان البعدين على المحورين نفسيهما بعد ادارة المحورين ٤٣ في اتجاه عقرب الساعة يضبحان (س جتا ٤٢ - ص حا ٤٢) ، (س حا ٤٢) + ص حتا ٤٢) ومن جداول النسب المثلثية نجد أن :

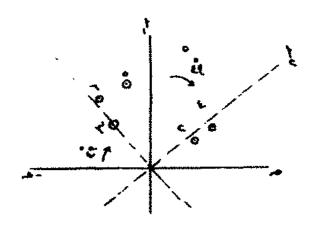
وعلى أساس هذين المقدارين نحول درجات التشيع الأصلية الى درجات التشيع الحديدة وتصبح الدرجات الجديدة كما بلي :

بلحديدة	درجات التشبع ا	<b>أصلية</b>	شبع ال	درجات الت	
٠	1	ų.		<b>†</b>	الاختبار
۰٫۸۱۷	٠,٠٠٧	٠,٦١٢,٠		٠,٥٤٢	١
۵۷۶,۰	٠,٢٣٩	734, •		.,779	*
٠,٠,١٢	•,٧٢٢	+,£ <b>4</b> Y		•,044	٣
٠.٠٥٣	٠,٧٣١	٠,١٨٢		٠,٢٨١	ŧ
۰,۰۲٦	٠,٧٧١	.,\\$Y		۸۲۲,۰	٠
٠.٠٢٨	V.7.Y	*.£Y£	_	.,£74	٦
( <sup>†</sup> ) +.774	·.VET	عوامل الضرب			
۲۱۷،۰ (ب)					

ويمكن التأكد من صحة العمليات الحسابية من أن مجموع مربعي تشبعى كل اختبار بهذين العاملين يظل ثابتا لا يتغير مع ادارة المحاور .

ونظرا لأن التحليل الأصلي قد تم على ثلاثة عوامل فاننا نتطلب ثلاثة تشبعات صفرية في كل عامل حسب ما يتطلبه التركيب البسيط ، ونحن نلاحظ أن هذا قديتوفر في العامل ب. ( اختبار ٣ = - ٢٠٠١٨ ، اختبار ٤ = ٣٠٠٠٨ و اختبار ٢ = - ٠,٠٢٨ ) .

(ح) تشتمل الخطوة التالية على ادارة المحورين أ مع ح . لذا نرسم مواضع الاختبارات أولا على هذين المحورين ، ولا يفوتنا اتخاذ الأبعاد الجديدة على المحور أ بدلا من الأبعاد الأصلية .



شكل (٣٥) المطرة الثانية في ادارة المعور

(د) ويتضح من الشكل أن خير وضع للمحاور الجديدة نحصل عليه من ادارة المحاور الأصلية في اتجاه عقرب الساعة بحوالي ٤٩° حيث يمر المحور حم بالاختبارات ٢ ، ٣ ، ٤ تقريبا ويمر المحور ألم بالاختبارات ٢ ، ٢ ، ٤ تقريبا .

ومن الجداول الرياضية نجد أن حا ٤٩ × ٥٧٠٠. ، حتا ٤٩ = ٢٥٦.

وبتفس طريقة الحساب السابقة نحصل على التشبعات الجديدة وهي كما يلي :

	درجات التشبع الجديدة	بع الأصلية	درجات التث	
٠, ۶-	Î v	<b>&gt;-</b>	`1	
• , • १٣		٠,٠٧٤	v·۷	1
٠,٠٤٨	- *, £ Y .	- ۲٤۸، •	٠,٧٣٩	¥
٠٧٢,٠	•,474	*,141	۰,۷ <b>۲۲</b>	٣
*:111	7777	1,001	٠,٣٣١	٤
*,\$7.	٠,٠٣٧	<b>۲۷۲,۰</b>	۰,۳۷۱	٥
.,74.	.,178	٠,٣٩٥	•, <b>٦•</b> Υ	7

(٨) وبذلك تصبح النتيجة النهائية كالآتي :

		المعاور	بعد ادارة للمعاور			المعاور	قبل ادارة المعاور	
الا در د	Ý	·(	<b>-</b>	çî	·¥	-(		العوامل الاختبارات الاختبارات
·, 7\\	73.	۷۱۸٫۰	•;•7•	34 342	٠,٠٧٤	1117.1	730,v	
·, 17.	;;;	٥٧٢٠	* , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	- V34' - 141'	13.4.	., 774	~
, e o V	;; ;		.,٣٢,	٠,٠٠٨	*,000/	-1111,	٠,٥٧٩	-1
0 1 3.	-111,- 013,-	, . o *	٠,٦٣٧	*,**	*,410 *,000	٠,١٨٢ -	174.	**
*,54.		170,	٠,٠٣٧	3	٠٧٧٠ ١٤٩٠		۸۷۲,۰	0
. 17. 17.	,,,,		.,172	.,,,,,	·, ¢47 ·, 704	- 3136.	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	مد

چئول (۱۱۸)مرجات التشبع بعد ادارة المعاور

ويلاحظ أن نمط درجات التشبع قد قرب كثيرا من النمط النموذجي الذي تنطلبه مستلزمات « التركيب البسيط » واذا أربد الوصول الى نموذج أقرب يمكن اجراء خطوات أخرى اللادارة .

# طريقة العوامل الطائفية (١) :

تقوم طريقة العوامل الطائفية على فكرة نظرية ﴿ هِي أَنْ أَيَّة عمليَّة عَقليَّة يمكن أَنْ تحللها الى عامل عام تشترك فيه مع باقي العمليات ثم عامل طائفي تشترك فيه مع عدد من العمليات الآخرى ، فهي تطبيق مباشر لنظرية العوامل الثلاثة الي سيق توضيحها ،

Burt, C. British Journal of Psychology (Statical Section) III, part 1.

وبحتلف الأساس العملي في هذه الطريقة عنه في طريقة الجميع البسيط أو الطريقة المركزية في أن العامل العاء اللدي يستخرج في هائين الطريقةين يقوم مقام مركز الثقل بالنسبة لكتلة الجسم. بحيث تنوزع قيم البواقي بعد استخراجه والتخلص منه فيكون مصصها سالبا

المجعوع	,0	,,, ,,,	7.3.	33.	, T. J.	-4	, Y* £	, <b>4</b> •				
*	· .		` <	. Y £	i	l	3		٠٢٧	·-	ı	
>	<u>.</u> <u>\$</u>		<i>-</i>	,		' '	>		ż	ı	٠	
<	, <del>*</del>	.x	7	٧,	Ś		.1.		ţ		٧٧,	
للجموع	7	7	ó	4.4.								
-	3	· •	7 >	*,			l		.17	· ,		\$ Y.
b	÷.	<u>.</u>	70	~	~	l	٠٢٨		5	<u>.</u>		•
**	, o .	÷	;·-			; ~	-4		·			1.4
المجموع					33.	. <b>4</b>	.47	₩ Y.	.YY	٨\$٠	34.	1.11
4	٠, ۲	7.17	j		. \$ 7	.T0	٧¥.	10	. ۲.1	.15	٧٠٠	13.
	<u>.</u>	ļ	i,		` <b>*</b>	<u>;</u>	7	1.4	÷.	· •	· >	·
	f	٠,٧٥	. 10		•	· 6		1.70	٧٧.	· >		
J. J.			-1	المجموع	••	b	,,	المجموع	4	^	هر	لمحسوخ
		-				.{			Y			

۳	•	•

1		*	<del></del>
	٠١,		,٣٩
	٠,٨٤	۲,4	,γ,
	,1. ,4. ,4.		,r4 ,v4 1,1v
			•
	٠3٠		1,74.
	٠٢. ٠٠.٥ ١٤.	۲,۰	1,4. 1,0. 1,4.
			٠٧٠,
	,٧٠		,61
	٠ <b>٨</b> ٠	۲,۱	۸\$;
	, <b>9</b> , 1		,0 \$
	در جات	الق	الجسوع الكسام

جلول (١١٥) حساب درجان النشيع بالعامل الأساسي

والنصف الآخر موجبا . ولكن العامل العام الذي يستخرج في طريقة العسوامل الطائفية يترك وراءه بواقي موجبه في اختبارات المجموعة الواحدة وصفرا في اختبارات المجموعات المختلفة، ولذلك يفضل برت أن يسمي هذه العوامل اسعا يختلف عن العامل العام فيطلق عليه « العامل الأساسي » .

والخطوات العملية في هذه الطريقة تنضح من تحليل المثال السابق (١) :

ويمكن تبسيط خطوات الطريقة اذا رمزنا للمجدول الأصلي ولمعاملات ارتباط بالشكل الآقي :

Burt, C., The Factors of The Mind, 1940. (١) هدا المدل مقتبس من

>	<u> </u>	<b>†</b>	
<b>&gt;</b> 1	١٠	<b>†</b> ‡	ţ
ب۔	بب	ب 1	ب
y- >	ء ب	٦,	>-

أي أنه يمكن تمييز ثلاث مجموعات في الجدول الارتباطي والذي يدلنا على ذلك منذ البداية أن معاملات الارتباط في المربعات الثلاثة القطرية الموضحة في الجدول تكون أعلى على وجه العموم عما يتوقع لها على أساس الترتيب الهير اركي الذي تنخفض فيه المعاملات كلما اتجهت الى أسفل أو الى البسار وتنحصر خطوات التحليل فيما يأتي :

 ١ سـ رتب معاملات الجدول الارتباطي الأصلي ترتيبا تنازليا بقدر الامكان . حتى بتضح نمط التقسيم الى مجموعات . مستدلا عليها بالدليل الذي و صحناه .

٢ ـــ أوجد حواصل جمع أعمدة وصفوف كل مجموعة ، كما هو مبين في الجدول
 واستنتج في النهاية المجموع الكلي للأعمدة ( ١,٨٩ ، ١,٨٨ ، ١,٤٧ .... )

٣ ــ المعاملات في المربعات القطرية تتكون من عوامل أخرى مضافة الى العامل الأساسي بناء على الفكرة الأساسية في الطريقة . وأما ما عداها من المعاملات في المربعات الأخرى فهي راجعة الى العامل الأساسي وحده . ولذا نقتصر في حساب درجات التشبع لمذا العامل على هذه المربعات .

٤ ــ وطريقة حساب معاملات التشبع بهذا العامل الأساسي حسب هذه الطريقة بقتضي حساب قاسم لمجموعات أعمدة كل مجموعة ( مع حذف معاملات المربعسات القطرية ) .

والقانون الذي تحسب به هذا القاسم للمجموعة الأولى هو:

أي يساوي في هذا المثال .

$$\cdot, \gamma 1 = \left\{ \begin{array}{c} \frac{1}{1, \xi \xi} \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{1, \xi \xi}} \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{1, \xi \xi}} \end{array} \right\} \stackrel{\cdot}{\bullet} \stackrel{\cdot}{\bullet} \stackrel{\cdot}{\bullet}$$

والقاسم للمجموعة الثانية هو :

وللمجموعة الثالثة :

اقسم كل عامود على قاسم المجموعة التي ينتمي اليها لتحصل على درجات التشبع بالعامل الأساسي = ( ١,٨٩ ÷ ١,٨٩ = ١,٠٠٠ ).

## حساب درجات النشبع بالعوامل الطائفية :

٣ — كون جدولا نظريا لمعاملات الارتباط المتوقعة على أساس درجات التشبع بالعامل الأساسي (١) ثم اطرح خلايا هذا الجدول من خلايا الجدول الأصلي لمعاملات الارتباط لتحصل على جدول البقايا بعد العامل الأساسي . واذا كانت هذه الطريقة مناسبة للتحليل فان البواقي بعد العامل الأساسي خارج المربعات القطرية تكون عديمة الدلالة الاحصائية . ونظرا لأن المثال الحالي مثال فرضي فاننا سنجد أن البواقي خارج المربعات القطرية معدومة تماما ، وتنحصر جميع البواقي في المربعات القطرية ، واليك عيما يلي هذه البواقي بعد استخراج العامل الأساسي .

<sup>(</sup>١) نترك العالب تكوين هذا الجدول .

.3	٨	٧	٦	٥	ŧ	**	Y	١	ر قم الاحتبار
			_			. • ٢	٠٠٣	()	١
	_	-		****		٠٠٦.	()	۰,۰۳	۲
					u.v	()	٠٠٩	. • Y	٣
<del>-</del>	-		.•٦	-17	()		<del></del>		٤
-	-		٠٠٨	()	-11			<b>-</b>	۰
		-	()	٠•٨	. • 7	<u></u>	-		*
۲٤,	,17	()	-	-		*******	<del></del>		٧
۰۰۸	()	٠١٢.	ļ ļ						٨
()	۸۰,	.71	~				<del></del>		4

جدول (١٢٠) البواقي بعد العامل الأسسي

حذ البواقي في كل مربع من المربعات القطرية على حدة وحله بالطريقة العادية
 المركزية أو الجمع البسيط ، مع وضع تقديرات مناسبة للخلايا القطرية تحصل على النتيجة
 النهائية الآثية :

الطائقي (٣)	الطائفي (٢)	الطائفي (١)	الأساس	العامل
				الاختبار
_		٠,١٠	٠,٩٠	١
www-	*****	٠,٣٠	٠,٨٠	۲
		۰٫۱۰	۰,٧٠	٣
	۰٫۳۰	<del></del>	٠,٦٠	٤
r <del></del> -	٠,٤٠	·	٠,٠٠	0
	1,41	_	٠,٤٠	•
•,4•			۰٫۳۰	<b> </b> v
٠,٧٠	<del></del>		۰,۲۰	
*58+	-14144	-	٠,١٠	•

جدول (٢٦) نتيجة التحليل بطريقة العوامل الطائفية

### طريقة العوامل الجمعية (١): Bi-Factor Method

تشبه طريقة العوامل الجمعية كثيرا طريقة برت للعوامل الطائفية . فهي تقوم أيضا على أساس أن المعاملات خارج المربعات القطرية هي التي تحلل أولا لاستخراج درجات التشبع بالعامل الأساسي ، ثم تحلل البواقي في المربعات القطرية للحصول على درجات التشبع بالعوامل الطائفية .

والمعادلة الأساسية التي تستخدم في حساب درجات التشبع في هذه الطريقة مؤسسة على أن درجة تشبع أي اختبار ( س مثلا ) بالعامل الأساسي (م) يمكن استخراجه مسن معاملات الارتباط بينه وبين أي اختبارين ( ص ، ع مثلا ) يشتركان معه في هذا العامل الأساسي .

وفي حالة الجدول المحتوي على عدد كبير من المتغيرات مقسمة الى مجموعات كما هو الحال في المثال الأخير ( جدول ١٦٤ ) يمكن أن نرمز لمجموع معاملات الارتباط في المربعات بالرموز الآتية :

و تكون درجة تشبع أي اختبار في المجموعة (أ) ولكن اختبار س كما هي في المعادلة الآتيسة :

حيث كا بن ، ه بن = مجموع معاملات ارتباط الاختبار س في المربعات ء ، ه . ، و ـــ المجموع الكلي لمعاملات المربع و

ولنأخذ اختبار (أ) في المجموعة الأولى من الحدول ( ١٦٤ ) .

وبذلك يتسى لنا حساب معاملات النشيع بالعامل الأساسي . ونرى أنها مطابقة تماما لما في طريقة برت . وننتقل بعد ذلك الى حساب البواقي في المربعات القطرية ثم تحليل هذه البواقي . ويتبع هو لزنجر نفس الطريقة السابقة في ذلك .

فاذا رجعنا الى جدول البواقي بعد العامل الأساسي في المثال السابق ( جدول ١٦٥ ) وان درجة تشيع اختبار ( أ ) بالعامل الطائفي يمكن حساب من :

، درجة تشبع اختبار (٨) بالعامل الطائفي للمجموعة الثالثة بمكن حسابه من :

وهكذا نصل الى نفس النتائج في التحليل التي توصلنا اليها بطريقة برت للعوامل الطائفيـــة .

### خاتمسية:

بالرغم من الوقت القصير نسبيا الذي مر منذ أول محاولة للتحليل العاملي الا أن التقدم الذي أحرزه هذا الفرع من التحليل بعد كبيرا للغاية ، فقد اكتشفت طرق عديدة لهذا الذي أحرزه هذا الفرع من التحليل ولم نذكر منها الا بعضها في هذا الباب . كما أن استخدام التحليل العاملي قد زاد عن نطاق الهدف الذي بدأ به ـ وهو القدرات العقلية في سائر نواحي البحوث قد زاد عن نطاق الهدف الذي بدأ به ـ وهو القدرات العقلية في سائر نواحي البحوث

النفسية والاجتماعية – فقد تدخل في بحوث الشخصية وسماتها وأنماطها لدرجة كبيرة ، وأصبح أداة يعتمد عليها كثير من الباحثين الاجتماعيين كذلك في مقاييس الرأي العام والاتجاهات وغيرها . الا أننا يجب ألا نساق في ذكر ما لهذا الفرع من مزايا فننسى الحدود التي يجب أن نأخذها في الاعتبار عند استخدامه .

# وأهم هذه الحدود ما يأتي :

١ ــ نتائج التحليل الاحصائية ثم تفسيرها تفسيرا فنيا يتوقف كلية على المتغيرات التي شملها البحث ، بمعنى أن العامل العام الذي يظهر في بطارية من الاختبارات يختلف في طبيعته وتفسيره عن العامل العام الذي يظهر في بطارية أخرى ، فهذا يتوقف على نوع العمليات العقلية التي تتكون منها البطارية .

٢ — النتائج الاحصائية للتحليل تتوقف على العينة التي تعليق عليها المقاييس فالعامل اللي يفسر على أنها عامل السرعة اذا طبق نفس الاختبار على الكبار .

٣ — وزيادة على ذلك فان النتائج تتوقف كذلك الى حد كبير على المادة التي تصاغ فيها مقاييس العمليات العقلية ، سواء كانت المادة ألفاظا أو صورا أو أعدادا أو أداء Performance فكما أن البحوث قد ميزت بين العوامل التي تتوقف على الوظائف العقلية ( الاستدلال والتذكر .... ) فقد ميزت أيضا بين العوامل التي تتوقف على المادة التي تصاغ فيها هذه الوظائف .

٤ -- وأخيرا فان طريقة التحليل لا تنجح الا اذا كانت مؤسسه على اختيار ناجح للبطارية التي تحلل. فتحليل أي جدول ارتباطي بطريقة التحليل العاملي كثيرا ما يؤدي الى نتائج لا معنى ولا قيمة لها. ويحتاج هذا الى البدء بفرض بتضمن العوامل التي يحتمل ايجادها في التحليل (1) ويجمع الباحث لذلك من الاختبارات في البطارية مما قد يحقق له الغرض أو يرفضه.

ولهذا فان خطة استخدام طريقة التحليل العاملي ينبغي أن تسير في الخطوات الآتية :

<sup>(</sup>١) ويعترض الكثيرون على طريقة التحليل العاملي اعتراضاً يبدو وجيهاً ، أن الباحث يجد في المهاية الدواءل التي أعدها قبل التحليل ، والواقع أن هذا الاعتراض مردود عليه . فالتحليل العاملي كأي طريقة علمية لا بد أن يبدأ بفرض قد يظهر التحليل في النهاية خطأه وبعده عن الحقيقة .

- احتمر صلاحية الطريقة للبحث فلا تصابح طريقة التحليل العاملي لتجقيق أي فرض أو حل أية مشكلة ، بل تتوقف صلاحيتها على اختيار المجال المناسب .
  - ٢ -- ابدأ بفرض يتعلى بالعوامل المحتملة التي قد تنتج من التحليل.
- ٣ -- وتبعا لهذا الفرض تخير عددا كافيا من المقابيس أو الاختبارات ( ومن المتفق عليه أن العامل الواحد لا بتحدد الا بثلاثة اختبارات أو مقاييس ) .
- عدد المجتمع الذي تأخذ منه العينة ، واختيار المجتمع يتطلب النظر الى عدة نواحي تتوقف على طبيعة البحث الذي تقوم به .
- حدد طريقة اختيار العينة وعدد أفرادها بالتقريب . وينبغي أن يكون هذا العدد مناسبا حتى تكون النتائج في الخطوات المختلفة للتحليل ذات دلالة احصائية يمكن الاعتماد عليها .
- بعد حساب معاملات الارتباط . وهي الحطوة الأساسية في التحليل العاملي ،
   تخير الطريقة التي تستخدمها في التحليل فليست كل طريقة صالحة لتحليل أي جدول ارتباطي كما أسلفنا .
- بل ويصر الكثيرون كما سبق أن ذكرنا ألا نتخذ نتائج التحليل الأولى ، بل يفضلون ادارة المحاور لتنقية العوامل الناتجة وتوضيح الصورة الأخيرة بقدر الامكان .
- ٨ ــ وأخير ا فنتيجة التحليل ليس من السهل تعميمها بل يحتاج هذا التعميم الى
   بحوث كثيرة في ظروف مختلفة مما لا يتسنى لباحث واحد القيام به عادة .

### أسئلة على الباب السسابع

١ ـــ اشرح المقصود من طريقة التحليل العاملي مبينا أهم مزاياه وحدوده كطريقة من طرق تحقيق الفروض العلمية .

٢ - « يعتبر سبيرمان مؤسس مدرسة التحليل العاملي » ناقش هذه العبارة مبينا الحدمات التي قدمها سبيرمان لهذه الطريقة العلمية .

٣ -- قارن مع التمثيل بين النظريات المختلفة التي وضعت لوصف العلاقة بين العمليات العقلية المختلفة. ثم وضع كيف يمكن التوفيق بين وجهات النظر المختلفة فيها.

٤ - اشرح مع التمثيل ما تفهمه مما يأتي :

١ ــ الترتيب الهيراركي .

٢ - المعادلة الرباعية .

٣ - ادارة المحساور .

المصفوفة الارتباطية الآتية تبين العلاقة بين تسعة اختبارات . استخدم الطريقة المركزية في تحليلها (يكتفي بثلاثة عوامل : واحد عام واثنان قطبيان ) .

1,621	٠ ١ الخاران ١	الأرقام	יציאן איניאן	الأعمار الأعمار	1 1	الانكال الانكال	377	< دا کرة الأشكال	۸ اور الا	عملیات حسابیة ۹
١	<b></b>		,۱۲	,\0	۶۲,	۷۱,	۰۱۳	۰۱۷	۸۲۰	,\{
۲				۲۷,	۰,۱۹	۰۱,	٠ ه ر	,٧٢	۰۲,	۰۸۰
٣					.1.	۲۱,	77,	.5+	.Vø	,£ Y
٤					والمراسي	,00	٠ ۲٠	-11	,۱۳	۲۱,
٥							11.	.18	۸۸,	۲٤,
٦								,į o	۰۸۰	,£Y
٧									.£4	,۷۸
٨										ه۴,
4										-

جدول (۲۲) مصفوفة ارتباطية لسنة اختبارات

ثم استنتج من هذا التحليل طبيعة العوامل التي تفسر هذه المعاملات .

٦ اختبر البواق بعد العامل الطائفي الأول لتحديد ما اذا كانت تصلح للتحليل بطريقة التقسيم المتزايد Sub-Divided Factors . وطبق هذه الطريقة في حالة صلاحية البواقي لذلك.

٧ -- ما المقصود من المفهوم و التركيب البسيط و الذي يهدف ثرستون الى الوصول البه في التحليل وما شروطه ؟ الى أي حد تعتبر نمط التشبعات في طريقة العوامل الطائفية مستوفية لمذه الشروط ؟ .

٨ - حاول ادارة المحاور في التحليل الذي حصلت عليه في السؤال الخامس بطريقة الرسم لتقترب بقدر الامكان الى التركيب البسيط . مبينا رأيك في هذه الطريقة كوسيلة علمية للوصول الى نتائج موحدة ثابتة Unique .

اختر أي طريقة من طرق التحليل الى العوامل الطائفية وطبقها على جدول
 ١٢٥) ثم اشرح طبيعة العوامل التي تصل اليها من هذا التحليل .

١٠ اشرح مثالين تستطيع أن تستخدم فيهما طريقة التحليل العاملي في البحوث الاجتماعية ، موضحا في أحدهما بالتفصيل الحطوات التي تسير عليها حتى تصل الل حل المشكلة الاجتماعية التي تبحثها .

# فهرست الكتاب

الملحة	الموضوع
٠	مقدمة المؤلفين
٧	الباب الأول: تصنيف البيانات وتمثيلها بالرسم
•	القياس في علوم الأنسان
11	التوزيع التكراري
19	تمثيل التوزيع بالرسم
*1	المضلع التكراري
77	المدرج التكـــراري
71	المنحى التكسراري
۳.	المنحني التكراري التجمعي
٣١	أنواع المنحنيات التوزيعية
<b>**</b>	الباب الثاني : المتوسطات أوالقيم المركزية
٤١	المتوسط الحسابي أ
84	الوسيط أو الأوسط
70	المنوال أو الشائع
٥٩	مقارنة بين المتوسطات الثلاثة
77	الباب الثالث مقاييس التشتيت
٧٠	المسيدي المطلسق
VY	نصف المدى الربيعي
<b>V</b> #	الانحراف المتوسط
٧٠	الانحراف المعياري
۸۱	مقارنة بين مقايسي التشتت

الصفحة		الموضوع
٨٤	معامل الاختلاف	
	استخدام معامل الاختلاف في المقاييس النفسية	
4+	والنربويسسة	
41	الدرجة المعيسارية	
14	المثين	
٩٨	استخدام الرتبة المثينية في البحوث النفسية	
1.4	المنحى الاعتدالي وخواصه :	الباب الرابع
1.4	نسبة الاحتمال	
114	التوزيع الاعتدالي في المقاييس النفسية والاجتماعية	
114	جدول المنحني الاعتدالي ــ الارتفاع	
144	تحويل التوزيع الى أقرب توزيع اعتدالي	
171	المساحسة	
144	مقياس « ت » والدرجة التاثية	
144	تلخيص لأهم خواص المنحني الاعتدالي	
144	مقاييس انحراف التوزيع عن الاعتدالي :	
144	<u> ش</u> واء	ועו
144	رطسح	التف
181	: الارتبــاط:	الباب الخامس
184	مقدميسية	
111	معامل ارتباط الرتب	
101	معامل ارتباط بيرسون	
174	الانحدار والتنبسق	
377	الارتباط الثنسائي	
180	معامـــل فـــاي	
7.8.1	خاتمة في معامل الارتباط	
140	العينات ومقابيس الدلألسة	الباب السادس
197	العينـــات واختيارها :	. ,
147	العينة العشوائية	

				- 1.			
الصمحة				الموضوع			
144		العينسة الطبقسة					
¥		العينسة المقيسدة					
4 • 4		ييس الاحصالية	ثبات المقا				
4.4		المتوسط الحسابي	ثبات				
4.0		ات الوسيسط	<b>ئ</b> ېسا				
٧٠٧		ت النسبسة	ثبسا				
Y • 4		لل الارتباط	ثبات معاه				
۲1.	رتباط الرتب	أ المعباري لمعامل ا	الحط				
717	فري	وق والفرض الص	دلالة الفر				
YIA		ار ۱۱ ت ۱۱	اختبا				
448	نياس ثبات معامل الارتباط	استخدام اختبار ، ت ، في قياس ثبات معامل الار تباط					
777	_	اختیار کا ۲					
<b>የ</b> ሞለ	ة بين متعبر <u>س</u>						
724		حساب معامل التوافق من كا ٢					
711		تحليل التيـــــاين					
977		العامـــلى ؛	. •	- الباب السابع			
<b>Y</b> 7V		ب به مسبح أهداف التحليل العاملي					
Y74	ت الى التحليل العاملي	<b>.</b>					
777	<b>Q</b> 0-	وق الرباعية					
***		العوامل الطائفية	•				
<b>*</b>	س <del>ين</del> ح.	ية التحليل العاملي-					
٧٨٠	طريقة الجمع البسيط						
<b>Y4Y</b>	الطريقة المركزية						
<b>Y</b> 4A	طريقة العوامل الطائفية						
4.8		. العوامل الجمعية					
۳۰ <u>۵</u>			خاتم				
	97/1-798	رقم الإيناع					
	977 / 10 / 0907 /9	الترقيم الدولي I. S. B. N					

To: www.al-mostafa.com